

ଗଣିତ କାହାଣୀ : ଉଚ୍ଚ ସମସ୍ୟା।

Mathematical Stories : word problems



ଭାରତରେ ବିଦ୍ୟାଳୟ ଭିତ୍ତିକ  
ସହାୟତା ମାଧ୍ୟମରେ ଶିକ୍ଷକ ଶିକ୍ଷା  
[www.TESS-India.edu.in](http://www.TESS-India.edu.in)



<http://creativecommons.org/licenses/>



ଉଚ୍ଚତରେ ବିଦ୍ୟାଳୟ ଉଚ୍ଚିକ ସହଯୋଗ ମାଧ୍ୟମରେ ଶିକ୍ଷକ ଶିକ୍ଷା (ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆ) କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ଶିକ୍ଷକମାନଙ୍କୁ ‘ମୁକ୍ତ ଶୈଖିକ ସଂବଳ’ ମାଧ୍ୟମରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ କେନ୍ଦ୍ରିକ, ସହଭାଗୀ ଶିକ୍ଷାପଦତ୍ତଗୁଡ଼ିକର ବିକାଶ କରିବାରେ ସହାୟତା ଦେବା ସହ ଉଚ୍ଚତରେ ଥିବା ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଓ ମାଧ୍ୟମିକ ଶିକ୍ଷକମାନଙ୍କ ଶ୍ରେଣୀଗୁଡ଼ିରେ କାର୍ଯ୍ୟଧାରା ଅଭିଭୂତ ପାଇଁ ଲକ୍ଷ୍ୟ ରଖିଛି । ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆର ଏହି ‘ମୁକ୍ତ ଶୈଖିକ ସଂବଳ’ ଶିକ୍ଷକମାନଙ୍କ ପାଇଁ ବିଦ୍ୟାଳୟ ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକର ଏକ ସହଯୋଗୀ ଅଟେ । ଏଗୁଡ଼ିକ, ଅନ୍ୟ ଶିକ୍ଷକମାନେ ପ୍ରସଙ୍ଗଟିକୁ କିପରି ପଡ଼ାଇଛନ୍ତି ତାହା ପ୍ରଦର୍ଶନ କରିବା ସହ ଶ୍ରେଣୀଗୁଡ଼ିରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ସହ ପ୍ରାକ୍ ପରାଷଣ ପାଇଁ ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟମାନ ଯୋଗାଇ ଦେଇଥାଏ । ଏହା ବ୍ୟତିତ ଶିକ୍ଷକମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କ ପାଠ ଯୋଜନା ଏବଂ ବିଷୟଗତ ଜ୍ଞାନର ଅଭିଭୂତ ପାଇଁ ଏହା ସଂଯୋଗ ସ୍ଥାପନ କରେ ।

ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆର ‘ମୁକ୍ତ ଶୈଖିକ ସଂବଳ’ଗୁଡ଼ିକ ଉଚ୍ଚତାୟ ପାଠ୍ୟ ଖେତ୍ର ଓ ପରିପେକ୍ଷା ଅନୁଯାୟୀ ଉଭୟ ଉଚ୍ଚତାୟ ଆନ୍ତର୍ଜାତୀୟ ଲେଖକମାନଙ୍କ ସହଭାଗୀତାରେ ପ୍ରସ୍ତୁତ । ଏହା ଉଭୟ ଅନ୍ତର୍ଜାତୀୟ ଓ ମୁଦ୍ରିତ ଭାବେ ବ୍ୟବହାର ପାଇଁ ଇଣ୍ଡିରନେଟ୍ (<http://www.tess-india.edu.in/>)ରେ ଉପଲବ୍ଧ । ‘ମୁକ୍ତ ଶୈଖିକ ସଂବଳ’ଗୁଡ଼ିକ ବିଭିନ୍ନ ଭାଷାରେ ଅନୁବାଦ କରାଯାଇ ଉପଲବ୍ଧ କରାଯାଇଛି ଓ ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆର କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ଚାଲୁଥିବା ଉଚ୍ଚତାୟ ରାଜ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ଉପସ୍ଥିତ ଅଟେ । ଏହାର ବ୍ୟବହାରକାରୀମାନଙ୍କୁ ସ୍ଥାନୀୟ ପ୍ରାସାରିକତା ଓ ଆବଶ୍ୟକତାକୁ ଉଚଣ୍ଣା କରିବା ନିମିତ୍ତ ସ୍ଥାନୀୟକରଣ କରି ଗ୍ରହଣ କରିବାକୁ ଆମନ୍ତରିତ କରାଯାଇଛି । ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆ ଉଚ୍ଚ ଓ ମୁକ୍ତରାଜ୍ୟ ସରକାରଙ୍କ ମିଳିତ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମର ଏକ ଅଂଶ ଓ ମୁକ୍ତରାଜ୍ୟ ର ମୁକ୍ତ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟ ଦ୍ୱାରା ପରିଚାଳିତ ।

### ଉଚ୍ଚିତ୍ତ ସମ୍ବଲ ସମ୍ବୂଦ୍ଧ

ଏହି ଏକକରେ କେତେକ କାର୍ଯ୍ୟମାନ ସଙ୍କେତ ସହ ସମ୍ବଲିତ କରାଯାଇଛି । ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆର ‘ଉଚ୍ଚିତ୍ତ ସମ୍ବଲ ସମ୍ବୂଦ୍ଧ’ ଶିକ୍ଷା ତତ୍ତ୍ଵ ଆଧାରିତ । ଏଥରେ ଥିବା ଉଚ୍ଚିତ୍ତଗୁଡ଼ିକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବିଷୟ ପାଇଁ ଉଚ୍ଚତାୟ ଶ୍ରେଣୀଗୁଡ଼ିପରିବାର ପରାଷଣ କୌଣସିଗୁଡ଼ିକୁ ସଚିତ୍ର ବର୍ଣ୍ଣନା କରିଛି । ଆମେ ଆଶାକରୁ ଯେ ଏଗୁଡ଼ିକ ଆପଣମାନଙ୍କୁ ଅନୁଭୂତ କାର୍ଯ୍ୟଧାରାଗୁଡ଼ିକର ପରାଷଣ ନିମିତ୍ତ ଅନୁପ୍ରେରିତ କରିବ । ଏହିପରୁ ଆପଣଙ୍କ ଦ୍ୱାରା କରାଯାଉଥିବା ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକ ଆଧାରିତ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ଅଭିଜ୍ଞତା ବୃଦ୍ଧି କରିବା ନିମିତ୍ତ ଅଭିପ୍ରେରିତ । ଟେସ୍-ଇଣ୍ଟିଆ ଉଚ୍ଚିତ୍ତ ସମ୍ବଲ ସମ୍ବୂଦ୍ଧ ଅନ୍ତର୍ଜାତୀୟରେ <http://www.tess-india.edu.in/>) ଉପଲବ୍ଧ ଓ ଡାରନଲୋଡ୍ କରାଯାଇପାରିବ । ଆପଣମାନେ ଏହି ଉଚ୍ଚିତ୍ତଗୁଡ଼ିକୁ ସି.ଡ଼ି. ବା ମେମୋରୀ କାର୍ଡ୍ ମାଧ୍ୟମରେ ବ୍ୟବହାର କରି ପାରିବେ ।

ଓଡ଼ିଆ ସଂକଳନ 1.0      ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଗଣିତ 04 ଓଡ଼ିଆ ଭାଷାକ୍ରିୟା ଉଚ୍ଚତାୟ ଭାରତ ଜ୍ଞାନ ବିଜ୍ଞାନ ସମିତି : ଡେଶିଆ  
Odisha

ଏହି ସଂକଳନଟି ‘ଟେସ୍ ଇଣ୍ଟିଆର ମୁକ୍ତ ଶିକ୍ଷା ସମ୍ବଲ’ର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଗଣିତ ସଂକଳନର ଏକ ଭାଗ ଅଟେ । ମୂଳ ଇଂରାଜୀ ଲେଖାକୁ ଶ୍ରୀ ବାପସ କୁମାର ନାୟକ ଡେଶିଆ ଭାଷାକ୍ରିୟା ଉଚ୍ଚତାୟ କରିଥିବା ବେଳେ ତକ୍ତର ମୋହିତ ମୋହନ ମହାନ୍ତି ସମୀକ୍ଷା କରିଛନ୍ତି । ଏହି ସଂକଳନରେ ବ୍ୟବସ୍ଥା ହୋଇଥିବା ତୃତୀୟ ପକ୍ଷ ସାଧନ ବ୍ୟତିତ ଅନ୍ୟ ସମସ୍ତ ସମ୍ବଲ/ଲେଖ <http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/> ରେ ମୁକ୍ତ ବ୍ୟବହାର ପାଇଁ ଉପଲବ୍ଧ ଅଟେ ।

## ଏହି ଏକକରେ କ'ଣ ଅଛି

ବାସ୍ତବ ଜୀବନ ଓ ଗଣିତ ଶ୍ରେଣୀଗୁହ୍ନ ମଧ୍ୟରେ ଥୁବା ବିଭେଦ କମାଇବା ପାଇଁ ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ଏକ ପଞ୍ଚା ରୂପେ ବିବେଚନା କରାଯାଏ । ସାରା ପୃଥ୍ବୀରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସମ୍ବଲିତ ପରାକ୍ଷଣରେ ଅଧିକାଂଶ ସମୟରେ ଦୂର୍ବଳ ପାରଦର୍ଶତା ପ୍ରଦର୍ଶନ କରନ୍ତି । ଯଦିଓ ବିଭିନ୍ନ ଶାରୀରିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଯଥା - ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ କିମ୍ବା ହରଣରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ପାରଦର୍ଶତା ହାସଳ କରିଥାନ୍ତି ତଥାପି ସେହି ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ବଲିତ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସମାଧାନ କରିବା ବେଳେ ସେମାନେ ଅସୁବିଧା ଭୋଗ କରନ୍ତି । (ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଏହି ବିଷୟରେ ଧାରଣା ସୃଷ୍ଟି କରିବାରେ ଏହି ଏକଳ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଦିଗ ଉପରେ ଗୁରୁତ୍ବ ଦିଆଯିବ) (Morales, et al. 1985) ।

- ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଭିନ୍ନ ଶର ଯୋଜନା କରି ପ୍ରକାଶ କରିବେ,
- ଗଛ ବା କାହାଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା ମାଧ୍ୟମରେ ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାମାନ ନିଜେ ଗଠନ କରିବା ପାଇଁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କୁହାଯିବ ।

## ଏହି ଏକକରୁ କ'ଣ ଶିଖିବେ

- ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଫଳପ୍ରଦତ୍ତାବେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାରେ ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କିପରି ସହାୟତା ପ୍ରଦାନ କରିପାରିବେ ।
- ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବୁଝିବା ପାଇଁ ଗଛ କଥନକୁ ଏକ ସାଧନ ଭାବେ ବ୍ୟବହାର କରିବାରେ ଆପଣଙ୍କର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ମାର୍ଗଦର୍ଶନ ପାଇଁ କେତେକ ଧାରଣା ।
- ଗଛ ସୃଷ୍ଟି କରି ଗାଣିତିକ ଉଚ୍ଚଗୁଡ଼ିକର ଉପସ୍ଥାପନ କରିବା ପାଇଁ ଆପଣ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କିପରି ସାହାୟ୍ୟ କରିପାରିବେ ।

## 1 ଗଛ ଆକାରରେ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା



### ଚିକିଏ ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ

ନିଜ ଶ୍ରେଣୀଗୁହ୍ନ କଥା ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଆପଣଙ୍କ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ କେଉଁ ଭାବରେ ଦେଖନ୍ତି ? ସେମାନେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଭଲ ପାଥାନ୍ତି କି ? ସେମାନେ ସେସବୁ ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ କଷ୍ଟ କରନ୍ତି କି ? ଆପଣମାନେ କାହିଁକି ଏପରି ଭାବନ୍ତି ?

ଚିକିଏ ପଛକୁ ଫେରି ଆପଣ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ ଥୁବା ବେଳେ ଗଣିତ ଶିଖିବାର ଅଭିଜ୍ଞତା ମନେପକାନ୍ତୁ । ଆପଣ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାକୁ କିପରି ବୁଝୁଥିଲେ ? ସେଗୁଡ଼ିକୁ ସମାଧାନ କରିବାର ପର୍ବା ବୁଝିବାରେ ଆପଣଙ୍କୁ କଣ ସାହାୟ୍ୟ କରିଥିଲା ?

ବିଦ୍ୟାଳୟ ଗଣିତକୁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କ ପାଇଁ ଅର୍ଥପୂର୍ଣ୍ଣ ଓ ପ୍ରାସଙ୍ଗିକ କରିବାରେ ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଗୁରୁତ୍ବପୂର୍ଣ୍ଣ ଭୂମିକା ନିର୍ବାହ କରିପାରନ୍ତି । ଦୈନନ୍ଦିନ ଜୀବନର ବିଚାରଧାରାକୁ ଶ୍ରେଣୀଗୁହ୍ନର ପାଠକୁ ସଂପର୍କିତ କରିବା ସହ ସେମାନେ ବିଦ୍ୟାଳୟ ଗଣିତକୁ ମଧ୍ୟ ଦୈନନ୍ଦିନ ପରିମ୍ବିତ ଏବଂ ଦୈନନ୍ଦିନ ସମସ୍ୟା ସହ ସଂଯୁକ୍ତ କରିବା ଏବଂ ଏହାର ବିପରୀତ କ୍ରମରେ ଦୈନନ୍ଦିନ ସମସ୍ୟାକୁ ଗଣିତ ସହ ସଂଯୁକ୍ତ କରିପାରିବେ । ଏଣୁ ଏହା ଅତାକ ଗୁରୁତ୍ବପୂର୍ଣ୍ଣ ଯେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ କେବଳ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସମାଧାନ କରିବାରେ ସାମିତି ନ ରହି ନିଜେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ କିପରି ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିପାରିବେ ତାହା ଜାଣିବା ଉଚ୍ଚିତ ହେବ ।

ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସମାଧାନ କରିବା ସମୟରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ପ୍ରସଙ୍ଗିତିକୁ ବୁଝିବାରେ କେତେକ ସମସ୍ୟାର ସମ୍ବୂଧନ ହୋଇପାରନ୍ତି । ଯେପରିକି, ଯେତେବେଳେ ସେମାନେ ପରିଚିତ ନ ଥୁବା କେତେକ ଶଙ୍କା ଓ ଉଚ୍ଚ ସଂପର୍କରେ ଆସିଥାଏ । କିମ୍ବା ଯେତେବେଳେ ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଟିର ପ୍ରାସଙ୍ଗିକତାକୁ ଉପଲବ୍ଧ କରିପାରନ୍ତି ନାହିଁ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସାହାୟ୍ୟ କରିବା ପାଇଁ ଏକ

ଫଳପ୍ରଦ ପନ୍ଥା ହେଉଛି ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାକୁ କାହାଣୀ / ଗପ ଭାବେ ବିବେଚନା କରିବା । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ କାହାଣୀ ଶୁଣିବାକୁ ଭଲପାଆନ୍ତି ଓ କାହାଣୀ ସହ ପରିଚିତ ଥାଆନ୍ତି । ଅନେକ ସମୟରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଆଗ୍ରହ ଓ ଏକାଗ୍ରତାକୁ କାହାଣୀ ଧରି ରଖିପାରେ । ସେମାନେ ମଧ୍ୟ ନିଜେ ନିଜେ କାହାଣୀ ସୃଷ୍ଟି କରିବାରେ ସିଦ୍ଧହସ୍ତ ହୋଇପାରନ୍ତି । ସେମାନେ ଜାଣନ୍ତି ଯେ କାହାଣୀଗୁଡ଼ିକ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ କପୋଳକହିତ ହୋଇପାରେ - ମାତ୍ର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ପରିଚିତ ପରିସ୍ଥିତିରେ ସେଗୁଡ଼ିକ ଘଟିବାର ସମ୍ଭାବନା ଥାଏ ।

ଗବେଷଣାରୁ ଜଣାଯାଏ ଯେ ନିଜର ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟାବଳୀର ଏକ ଅଂଶରାବେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଗଛ ବା ଏକ ବର୍ଷନା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା ପାଇଁ କହିବା ସେମାନଙ୍କୁ ବୁଝିବାରେ ସହାୟତା କରିଥାଏ । ଜଣେ ପ୍ରଭାବଶାଳୀ ଶିକ୍ଷାତ୍ତ୍ଵବିଭାଗ ବୁନର (୧୯୮୭) ଯୁକ୍ତି ବାଢ଼ି କହନ୍ତି ଯେ ଏହାହିଁ ଠିକ୍ କାରଣ ‘ମଣିଷ ମାତ୍ରେ ହିଁ ମୁଖ୍ୟତଃ ବର୍ଷନାକାରୀ ଜୀବ ଅଟନ୍ତି । ସଂସାରକୁ ବୁଝିବାର ଏକ ପନ୍ଥା ଭାବେ ନିଜକୁ ଏବଂ ଅନ୍ୟମାନଙ୍କୁ ଗଛ କହିବା’ (Masan and Johnson – Wilder, 2004, p.68)

ଗଛଟି ବା ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଟିକୁ ବର୍ଷନା କରିବା ପାଇଁ ଚିତ୍ର ବା ନିଜ ଦ୍ୱାରା ପ୍ରସ୍ତୁତ ଶିକ୍ଷା ଉପକରଣ ପ୍ରସ୍ତୁତ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସମସ୍ୟାଟି ବୁଝିବାରେ ଏବଂ ସମସ୍ୟାଟିରେ ଥିବା ବିଭିନ୍ନ ଚଳନ୍ଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସଂପର୍କଗୁଡ଼ିକୁ ବାନ୍ଧବରେ ଅନୁଭବ କରିବାରେ ସହାୟକ ହୋଇଥାଏ ।

ଶ୍ରୀମତୀ ମିଶ୍ର ନିଜର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଯୋଗ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଗଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟେକୁ ସହ ପରିଚିତ କରାଇବାରେ କିପରି ଗଛଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲେ ତାହା ପ୍ରଥମ ପରିସ୍ଥିତି ଅନୁଧାନରେ ବର୍ଷନା କରାଯାଇଛି ।

## ପରିସ୍ଥିତି ଅନୁଧାନ 1: ଅଦିତିର କାହାଣୀ

ମୁଁ ଶ୍ରୀମତୀ ମିଶ୍ର, 1ମ ଶ୍ରେଣୀରେ ପଡ଼ାଉଥିବା ଜଣେ ଶିକ୍ଷୟିତ୍ରୀ ।

ମୁଁ ମୋର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଶିଖାଇବା ଯୋଜନା ଆରମ୍ଭ କଲି । ମୁଁ ବିଶ୍ୱାସ କରେ ଯେ, ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଗଣିତ ଧାରଣା ସୃଷ୍ଟି କରିବା ପାଇଁ ସେମାନଙ୍କୁ ଗଣିତ ପ୍ରତ୍ୟେକୁ ଏକ ପରିସ୍ଥିତି ମାଧ୍ୟମରେ ବୁଝିବାକୁ ହେବ । ତେଣୁ, କୌଣସି ଏକ ନୃତ୍ତନ ଗଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟେ ଆରମ୍ଭ କରିବାବେଳେ ମୁଁ ପର୍ଯ୍ୟାପ୍ତ ବାନ୍ଧବ ଅଭିନ୍ନତା ପ୍ରଦାନ କରିବା ପାଇଁ ଚେଷ୍ଟା କରିଥାଏ ।

ତେଣୁ, ଯୋଗ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ପାଠି ଆରମ୍ଭ କରିବାବେଳେ ମୁଁ ଅଦିତି ନାମକ ଜଣେ ବାଲିକା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଗପଟିଏ କହିଲି ଯେ କି ଗୋଲି ସଂଗ୍ରହ କରିବାକୁ ଭଲପାଏ । ମୋର ତେଣୁ ଉପରେ ଗୋଲି ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ ବାକୁଟିଏ ଥିଲା ।

ଦିନେ ଅଦିତି ବଚିଗାରେ ଖେଳୁଥିବା ସମୟରେ ଦେଖିଲା ଯେ କେତୋଟି ଗୋଲି ସେଠାରେ ପଢ଼ିଛି । ସେ ଏହାକୁ ଦେଖି ଖୁସି ହୋଇଗଲା ଓ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ସଂଗ୍ରହ କରିବା ପାଇଁ ସ୍ଥିର କଲା । ପ୍ରଥମେ ସେ ତିନୋଟି ଗୋଲି ପାଇଲା । (ଏବେ ସେହି ଶ୍ରେଣୀର ଜଣେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ ବରୁଣଙ୍କୁ କହିଲି ଯେ, ସେ ବଢ଼ି ପାଇରେ ଗଣି ତେଣୁ ଉପରେ ଥିବା ବାକୁରୁ ତିନୋଟି ଗୋଲି ବାକୁ ମଧ୍ୟରୁ ଆଣିବା ପାଇଁ । ମୁଁ ପୁଣି କାହାଣୀ ଚାଲୁ ରଖି କହିଲି - ଅଦିତି ନିଜ ଚାରିଆଡ଼କୁ ଦେଖିଲା ଏବଂ ସେ ଆହୁରି ଚାରିଟି ଗୋଲି ପାଇଲା (ବରୁଣ ଏବେ ଚାରୋଟି ଗୋଲି ବାକୁ ମଧ୍ୟରୁ ବାହାର କଲା) ।

ମୁଁ ଶ୍ରେଣୀର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ପଚାରିଲି - ଅଦିତି ମୋଟରେ କେତୋଟି ଗୋଲି ପାଇଲା ? ବରୁଣ ପ୍ରଶ୍ନ ଉପର ଦେବା ପାଇଁ ହାତ ଉଠାଇଲା । ସେ କିପରି ପ୍ରଶ୍ନ ଉତ୍ତର ଜାଣିଲା ତାହା ଦଳରେ ଥିବା ସାଥୀ ମାନଙ୍କ ସହ ଆଲୋଚନା କରିବା ପାଇଁ ବରୁଣଙ୍କୁ କହିଲି । ଗଣିକରି କିପରି ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଗୋଲି ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଲା ତାହା ବରୁଣ ବୁଝାଇଲା ।

ପୁଣି କାହାଣୀ ଚାଲୁ ରଖି କହିଲି । ଅଦିତି ଚିନ୍ତା କଲା ସେ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ବଚିଗା ଖେଳିବ । ସେ ଗୋଟିଏ ବେଞ୍ଚ ନିକଟରେ ପହଞ୍ଚିବାବେଳେ ସେ ଦେଖିଲା ଯେ ବେଞ୍ଚ ତଳେ ଅଧିକ କେତୋଟି ଗୋଲି ପଢ଼ିଛି । ସେ ସେଠାରେ ଅଧିକ ଦୁଇଟି ଗୋଲି ପାଇଲା । ମୁଁ ସେତେବେଳେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ପଚାରିଲି ବର୍ତ୍ତମାନ ଅଦିତି ପାଖରେ କେତୋଟି ଗୋଲି ହୋଇଥିବ ଗଣି କରି କହ । ମୁଁ ଏହା ପରେ ଏହିଭଳି ଆଉ ଦୁଇଟି ସୋପାନ ଅନୁସରଣ କଲି ।

ତା' ପରେ ମୁଁ ଏହିଭଳି ଆଉ କିଛି କ୍ଷୁଦ୍ରଗଛ ମୋ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କହିଲି ଏବଂ ସମୁଦାୟ କେତୋଟି ଜିନିଷ ଯେପରିକି ବୋତାମ, ପେନସିଲ, ଗୋଲି ହେଲା ପଚାରିଲି । ଏହାପରେ ମୁଁ ପ୍ରଥମେ ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କଳାପରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ପଚାରିଲି ଯଦି ଗୋଟିଏ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ ପାଖରେ ତିନୋଟି ବିସ୍ତୁଟ ଓ ଆଉ ଜଣଙ୍କ ପାଖରେ ଦୁଇଟି ବିସ୍ତୁଟ ଥାଏ ତେବେ ସମୁଦାୟ କେତୋଟି ବିସ୍ତୁଟ ହେଲା ଜଣ୍ୟାଦି । ପ୍ରତ୍ୟେକ ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ମୁଁ ପ୍ରଥମେ ବସ୍ତୁଗୁଡ଼ିକର ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କଲି (ଚିତ୍ର 1 ଦେଖନ୍ତୁ)



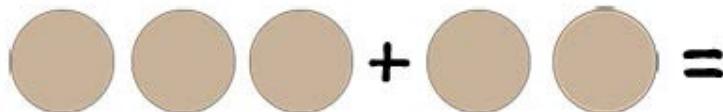
ଚିତ୍ର-1 ତିନୋଟି ବିସ୍ତୁଟ ଓ ଦୁଇଟି ବିସ୍ତୁଟ

ପରେ ପରେ ଏହାର ସଂଖ୍ୟାମୂଳକ ଉପସ୍ଥାପନା କଳାପଟାରେ ଲେଖି କହିଲି :

ତିନୋଟି ବିସ୍ତୁଟ ଓ ଦୁଇଟି ବିସ୍ତୁଟ ମିଶି ପାଆଚି ବିସ୍ତୁଟ,

$$3 \text{ ବିସ୍ତୁଟ} + 2 \text{ ବିସ୍ତୁଟ} = 5 \text{ ବିସ୍ତୁଟ}$$

ଏହିଠାରେ ମୁଁ ‘+’ ଚିହ୍ନ ଯୋଗ ପାଇଁ ବୋଲି ପରିଚିତ କଲି ଏବଂ ତାପରେ ‘=’ ଚିହ୍ନଟି ସମାନ ଚିହ୍ନ ବୋଲି ପରିଚିତ କରାଇଥିଲି । (ଚିତ୍ର 2)



ଚିତ୍ର-2 ତିନୋଟି ବିସ୍ତୁଟ ଏବଂ ଦୁଇଟି ବିସ୍ତୁଟ, ‘+’ ଚିହ୍ନ ଏବଂ ‘=’ ଚିହ୍ନ ସହିତ)

ଏହାପରେ ମୁଁ ଏହି ଉଚ୍ଚିତି ଲେଖିଲି ‘ $3 + 2 = 5$ ’

ଏ ସବୁ ପରେ ମୁଁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଅଦିତି ଓ ଗୋଲିର ଗପଟି ମନେ ପକାଇଲି ଏବଂ ପଚାରିଲି, ଅଦିତି ମୋଟରେ ଯେତୋଟି ଗୋଲି ପାଇଲା ମୁଁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ କିପରି କଳାପଟାରେ ଅଙ୍କନ କରିବି । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର କହିବା ମୁତାବକ ମୁଁ କଳାପଟାରେ ଗୋଲିଗୁଡ଼ିକୁ ଅଙ୍କନ କରି ଗାଣିତିକ ଉଚ୍ଚିତି ଲେଖିଲି । ଏହାପରେ ଆମେମାନେ ‘ମିଶଣ’କୁ ନେଇ ଅନେକ ଜ୍ଞାନାଳୀ ‘+’ ଓ ‘=’ ଚିହ୍ନ ଦେଇ କଳାପଟାରେ ଲେଖିଲୁ ।



#### ଉଚ୍ଚିତି : ଗଞ୍ଜକଥନ, ଗ1ଡ, ଚରିତ୍ର ଅଭିନୟ ଏବଂ ନାଟକ

ପରିମ୍ବିତ ଅନୁଧାନ 1ରେ, ଶ୍ରୀମତୀ ମିଶ୍ର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ପରିଚିତ ବାସ୍ତବ ଜୀବନ ପରମ୍ପରିରେ ଯୋଗ ସମନ୍ଵ୍ୟ ଗାଣିତିକ ଧାରଣା ସହିତ ସଂଯୋଗ କରନ୍ତି । ସେହି ସମୟରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଗଞ୍ଜ ବର୍ଣ୍ଣନାରେ ସକ୍ରିୟ ଅଂଶଗୁହଣର ସୁଯୋଗ ସୃଷ୍ଟି କରନ୍ତି ।

ଜଣେ ପ୍ରଭାବଶାଳୀ ଶିକ୍ଷାତ୍ତ୍ବବିଦ୍ ବ୍ରୂନର (1966)ଙ୍କ ମତ ହେଉଛି ଯେ ବୁଝିବା / ବୋଧ ପାଇଁ ଶିକ୍ଷଣ ତିନୋଟି ପ୍ରତିକିର୍ଣ୍ଣିତ ଭିତିକ ଉପସ୍ଥାପନା ମାଧ୍ୟମରେ ହୋଇଥାଏ । ସେହି ପ୍ରତିକିର୍ଣ୍ଣିତ ହେଉଛି : କ୍ରିୟାମୂଳକ (କାର୍ଯ୍ୟ-ଭିତ୍ତି-Enactive), ପ୍ରତିକିର୍ଣ୍ଣିତମୂଳକ (ପ୍ରତିକୃତି ଭିତ୍ତି-iconic) ଏବଂ ପ୍ରତିକାମୂଳକ (ପ୍ରତିକ ବା ସଂକେତ ବା ଭାଷା ଭିତ୍ତି-symbolic) । ସେ କହନ୍ତି ଯେ ଉପସ୍ଥାପନର ଏହି ପ୍ରତିକିର୍ଣ୍ଣିତ ଉଚ୍ଚିତି ତଥ୍ୟ ବା ଜ୍ଞାନ ସୃଷ୍ଟିରେ ସଂକେତକୃତ ହୋଇ ସଞ୍ଚିତ ହୋଇଥାଏ (Mc Leod, 2008) ।

ଶ୍ରୀମତୀ ମିଶ୍ର ପ୍ରଥମେ ପ୍ରକୃତ ଗୋଲି ବ୍ୟବହାର କରିବା ଦ୍ୱାରା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ବାସ୍ତବ ଭାବେ ଗଣନ କରି ଦେଖିଲେ ଏବଂ ଗୋଲିଗୁଡ଼ିକୁ ମିଶାଇ ଉଭର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଲେ । ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ, ତାହାକୁ କଳାପଟାରେ ବସ୍ତୁ (ବିଦ୍ୟୁଟ) ଚିତ୍ର ସାହାଯ୍ୟରେ ଉପସ୍ଥାପନା କଲେ ଏବଂ ସେ ଯାହା କରୁଥୁଲେ ତାକୁ ଶରରେ ଏବଂ ପରେ ସଂକେତ ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖୁଥୁଲେ ।

ଏହି ସମୟରେ ସେ ଏହି ତିନୋଟି ଉପସ୍ଥାପନା ସଂପର୍କରେ ନିରନ୍ତରଭାବେ କହି ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ସଂପର୍କ ସ୍ଥାପନ କରିଥିଲେ । ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ, ସେ ‘ଯୋଗ’, ‘ଏକତ୍ରାବେ’ ଏବଂ ‘ମିଶାଣ’ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ ସହ ପରିଚିତ କରାଇଥିଲେ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ମିଶାଣ କ୍ରିୟା ସହ ସଂପୃଷ୍ଟ କରିଥିଲେ । ଏହା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଶରାବଳୀ ସହ ସଂସର୍ଜନରେ ଆସିବାର ଏକ ସୁଯୋଗ ଦେଇଥାଏ ।



ଚିକିଏ ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ

- ଆପଣଙ୍କର ନିଜର ଶିକ୍ଷାଦାନ କାର୍ଯ୍ୟରେ ଶ୍ରୀମତୀ ମିଶ୍ର ବ୍ୟବହାର କରୁଥୁବା ଗୋଲିକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁଥୁବାର ଏକ ଉଦାହରଣ କଥା ଚିନ୍ତା କରିପାରିବେ କି ?
- ଏହି ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ଉପୟୁକ୍ତ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରି ଶ୍ରୀମତୀ ମିଶ୍ର କିପରି ଶ୍ରେଣୀର ସମସ୍ତ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ପାଠର ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ସମୟ ପାଇଁ ନିଯୋଜିତ କରି ପାରିଥାନ୍ତେ ?

## 2 ଗଣିତିକ ପ୍ରତ୍ୟେକଗୁଡ଼ିକ ସଂପର୍କରେ ଧାରଣା କରିବା ପାଇଁ ଗଛ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା

ସାଧାରଣତଃ, ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକ ବା ଶ୍ରେଣୀଗୁଡ଼ିର ଶିକ୍ଷାରେ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଏକ ଅଧ୍ୟାୟର ଶେଷ ଭାଗରେ ଦେଖାଯାଏ । ବହୁ ସମୟରେ, ଏହି ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସଂପର୍କରେ ଧାରଣା ସୃଷ୍ଟି କରିବା ପାଇଁ କୃତି ସମୟ ଦିଆ ଯାଇଥାଏ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ନିଜେ କାହାଣୀ ବା ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା  $3+4=7$  ଭଲି ଗଣିତିକ ବାକ୍ୟର ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାକୁ ସୁଯୋଗ ଦେବା ଦ୍ୱାରା ସେମାନଙ୍କର ଗଣିତିକ ଧାରଣା ସଂପର୍କରେ ବୋଧ ସୃଷ୍ଟି କରିବା ଏବଂ ବୃଦ୍ଧତାର ସମସ୍ୟା ସମାଧାନର ଦକ୍ଷତା ହାସଲ କରିବାରେ ସହାୟକ ହୋଇଥାଏ । ଏହା ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରାସଙ୍ଗିକତା ସଂପର୍କରେ ଧାରଣା ସୃଷ୍ଟି କରିବାର ଅସୁବିଧାଗୁଡ଼ିକୁ ଦୂର କରିବାରେ ଏହା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସାହାୟ କରିଥାଏ ଏବଂ ଗଣିତିକ ଧାରଣାର ଉପୟୁକ୍ତ ଗଛ ପ୍ରସ୍ତୁତି କରିବାରେ ଗୁରୁତ୍ୱ ପ୍ରଦାନ କରିଥାଏ । ଏହି ଭାବରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଉପୟୁକ୍ତ ଗଣିତିକ ଉପସ୍ଥାପନାର ଚିହ୍ନଟ କରି ବ୍ୟବହାର କରିବାରେ ଏହା ମଧ୍ୟ ସାହାୟ କରିଥାଏ ।

ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ସହିତ ଏହି ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ ଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଆପଣ ନିଜେ ଏଗୁଡ଼ିକୁ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ବା ଆଂଶିକ ଭାବେ ବ୍ୟବହାର କରିବା ଉଭମ ହେବ । ଏହା ଅଧିକ ଉଭମ ହେବ ଯଦି ଆପଣ ନିଜ ସହକର୍ମୀ ସହ ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ସହିତ ଏହାର ବ୍ୟବହାର କରିବେ । ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆପଣ ଏହା ଉପରେ ଚିତ୍ରନ କରିବା ସମୟରେ ଏହି ଅଭିଜ୍ଞତା ବହୁଭାବରେ ସହାୟକ ହେବ । ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ନିଜେ କଲେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀର ଅଭିଜ୍ଞତା ସଂପର୍କରେ ଆପଣଙ୍କର ଗଭୀର ଧାରଣା ହୋଇପାରିବ ଯାହାକି ଆପଣଙ୍କର ଶିକ୍ଷାଦାନକୁ ପ୍ରଭାବିତ କରିବ ଏବଂ ଶିକ୍ଷକ ଭାବେ ଆପଣଙ୍କର ଅଭିଜ୍ଞତାକୁ ସମୃଦ୍ଧ କରିବ । ଆପଣ ପ୍ରସ୍ତୁତ ହେବା ପରେ ଆପଣଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କରନ୍ତୁ ଏବଂ ପୁନର୍ବାର ସଂପାଦନ କରିଥିବା କାର୍ଯ୍ୟ ଓ କିପରି ଶିକ୍ଷଣ ସଂଗଠିତ ହୋଇଥିଲା ତାହା ଉପରେ ଚିତ୍ରନ କରନ୍ତୁ । ଏହା ଏକ ସମୃଦ୍ଧ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ-କେନ୍ଦ୍ରିକ ଶିକ୍ଷାଦାନ ପରିବେଶ ସୃଷ୍ଟି କରିବାରେ ସହାୟକ ହେବ । ପରବର୍ତ୍ତୀ ଦୁଇଟି ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଗଣିତିକ ସଂଖ୍ୟା ଧାରଣା ପାଇଁ ନିଜର ଗଛ ସୃଷ୍ଟି କରିବା ପାଇଁ ସାହାୟ କରିବ ।

## ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ 1 : କାହାଣୀ ତିଆରି କରିବା

### ପ୍ରସ୍ତୁତି

ପରିଷ୍କ୍ରିତ ଅନୁଧାନ-2କୁ ଅଧ୍ୟନ କରନ୍ତୁ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣ ପ୍ରତି ଉପ୍ରୟୋଗ ଗଣିତିକ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରନ୍ତୁ । ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟରେ ସକ୍ଷିପ୍ତ ରହିଥିବା ବେଳେ ସେମାନଙ୍କୁ ଆପଣ କିପରି ସଂଗ୍ରହିତ କରିପାରିବେ ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ । ଆପଣ ମୌଳିକ ସମ୍ବଲ “ଦଳଗତ କାର୍ଯ୍ୟର ବ୍ୟବହାର” ଥରେ ପଢ଼ିପାରନ୍ତି ।

### ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ

ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସାରଣୀ-1 ରେ ଥୁବା ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ବାହିବାକୁ କହନ୍ତୁ । ନିଜ ଜଜନା ଶକ୍ତି ବ୍ୟବହାର କରି ସେହି ସମସ୍ୟା ଉପରେ ଏକ ଗଛ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବାକୁ କହନ୍ତୁ ।

**ସାରଣୀ-1 ଗଣିତିକ ସମସ୍ୟା ଓ ସେହି ସଂକ୍ଲାଷ୍ଟାୟ କାହାଣୀ / ଗପର ପ୍ରଥମ ଧାତି**

ଗଣିତିକ ସମସ୍ୟା	ଗପର ପ୍ରଥମ ବାକ୍ୟାଂଶ
$4+7=\dots$	ଗୋଟିଏ ଟିଆ ତାର ଭାଇ ସହ ‘ସାପ ଓ ସିତି’ ଖେଳୁଥିଲା....
ଗୋଟିଏ ବାକୁରେ ତିନୋଟି ଧଳା ବଲ ଓ ଛଅଟି ନାଲି ବଲ୍‌ଥିଲା । ତେବେ ସେଠାରେ ସମ୍ବାଦ କେତୋଟି ବଲ ଥିଲା ?	ଶ୍ୟାମ ବିଭିନ୍ନ ରଙ୍ଗର ବଲ୍‌ସଂଗ୍ରହ କରିବାକୁ ଖୁବ୍ ଭଲ ପାଏ.....
$9-7=\dots$	ମୋର ମାଉସୀ ଆମ ଘରଠାରୁ ଅଛ ଦୂରରେ କେତୋଟି ଘର ଛାଡ଼ି ରହନ୍ତି । ତାଙ୍କ ଘର ହେଉଛି.....
ଯଦି 8 ରୁ 5 ବିଯୋଗ କରାଯାଏ ତେବେ ଉଭର କେତେ ହେବ ?	ଆମ କୁକୁର
$2 \times 4 = \dots$	ଦଳେ ସାଂଗ ଏକାଠି ‘ତାସ’ ଖେଳ ଖେଲୁଥିଲେ.....

ଏହାପରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଦୂର ଦୂଜଙ୍ଗଣ କରି ବସିବାକୁ କହନ୍ତୁ ଏବଂ ଜଣେ ଅନ୍ୟ ଜଣକୁ ନିଜର କାହାଣୀ ଶୁଣାଉ ଓ ତା’ଉପରେ ମନ୍ତବ୍ୟ ଦିଅନ୍ତୁ ।

- ଆଉ ଅଧୁକ କେତୋଟି ଜଟିଳ ଉଦାହରଣ
  - $4 + 7 = 3 + 8$
  - $2(3+1) = 2 \times 4$
  - $2(3+1) = 6+2$
- ଏହିଭଳି ଆପଣ ନିଜେ କିଛି ଉଦାହରଣ ଦିଅନ୍ତୁ । ଏହା ମଧ୍ୟରେ ଅନ୍ତର୍ଭାବେ ଗୋଟିଏ ଅପେକ୍ଷାକୃତ ସହଜ ଓ ଅନ୍ୟଟି ଅପେକ୍ଷାକୃତ ଜଟିଳ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ । ଧ୍ୟାନ ରଖିବେ କି, ଯେଉଁ ସମସ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ଦିଆଯିବ ତା’ର ଉଭର ଆପଣ ନିଜେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିପାରୁଥିବେ ।

## ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ 2 : ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ବାକ୍ୟ ଉପରେ ଅନେକ କାହାଣୀ ତିଆରି କରିବା

ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କହନ୍ତୁ :

ଏହି ସଂଖ୍ୟା ବାକ୍ୟଟିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର :

$$3 + 4 = 7$$

ଏହି ସଂଖ୍ୟା ବାକ୍ୟଟି ବିଭିନ୍ନ ଗଣିତିକ ସଂପର୍କ ମାଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ, ଯେପରିକି-

- 3 ଏବଂ 4 ଏକାଠି ମିଶି 7
- 3 ସହିତ ଅଧିକ 4 ମିଶାଇଲେ 7 ହେବ ।
- କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାରୁ 4 କମ୍ ହେଲେ 3 ରହେ

ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଉପରୋକ୍ତ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗଣିତିକ ଉଚ୍ଚିତ୍ତକୁ ନେଇ ଏକ ଗଛ ବା ଉଚ୍ଚି ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା ପାଇଁ କହନ୍ତୁ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କର କଷମାକୁ ନେଇ ଗଛ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା ପାଇଁ ଉପସ୍ଥିତ କରନ୍ତୁ । ପ୍ରଥମ ଉଚ୍ଚିତ୍ତ ପାଇଁ ଗଛ ବା ଉଚ୍ଚି ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ଏପରି ମଧ୍ୟ ହୋଇପାରେ ଯାହା -

ମୋହିନୀ ଏବଂ ରୋହିଣୀ ଏକାଠି ସାଙ୍ଗ ହୋଇ ଖେଳୁଥିଲେ । ସେମାନେ କାହୁଆରୁ ଗୋଲି ତିଆରି କରୁଥିଲେ । ମୋହିନୀ ତିନୋଟି ଗୋଲି କଲା ଓ ରୋହିଣୀ ଚାରୋଟି ଗୋଲି କଲା । ସେମାନେ ଦୁହଁ ଏକାଠି ହୋଇ ଗୋଲି ତିଆରି କଲେ ସେମାନେ ଜାଣିବାକୁ ଚହିଁଲେ । ସେମାନେ ତିଆରି କରିଥିବା ଗୋଲିଗୁଡ଼ିକୁ ଗୋଟିଏ ବାକୁରେ ରଖିଲେ । ସେମାନେ ସମୁଦ୍ରାୟ କେତୋଟି ଗୋଲି ତିଆରି କରିଥାନ୍ତି ଜାଣିବାକୁ ସେମାନଙ୍କୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିବ କି ?

ବୁନରଙ୍ଗର ଉପସ୍ଥାପନାର ପ୍ରତି ସହିତ ସଂପର୍କିତ କରିବା ପାଇଁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କର କାହାଣୀ ଆଧାରିତ ଚିତ୍ର ଆଙ୍କିବା ପାଇଁ କହି ପାରନ୍ତି ।

## ପରିସ୍ଥିତି ଅନୁଧାନ 2: ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ 1 ଏବଂ 2 ର ବ୍ୟବହାର ସଂପର୍କରେ ଶ୍ରୀମତୀ ମହାପାତ୍ରଙ୍କର ଚିତ୍ରନ

ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ 1 ଓ 2 କୁ ନିଜର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ପ୍ରତିକରିତ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କ ସହ ସଂପାଦନ କରିଥିବା ଜଣେ ଶିକ୍ଷୟିତ୍ରୀଙ୍କ ବିବରଣୀ /

ଉଦୟ ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ ମୁଁ ମୋର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ତିନି ଜଣିଆ ବା ଚାରି ଜଣିଆ ଦଳରେ ଭାଗ କରିଥିଲି କାରଣ ମୁଁ ଭାବିଥିଲି ଏହାଦାରା ସେମାନଙ୍କୁ ଅଂଶଗ୍ରହଣ କରିବା ପାଇଁ ଅଧିକ ଧାରଣା ପ୍ରଦାନ କରିପାରିବ । ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେହି ଜଣେ ପଛେଇ ଯାଉଥିଲେ ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ମଧ୍ୟ ସାହାଯ୍ୟ କରିପାରିବେ । ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ-2 ର ପ୍ରଥମ ତିନୋଟି ପ୍ରଶ୍ନ ସମୁଦ୍ରାୟ ଶ୍ରେଣୀ ପାଇଁ ଉପସ୍ଥାପନ କରାଯାଇଥିଲା । କାରଣ ମୋ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ପୂର୍ବରୁ ଏପରି କେବେ କରିନଥିଲେ । ମୁଁ ଭାବୁଛି ଯେ ମୁଁ ଯାହା ସେମାନଙ୍କ 10ରୁ ଆଶା କରୁଥିଲି ତାହା ସେମାନଙ୍କୁ ବୁଝିବାରେ ଏହି ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟଟି ସହାୟକ ହୋଇଥିଲା । ଏହା ମଧ୍ୟ ସମସ୍ତ ପ୍ରକାରର ଉଦାହରଣ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ସେମାନଙ୍କୁ କଷମା କରିବା ପାଇଁ ସୁଯୋଗ ଦେଇଥିଲା । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ନିଜ କଷମାରେ ତାରା, ଅସୁର, ବଜାର ବୁଲିବା, ସିନେମା ଜଗତର ଚଳିତ୍ରୀଙ୍କୁ ନେଇ ଉଦାହରଣ ଦେଇ ପାରନ୍ତି । ମୁଁ ଏହା ପରେ ସେମାନଙ୍କୁ ନିଜ ନିଜ ଦଳର ଉଦାହରଣ ସହିତ ଆସିବାକୁ କହିଲି ଏବଂ ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକୁ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିଛୁ ସେହି ଉଦାହରଣ ନ ଦେବାକୁ ମଧ୍ୟ

କହିଥୁଲି । କେତେକ ଜଟିଳ ପ୍ରଶ୍ନରେ ମୁଁ କିଛି ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିଥୁଲି କାରଣ ମୋ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଅଦ୍ୟାବଧୁ ବନ୍ଧନୀର ବ୍ୟବହାର ଜାଣିନଥିଲେ ।

ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଦୃଢ଼ୀୟ ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟକୁ ଆରମ୍ଭ କରିବା ସେତେ ସହଜ ନୁହେଁ ବୋଲି ଅନୁଭବ କରିଥିଲେ । ମୁଁ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକୁ ପଢ଼ିଲି ସେମାନେ ଶାରୀରିକ ସଂପର୍କରେ ପାର୍ଥକ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ବୁଝିଲେ ମାତ୍ର ଏହା ପାଇଁ ଯେଉଁ କାହାଣୀ ଆବଶ୍ୟକ ତାହା ତାଙ୍କ ପାଇଁ ସହଜସାଧ ନ ଥିଲା । କେବଳ ପଢ଼ିବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ମୁଁ ଏହାକୁ କଳାପଟାରେ ଲେଖିବା ପାଇଁ ସ୍ଥିର କଲି ଏବଂ ମୁଁ କଳାପଟାରେ ଯାହା ଲେଖିଥିଲି ତାକୁ ବଢ଼ିପାଇରେ ପଢ଼ିବା ପାଇଁ ଜଣକୁ କହିଲି । ତନ୍ମଧରେ ଥିବା ସୁଷ୍ଠୁ ପାର୍ଥକ୍ୟକୁ ବୁଝିବାରେ ତାହା ସାହାଯ୍ୟ କରିବା ଭଲି ବୋଧ ହେଲା ।

ଯେତେବେଳେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦଳ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସମୀକରଣ ପାଇଁ କିଛି ଗପ ବା ଉଚ୍ଚ ଉପସ୍ଥାପନ କରୁଥିଲେ ଆମେମାନେ ସମୁଦ୍ରା ଶ୍ରେଣୀରେ ସେସବୁ ଆଲୋଚନା କରିଥିଲୁ । ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ ପଚାରିଲି ସେମାନେ ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣ ସହ ସହମତ କି ? ଏହା ଦ୍ୱାରା ସେମାନଙ୍କର କେତେକ ଭ୍ରମାନ୍ତିକ ଦୂର କରାଯାଇଥିଲା ।

ଏହା ପରେ ମୁଁ ପରାଇଲି, ଏଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ତୁମ ପାଇଁ କେଉଁଠି କଷ୍ଟକର ଥିଲା ଓ କାହିଁକି ? ଏହା ପରାଇବା ଦ୍ୱାରା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ନିଜର ଗଣିତ ସଂପର୍କରେ କ’ଣ ଭାବୁଛନ୍ତି ସେ ସବୁ ବିଷୟରେ ଚିନ୍ତା କରିବେ । ମୁଁ ଭାବୁଛି ଏପରି ଚିନ୍ତନକୁ ଅଧ୍ୟବୋଦ୍ଧିକ ଚିନ୍ତନ (ନିଜର ଚିନ୍ତନ ଧାର ସଂପର୍କରେ ଚିନ୍ତନ) କୁହାଯାଏ । ଏ ସବୁକୁ ପୁନର୍ବାର ଅବଲୋକନ ଦ୍ୱାରା ସେମାନଙ୍କ ପାଇଁ ଯାହା କଷ୍ଟକର ସେସବୁକୁ ମୁଁ ଜାଣିବି ଏବଂ କେଉଁଠାରେ ଅଧିକ ପ୍ରୟାସର ଆବଶ୍ୟକ ତାହା ଜାଣିପାରିବି ।

## ନିଜର ଶିକ୍ଷାଦାନ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଚିନ୍ତନ

ଆପଣ ନିଜ ଶ୍ରେଣୀରେ ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ ପରିଷ୍ଳଳନା କରିବା ପରେ, କ’ଣ ଭଲ ହେଲା ? ଏବଂ କେଉଁଠାରେ ସେତେ ଭଲ ହେଲା ନାହିଁ ସେ ସଂପର୍କରେ ଚିନ୍ତନ କରନ୍ତୁ । ଆପଣ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକୁ ଦେଖୁ ସେଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଗୁଡ଼ିକ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ପାଇଁ ଆଗ୍ରହୋଦୀପକ, ପ୍ରଗତିରେ ସହାୟକ ହୋଇଥିଲା ଏବଂ କେଉଁ ପ୍ରଶ୍ନ ପାଇଁ ଆପଣଙ୍କୁ ବୁଝାଇବା ଆବଶ୍ୟକ ହୋଇଥିଲା ବିଷୟର କରନ୍ତୁ । ଏହି ପ୍ରକାର ଚିନ୍ତନ ଦ୍ୱାରା ଗୋଟିଏ ନୂତନ ଧାରା ମିଳିଯାଏ ଯାହା ଗଣିତ ବିଷୟଟି ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ପାଇଁ ଆଗ୍ରହୋଦୀପକ ଓ ଉପରୋଗ୍ୟ ହେବାରେ ସହାୟକ ହୋଇଥାଏ । ଯଦି ସେମାନେ କିଛି ବୁଝିପାରିବେ ନାହିଁ ଓ କିଛି କରିପାରିବେ ନାହିଁ ସେମାନଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟରେ ଆଶ୍ରମିତା କମ ହେବ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ଆପଣ ଯେଉଁ କାର୍ଯ୍ୟ ନିଅନ୍ତ୍ରେ ନା କାହିଁକି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ଏପରି ଚିନ୍ତନ କରନ୍ତୁ । ଲକ୍ଷ୍ୟ କରନ୍ତୁ କିପରି ଶ୍ରୀମତୀ ମହାପାତ୍ରଙ୍କର କେତେକ ସ୍ଵର୍ଗ ପ୍ରତ୍ୟେକ କେତେ ପରିବର୍ତ୍ତନ ଆଣିପାରିଥିଲା ।



### ଚିନ୍ତିଏ ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ

- ଏହା ଆପଣଙ୍କ ଶ୍ରେଣୀରେ କିପରି କାମ କଲା ?
- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର କେଉଁ ଉତ୍ସର୍ଗୁଡ଼ିକ ଅପ୍ରତ୍ୟାଶିତ ଥିଲା ? କାହିଁକି ?
- ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ବୁଝିବା ଶକ୍ତିକୁ ଅନୁସରଣ କରିବା ପାଇଁ ଆପଣ କେଉଁ ସବୁ ପ୍ରଶ୍ନ ବ୍ୟବହାର କଲେ ?
- ଆପଣଙ୍କ କାର୍ଯ୍ୟଟିରେ କୌଣସି ପରିବର୍ତ୍ତନ କଲେ କି ? ଯଦି ତାହା କରିଥାନ୍ତି, ତେବେ ଆପଣଙ୍କ ଏପରି କରିବା ପଛରେ କ’ଣ କାରଣ ଥିଲା ?
- ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଗଣିତର ବୋଧଗମ୍ୟତା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଆପଣ କଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କଲେ ?
- ଆପଣଙ୍କର କେଉଁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଯୋଗ ପ୍ରତ୍ୟେ ସମ୍ବନ୍ଧରେ କମ ଆମ୍ବଦିଶ୍ୟାସା ଅଚନ୍ତି ?

### 3 ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ପୁନଃ ଶବ୍ଦବିନ୍ୟାସ

ଗଣିତିକ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ବହୁ କାଳରୁ ବ୍ୟବହୃତ ହେଉଛି । ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉଚ୍ଚବିନ୍ୟାସ କରନ୍ତୁ :

- ‘ତିନିଜଣ ଲୋକଙ୍କୁ ଗୋଟିଏ ନଳା ଖୋଲିବାକୁ 6 ଘଣ୍ଠା ସମୟ ଲାଗେ । ତେବେ 2 ଜଣ ଲୋକ ସେହିଭଳି ଏକ ନଳାକୁ ଖୋଲିବା ପାଇଁ କେତେ ସମୟ ନେବେ ?’ (ପାରମ୍ପରିକ)
- ‘ମନେକର ଜଣେ ସାମ୍ଯାଦିକ ଆପଣଙ୍କୁ କହନ୍ତି, ଚାରିଜଣ ତତ୍ତ୍ଵବଧାରକ ଶସ୍ୟର ଚାରି ଅଂଶ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ଶତ ହେକାଟେ ପରିମିତ ଶସ୍ୟ କାଢ଼ି ମେଲେ । ସେମାନଙ୍କ ଶ୍ରୀମିକ ଦଳ ଗୁଡ଼ିକରେ ଯଥାକ୍ରମେ, ବାର, ଆଠ, ଛଅ ଏବଂ ଚାରିଜଣ ଲୋକ ଥିଲେ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ତତ୍ତ୍ଵବଧାରକ କେତେ ନେଲେ ?’ (Problem 68, Rhind Mathematical Papyrus, C 1700 BC)

ସମ୍ବଦତଃ ଆପଣଙ୍କୁ ଦିତୀୟ ସମସ୍ୟାଟି ବୁଝିବାରେ ବେଶୀ କଷ୍ଟ ଅନୁଭୂତ ହେଲା । କାରଣ ଲେଖାଟିର ପୂର୍ବାପର ପ୍ରସଙ୍ଗ ସହ ଆପଣ କମ୍ ପରିଚିତ । ଏଥିରେ ଅନେକ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ ଅସୁବିଧା ଉପଲବ୍ଧି କରିଥାନ୍ତି ।

ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସହିତ ଅସୁବିଧା ସୃଷ୍ଟି ହେବାର କାରଣ :-

- ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ସ୍ଵର୍ଗ ସାବଲୀଳ ପାଠକ ହୋଇପାରି ନାହାନ୍ତି ।
- ଶିକ୍ଷାଦାନରେ ବ୍ୟବହୃତ ଭାଷା ସେମାନଙ୍କର ମାତୃଭାଷା ନୁହେଁ ।
- ସେମାନେ ବ୍ୟବହୃତ ଭାଷା ବୁଝୁଛି ନାହିଁ କାରଣ ସେଥୁରେ ବ୍ୟବହୃତ ଶାବଦଳୀ ସହିତ ସେମାନେ ପରିଚିତ ନୁହେଁ ।

ଏହାକୁ ଏପରି ମଧ୍ୟ ବୁଝାଯାଇପାରେ ଯେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାର ପ୍ରାସଙ୍ଗିକତାକୁ କଷନା କରିପାରନ୍ତି ନାହିଁ । (Nunes, 1993) । ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଅଧିକାଂଶ ସମୟରେ ମୁଖ୍ୟତଃ ନିର୍ଦ୍ଦିନିଆ ଭାଷାରେ ସଜା ଯାଇଥିବା ଗାଣିତିକ ସମସ୍ୟା । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଏହା ବୁଝାଇବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରିପାରିବ ଯେ ଗଣିତ ବାନ୍ଦବଜଗତର ନମ୍ବନା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିପାରିବ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ସେମାନେ ଏପରି ନମ୍ବନା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରନ୍ତି ସେମାନେ ନିଜେ ଗଣିତଙ୍କ ହୋଇଥା’ନ୍ତି ।

ଏଥପାଇଁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ହୃଦୟଙ୍ଗମ କରିବା ଦରକାର ଯେ ଗଣିତର ଶକ୍ତି ବାନ୍ଦବ ଜଗତର ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଜଟିଳ ପରିସ୍ଥିତି ଗୁଡ଼ିକର ନମ୍ବନା କରିବାର ସାମର୍ଥ୍ୟ ଅଛି ଯେଉଁଥିରୁ ସେମାନେ ଏହି ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ ନିମାତେ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଆବଶ୍ୟକୀୟ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ବାହାର କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ।

ଗୋଟିଏ ଜଟିଳ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ବୁଝିବା ପ୍ରକ୍ରିୟା ଉପରେ ଧାନ ଦେବା ଓ ଏହାର ଗାଣିତିକ ନମ୍ବନା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟା ସ୍ଵର୍ଗଭାବେ ବୁଝିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରିପାରିବ ।

ସମସ୍ୟାର ପୁନଃ ଶବ୍ଦ ବିନ୍ୟାସ କରି ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ନିଜେ ନିଜେ ଯାହା ଜାଣିବା ଆବଶ୍ୟକ ସେ ସମ୍ପର୍କରେ ସେମାନଙ୍କୁ କିପରି ସାହାଯ୍ୟ କରାଯାଇପାରିବ ତାହା ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ 3 ର ଲକ୍ଷ୍ୟ ଅଟେ ।

## ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ 3 : ଏକ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାରେ ଗଣିତ ଏବଂ ପରିସ୍ଥିତିର ଧାରଣା ବୁଝିବା

ଏହି ଗଣିତିକ ଉଚ୍ଚ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଉପଯୋଗ କରନ୍ତୁ ଯେପରି ସେଗୁଡ଼ିକ ଆପଣଙ୍କ ନିଜ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣ ପ୍ରତି ପାଇଁ ପ୍ରୟୁଜ୍ୟ ହେବ ।

### ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ

ପ୍ରତି ସମସ୍ୟାକୁ ଯନ୍ତ୍ର ସହିତ ପଢ଼ିବା ଏବଂ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭୟ ଦେବା ପାଇଁ ଆପଣ ଆପଣଙ୍କର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କହନ୍ତୁ ଓ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭୟ ଦିଅନ୍ତୁ ।

- ମନ୍ଦୀପ ପାଖରେ 21 ଟି ଗୋଲି ଥିଲା । ସିମି ପାଖରେ ମନ୍ଦୀପ ଠାରୁ 18 ଟି କମ୍ ସଂଖ୍ୟକ ଗୋଲି ଥିଲା । ଯଦି ସେମାନେ ଗୋଲିଗୁଡ଼ିକୁ ପରସ୍ପର ମଧ୍ୟରେ ସମାନ ଭାଗ କରିବାକୁ ଚାହିଁବେ, ତେବେ ସେମାନେ ପ୍ରତ୍ୟେକ କେତୋଟି ଲେଖ୍ୟେ ଗୋଲି ପାଇବେ ?
- ରଣିହର ମା' ତାର ଜନ୍ମଦିନ ପାଇଁ ସାଙ୍ଗମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ବାଣିବା ପାଇଁ ତିନୋଟି ଏକ ପ୍ରକାର ବୃତ୍ତାକାର କେକ୍ ପ୍ରସ୍ତୁତ କଲେ । 14 ଜଣ ପ୍ରାୟ ବୟକ୍ତି ଏବଂ 20 ଜଣ ପିଲା ତା'ର ଉଷ୍ଣବକୁ ଆସିଥିଲେ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ପାଇଥିବା କେକ୍ ଖଣ୍ଡର ଆକାର, ପ୍ରାୟ ବୟକ୍ତି ପାଇଥିବା କେକ୍ ଆକାରର ଅଧା ଥିଲା । କେକ୍ଟିର କେତେ ଅଂଶ ବୟକ୍ତିଙ୍କ ଭାଗ ଓ କେତେ ଅଂଶ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଭାଗ ଥିଲା ?
- ସାବିତ୍ରୀକୁ ତା'ର ବିଜ୍ଞାନ ପ୍ରକଳ୍ପ ପାଇଁ ଏକ ଘନାକୃତି କାଲିଡୋଷୋପର ମଡ୍ରେଲ୍ ତିଆରି କରିବାକୁ ପଡ଼ିଲା । କାଲିଡୋଷୋପର ପୃଷ୍ଠାତଳର ପ୍ରସ୍ତୁତ ପାଇଁ ସେ ବିବରଣୀ ଫର୍ଦ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରିବା ପାଇଁ ଚାହିଁଲା । ଯଦି ସେ 25 ସେ.ମି. ଦେଇଁୟ ଓ 4 ସେ.ମି ପ୍ରସ୍ତୁତ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ କାଲିଡୋଷୋପ ତିଆରି କରିବାକୁ ତେବେ ସେଥିପାଇଁ କେତେ ଶୈତାନିକ ବିଶିଷ୍ଟ, ବିବରଣ ଫର୍ଦ୍ଦ ଆବଶ୍ୟକ ହେବ ?
- ରମେଶ ଏବଂ ମହେଶ ଏକାଠି ଘଣ୍ଟାପ୍ରତି 12 କି.ମି ବେଗରେ ଏକ ନୌକା ଚାଲନା କରିପାରିବେ । ଏହି ବେଗରେ ହୃଦକୁ ଅତିକ୍ରମ କରିବାରେ ଏହା 30 ମିନିଟ୍ ସମୟ ନେଇଥାଏ । ଯଦି ସେମାନେ ଘଣ୍ଟାପ୍ରତି 10 କି.ମି. ବେଗରେ ଚାଲନା କରନ୍ତି, ତେବେ ହୃଦକୁ ଅତିକ୍ରମ କରିବା ପାଇଁ ସେମାନଙ୍କୁ କେତେ ସମୟ ଲାଗିବ ?
- କଂପାନୀ ପାଇଁ ଜଳ ସଂରକ୍ଷଣ ପ୍ରକଳ୍ପକୁ ଅବଦାନ ପାଇଁ ଲକିତା ତା'ର ବାର୍ଷିକ ଦରମାରେ ଏକ 5 % ବର୍ଦ୍ଧିତ ପରିମାଣର ଅର୍ଥ ପୁରସ୍କୃତ ହେଲେ ଯଦି ତା'ର ବର୍ଷକୁ ମୂଲଦରମା 3.5 ଲକ୍ଷ ଟଙ୍କା ହୋଇଥାଏ ତେବେ ତା'ର ସଂଶୋଧିତ ମାସିକ ଦରମା କେତେ ?

ପ୍ରତ୍ୟେକ ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ଅନୁଧ୍ୟାନ କରନ୍ତୁ:

- ଗାତ୍ର ରଙ୍ଗରେ ଚିହ୍ନିତ ପ୍ରତିଶର୍ଦ୍ଦିନ ବା ଖଣ୍ଡବାକ୍ୟ ଗୁଡ଼ିକର ଅର୍ଥ ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି କି ? ଏଥୁରେ କିଛି ପଦ ବା ଖଣ୍ଡବାକ୍ୟ ଏପରି ଅଛି ଯାହାକି ଆପଣ ପାଇଁ ନୃତ୍ୟ ଅଟେ ? ଆପଣ ଅନୁଭବ କରନ୍ତି କି ଏଗୁଡ଼ିକ ସମସ୍ୟା ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ ସଂପର୍କିତ ଅଟେ ?
- ଏହି ଶର୍କ ବା ବାକ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ଅର୍ଥ କ'ଣ ତାହା ଶିଖିବା ପାଇଁ ଆପଣ କ'ଣ କରିପାରିବେ କିମ୍ବା ସେଗୁଡ଼ିକ ସହ କେଉଁ ଗଣିତିକ ଧାରଣା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଦେଇ ପାରିବେ ?
- ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାଟିକୁ ସରଳ କରିବା ପାଇଁ ଗାତ୍ର ରଙ୍ଗରେ ଚିହ୍ନିତ ଶର୍କ ଓ ଖଣ୍ଡବାକ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ଭିନ୍ନ ଶର୍କ ବିନ୍ୟାସ କରନ୍ତୁ । ଯଦି ଗୋଟିଏ ବିଶେଷ ପଦ, ଶର୍କ ବା ଖଣ୍ଡ ବାକ୍ୟରେ ଆବଶ୍ୟକତା ନ ଥାଏ ତେବେ ଆପଣ ଏହାକୁ ଛାତି ପାରନ୍ତି । କେଉଁ ପଦଗୁଡ଼ିକ ଭିନ୍ନ ଶର୍କ ବିନ୍ୟାସ କରିବାରେ ଆପଣ ଅସୁରିଧା ଭୋଗ କଲେ ? କାହିଁକି ?

ଗୋଟିଏ ଗଣିତିକ ଉଚ୍ଚ ଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାର ପ୍ରାସଙ୍ଗିକତା ହୃଦୟଜାମ କରିବା ପରିପ୍ରେଷାରେ, ଆପଣଙ୍କର ସବୁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ସମ୍ବନ୍ଧ ସମାନ ଦକ୍ଷତା ପ୍ରଗତି ନଥିବେ । ଏଣୁ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବାର ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ସମାଧାନ କରିବାରେ ଏବଂ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ଗଠନମୂଳକ ଉପଦେଶ ଦେବାରେ, ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଟି ଆପଣଙ୍କୁ ସର୍ବୋତ୍ତମ ସୁଯୋଗ ପ୍ରଦାନ କରିବା ଉଚିତ । ଆପଣ ସମ୍ବଲ-2, ‘ଡାରଖ କରିବା ଓ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟ ପ୍ରଦାନ’ ଉପରେ ଦୃଷ୍ଟିପାତ କରିପାରନ୍ତି, ଏହି ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟର ଏହି ଦିଗରେ ଆପଣଙ୍କୁ ପ୍ରସ୍ତୁତ ହେବା ପାଇଁ ସାହାଯ୍ୟ କରିବ ।



ଭିତ୍ତିଓ : ‘ଡାରଖ ଏବଂ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟ ପ୍ରଦାନ ।’

### ପରିଷ୍ଠିତ ଅନୁଧାନ 3 : ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ ୩ର ବ୍ୟବହାର ଉପରେ ଶ୍ରୀମତୀ ମଳ୍ଲିକଙ୍କର ଚିନ୍ତନ

ଏହି ତିନୋଟି ସମସ୍ୟାକୁ ମୋ ଶ୍ରେଣୀରେ ବ୍ୟବହାର କରିଥିବାରୁ ମୁଁ ଅତ୍ୟନ୍ତ ଖୁସି । ମୋତେ କହିବାକୁ ପଡ଼ୁଛି ପ୍ରାଚୟରୁ କାର୍ଯ୍ୟଟି ପ୍ରତି ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଦୃଷ୍ଟି ଆକର୍ଷଣ କରି ରଖିବା କଷ୍ଟକର ଥିଲା । ସେମାନେ କେବଳ ସମସ୍ୟାର ସମ୍ବଲାନ ହେଉଥିବାର ପ୍ରତ୍ୟେକମାନ ହୋଇଥିଲା ଏବଂ ସେମାନେ ଆଗକୁ ବଢି ପାରୁନାହାନ୍ତି ବୋଲି କହୁଥିଲେ । ଯାହାହେଉ, ମୁଁ ହାର ନ ମାନି ମୋର ଲକ୍ଷ୍ୟ ସାଧନ ପାଇଁ କଠୋର ପରିଶ୍ରମ କଲି । ଯେତେବେଳେ କୌଣସି କାମଟି ସେମାନଙ୍କ ପାଇଁ ଅପରିଚିତ ହୋଇଥାଏ ଏବଂ ଅନେକଗୁଡ଼ିଏ ଚିନ୍ତା କରିବାକୁ ପଡ଼ୁଥାଏ, ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ ଦୁଇ ଦୁଇ ଜଣ ହୋଇ କାମ କରିବାକୁ କହିଥାଏ, ଯାହାକି ସର୍ବଦା ଉପଯୋଗୀ ସାବ୍ୟସ୍ତ ହୋଇଥାଏ ବୋଲି ମୋର ବିଶ୍ୱାସ । ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ ମନେପକାଇ ଦେଲି କି ଯାହା ସବୁର ଅର୍ଥ ସେମାନେ ଜାଣି ନାହାନ୍ତି ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଖାତାରେ ଲେଖି ରଖନ୍ତୁ ଏବଂ ସେବୁ କିପରି ଜାଣିପାରିବେ ତାହା ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ । ପ୍ରତ୍ୟେକ କିଛି ଚିନ୍ତନ କରି ସାରିଲା ପରେ, ଧାରଣାଗୁଡ଼ିକ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ତଥ୍ୟ ଖୋଜି ବାହାର କରିବା ପାଇଁ ଜଣ ସବୁ ବ୍ୟବହାର କଲେ, ସେ ବାବଦରେ ଆମେ ସମସ୍ତେ ନିଜ ନିଜର ମତାମତ ପ୍ରକାଶ କଲୁ । ସେମାନେ ପ୍ରଥମେ କହିଲେ ଯେ, ‘ଶିକ୍ଷକଙ୍କୁ ପଚାରିବା’, କିନ୍ତୁ ଏହି ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ ମୁଁ ଏଥିରେ ପ୍ରତିବନ୍ଧକ ଲଗାଇଲି ଓ ସେମାନଙ୍କୁ ଆହୁରି ଅଧିକ କହିନା କରିବାକୁ କହିଲି । ଜଣେ କହିଲେ, ‘ଜଣରନେଟ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବା’ ଆଉ ଜଣେ, ‘ପାଠ୍ୟ ପୁସ୍ତକରେ ଦେଖିବା’, ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ ଏହି ପ୍ରସ୍ତାବ ଦେଲି ଯେ, ଯଦି ପାରୁଛ ନିଜର ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକ ଦେଖିବାକୁ ଏବଂ ଯେଉଁ ସବୁ ତଥ୍ୟ ସେଥିରୁ ସେମାନେ ପାଇପାରିଲେ ନାହିଁ ତାର ଏକ ତାଲିକା କରି ମୋ ପାଖଙ୍କୁ ଆଣିବାକୁ କହିଲି ଯେଉଁଥୁ ପାଇଁ ସେମାନଙ୍କ ନିମନ୍ତେ ମୁଁ ଜଣରନେଟ୍ ହେବି ।

ମୁଁ ନିଶ୍ଚିତ କଲି ଯେ ମୁଁ ସେମାନଙ୍କ ପାଇଁ ଅସ୍ତିତ୍ବର ପରିଷ୍ଠିତି ସ୍ଵର୍ଗିତ କରିବ ଏବଂ ସର୍କର ବାରରେ ଯାହା ଥିବ, କେବଳ ସେଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ସୁଚନା ଦେବି । ଏପରି କରିବା ଦ୍ୱାରା ଅନୁସରିଷ୍ଟ ହୋଇ, ସେମାନେ ବାନ୍ଧବରେ ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ ବିଷୟରେ ଜାଣିବା ଦରକାର ସେଗୁଡ଼ିକ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଅଧିକ ଚିନ୍ତା କରିବେ । ଯେତେବେଳେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅନୁଭବ କଲେ କି ତାଙ୍କର ଯେଉଁ ସୁଚନାଗୁଡ଼ିକର ଆବଶ୍ୟକତା ଥିଲା ତାହା ସେମାନଙ୍କ ପାଖରେ ଥିଲା, ସେମାନେ ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟଟିକୁ ରିନ୍ଦ ଭାବେ ସଜାତିବାରେ ଲାଗିପାଇଲେ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ସହଜ ହୋଇଗଲା ବୋଲି ପ୍ରତ୍ୟେକମାନ ହେଉଥିଲା କାରଣ ଶ୍ରେଣୀର ସବୁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ ସମ୍ବଲିତ ଭାବରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଥିଲେ ଏହି ସମୟରେ ସମବେତ ଭାବେ ଶିଖୁଥିଲେ । ମୋ ଶ୍ରେଣୀରେ ଥିବା ବହୁଭାଷା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ମଧ୍ୟ ଏଭଳି ଆଲୋଚନା ଓ କାର୍ଯ୍ୟଧାରାକୁ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ଶବ୍ଦ ସଂପର୍କରେ ଅବଗତ ହୋଇଥିଲେ ଯାହାକି ମୋର ଆଶା ବାହାରେ ଥିଲା । ସେମାନେ ବାନ୍ଧବରେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଟିର ଉପକୃତ ହେଲେ । ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ କହିଲି ଯେଉଁ ଭାଷା ସେମାନଙ୍କ ପାଇଁ ସୁରିଧାଜନକ, ସେହି ଭାଷାରେ ଶରଗୁଡ଼ିକର ଅର୍ଥଗୁଡ଼ିକ ଲେଖିବାକୁ, ଯାହାଦ୍ୱାରା ସେମାନେ ପରବର୍ତ୍ତୀ କାଳରେ ସେ ସବୁର ସାହାଯ୍ୟ ନେଇ ପାରିବେ ।



### ଚିକିଏ ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ

- ଆପଣ ଆପଣଙ୍କର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ବୋଧଗମ୍ୟତାକୁ ଖୋଜି ବାହାର କରିବା ପାଇଁ କେଉଁ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କଲେ ?
- ଆପଣଙ୍କୁ କୌଣସି ଜାଗାରେ ହସ୍ତକ୍ଷେପ କରିବାକୁ ପଡ଼ିଥିଲା ବୋଲି ଆପଣ ଅନୁଭବ କଲେ କି ?
- ଆପଣ କାର୍ଯ୍ୟଟିକୁ କୌଣସି ଉପାୟରେ ବଦଳାଇଲେ କି ? ଯଦି ସେପରି ହୋଇଥାଏ, ଆପଣଙ୍କର ଏପରି କରିବା ପଛରେ କ'ଣ କାରଣ ଥିଲା ?

## 4 ସାରାଂଶ

ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାକୁ ବୁଝିବା ଓ ଗାଣିତିକ ଚିନ୍ତନ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବାର ସାମର୍ଥ୍ୟ ସଂପର୍କରେ ଏହି ଏକକରେ ଆଲୋକପାତା କରାଯାଇଛି ।

ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା କଷ୍ଟକର ମନେକରିଥା'ଛି । କିନ୍ତୁ ଏଥରେ ଥିବା ପ୍ରତିବନ୍ଦିକାରୀ ଦୂର କରିବା ପାଇଁ ଅନେକଗୁଡ଼ିଏ ଉପାୟ ଅଛି । ଏହି ଏକକରେ ପ୍ରଶ୍ନବିତ ପଞ୍ଚାଶ୍ଵର ହେଲା :

- କ୍ରିୟାମୂଳକ / ପ୍ରତିଛବିମୂଳକ / ପ୍ରତିକାମୂଳକ ଉପାୟାପନ ମଧ୍ୟରେ ସଂଯୋଗ ସ୍ଥାପନ କରିବା
- ଗାଣିତିକ ଉଚ୍ଚକୁ ନେଇ ପ୍ରାସଙ୍ଗିକ କାହାଣୀ ପ୍ରଶ୍ନାକୁ କରିବାରେ କଷ୍ଟନା ଓ ମନର ସୃଜନଶକ୍ତିର ବ୍ୟବହାର କରିବା
- ଉଚ୍ଚଭିତ୍ତିକ ସମସ୍ୟାର ପୁନଃ ଶକ୍ତିନ୍ୟାସ କରିବା



### ଚିକିଏ ଚିନ୍ତା କରନ୍ତୁ

ଏହି ଏକକରେ ଆପଣ ଶିଖୁଥିବା ପଞ୍ଚା / କୌଣସିଗୁଡ଼ିକୁ ଚିହ୍ନଟ କରନ୍ତୁ, ଯାହାକୁ ଆପଣ ଶ୍ରେଣୀରେ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବେ ଓ କେତେକ ଧାରଣା ଉପରେ ଅଧିକ ଅନୁଷ୍ଠାନ କରିପାରିବେ ।

## ସମ୍ବଲ

### ସମ୍ବଲ 1 : NCF / NCFTE ର ଶିକ୍ଷାଦାନ ଆବଶ୍ୟକତା

ଏହି ଏକକକୁ NCF (2005) ଓ NCFTE (2009)ର ଶିକ୍ଷାଦାନ ଆବଶ୍ୟକତା ସହିତ ସଂପର୍କିତ କରାଯାଇଛି ଓ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଆବଶ୍ୟକତା ପରିପୂରଣ କରିବାରେ ସହାୟକ ହେବ ।

- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କ ନିଜ ଶିକ୍ଷଣରେ ଜଣେ ସକ୍ଷିଯ ଅଂଶଗୁହଣକାରୀ ଭାବେ ବିଚାର କରିବା । ସେମାନଙ୍କୁ ସାଧାରଣ ଜ୍ଞାନ ଆହରଣକାରୀ ଭାବେ ବିବେଚନା କରିବା ଉଚିତ ନୁହେଁ; ସେମାନଙ୍କର ଜ୍ଞାନ ସଂରଚନା ସାମର୍ଥ୍ୟର ବିକାଶ ନିମନ୍ତେ ଉପସ୍ଥିତ କରିବା; ଘୋଷା ପଢ଼ିଗୁଡ଼ିକୁ ମୁଢ଼ କରିବା ।
- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ନିମନ୍ତେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ-କୌଣସି, ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟଭିତ୍ତିକ ଓ ସହଭାଗୀମୂଳକ ଶିକ୍ଷଣ ଅଭିନ୍ଦନର ସଂଗଠନ କରିବା ।
- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସାହାୟ କରିବା ଯେପରି ସେମାନେ ଗଣିତକୁ ଏପରି ଏକ ବିଷୟ ଭାବେ ବିବେଚନା କରିବେ ଯାହା ସହିତ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରିଛେଉଥିବ, ଗଣିତ ମାଧ୍ୟମରେ ଭାବ ବିନିମୟ କରି ହେଉଥିବ, ନିଜ ନିଜ ମଧ୍ୟରେ ଆଲୋଚନା କରି ହେଉଥିବ ଓ ମିଲିମିଶି କାର୍ଯ୍ୟ କରିଛେଉଥିବ ।

## ସମ୍ବଲ 2 : ତଦାରଖ କରିବା ଓ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦେବା

ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣ ଫଳାଫଳରେ ଉନ୍ନତି ହେବା ସହିତ ସେମାନଙ୍କୁ ନିରକ୍ଷର ତଦାରଖ କରିବା ଓ ସେମାନଙ୍କୁ ସହାୟତା ଦେବା ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ, ତେଣୁ ସେମାନଙ୍କଠାରୁ କଣ ଆଶା କରାଯାଉଛି ତାହା ସେମାନେ ଜାଣିବା କଥା ଓ ପାଠ କାର୍ଯ୍ୟ ସମାପ୍ତି ପରେ ସେମାନେ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ପାଇବା ଆବଶ୍ୟକ । ଗଠନମୂଳକ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦ୍ୱାରା ସେମାନେ ନିଜର ଫଳାଫଳରେ ଉନ୍ନତି ଆଣିପାରିବେ ।

### ତଦାରଖ କରିବା

ସମ୍ବଲ ଶିକ୍ଷକମାନେ ଅଧିକାରୀଙ୍କ ସମୟରେ ସେମାନଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ତଦାରଖ କରିଥାନ୍ତି । ସାଧାରଣତଃ ଅଧିକାରୀଙ୍କ ଶିକ୍ଷକ ସେମାନଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କ ଶ୍ରେଣୀରେ କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଶୁଣି ଓ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ କରି ତଦାରଖ କରନ୍ତି । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କ ଅଗ୍ରଗତିକୁ ତଦାରଖ କରିବା ଖୁବ୍ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ କାରଣ ଏହା ନିମ୍ନମତେ ସେମାନଙ୍କୁ ସହାୟକ ହୋଇଥାଏ :

- ଉଚ୍ଚତର ଗ୍ରେଡ୍ (ଡିଭିଜନ / ଶ୍ରେଣୀ) ହାସଲ କରିବେ ।
- ନିଜର ପ୍ରଦର୍ଶନ / କାର୍ଯ୍ୟ ସଂପାଦନ ସଂପର୍କରେ ଅଧିକ ସଚେତନ ହେବ ଓ ନିଜର ଶିକ୍ଷଣ ନିମନ୍ତେ ଦାୟିତ୍ୱ ସଂପନ୍ନ ହେବ ।
- ଶିକ୍ଷଣରେ ଅଗ୍ରଗତି କରିବେ ।
- ରାଜ୍ୟସ୍ତରାୟ ଓ ଆଞ୍ଚଳିକମାନକ ପରୀକ୍ଷଣ (standardized test)ରେ ଫଳାଫଳକୁ କଳନା କରିବା

ଏହା ମଧ୍ୟ ଶିକ୍ଷକଙ୍କୁ ନିମ୍ନ ନିଷ୍ପତ୍ତି ନେବାରେ ସହାୟକ ହୋଇଥାଏ :

- କେତେବେଳେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାଯିବ ଓ ଉସ୍ତୁତି କରାଯିବ ।
- କେତେବେଳେ ପ୍ରଶଂସା କରାଯିବ ।
- କୌଣସି ଘଟଣା ସଂପର୍କରେ ପ୍ରତିଯୋଗାତାର ଆହ୍ଵାନ ଦିଆଯିବ କି ନାହିଁ ।
- କାର୍ଯ୍ୟରେ ବିଭିନ୍ନ ଦଳର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ କିପରି ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ କରାହେବ ।
- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଭୁଲ ସଂପର୍କରେ କ'ଣ କରାଯିବ ।

ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କ ଅଗ୍ରଗତି ସଂପର୍କରେ ସ୍ଵଷ୍ଟ ଓ ଭୁରିତ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦିଆଗଲେ ସେମାନେ ଅଗ୍ରଗତି କରିଥାନ୍ତି । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ନିୟମିତ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦେବା, ଆପଣଙ୍କ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ କଣ କରୁଛନ୍ତି ଜାଣିବା ଓ ସେମାନଙ୍କ ଶିକ୍ଷଣରେ ପ୍ରଗତି କରିବା ପାଇଁ କ'ଣ କରାଯିବ ତାହା ଜାଣିବା ପାଇଁ ତଦାରଖ ଆପଣଙ୍କୁ ସମର୍ଥ କରାଇବ । ଆପଣ ଗୋଟିଏ ଆହ୍ଵାନର ସମ୍ବ୍ଲାଙ୍ଘାନ ହେବେ, ତାହା ହେଉଛି ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣର ଲକ୍ଷ୍ୟ ନିଜେ ସ୍ଥିର କରିବା ସ୍ବ-ତଦାରଖ ଆପଣ କିପରି ସାହାୟ୍ୟ କରିବେ । ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ, ବିଶେଷ କରି ଶିଖିବାରେ ସମସ୍ୟାର ସମ୍ବ୍ଲାଙ୍ଘାନ ହେଉଥିବା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ନିଜ ଶିକ୍ଷଣର ଦାୟିତ୍ୱ ନେଇନଥାନ୍ତି । କିନ୍ତୁ ଆପଣ ସେମାନଙ୍କୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ ସ୍ଥିର କରିପାରିବା, କାର୍ଯ୍ୟ ଯୋଜନା ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା, ସମୟ ସାମା ସ୍ଥିର କରିବା, ନିଜ ଅଗ୍ରଗତିର ତଦାରଖ କରିବାରେ ସାହାୟ୍ୟ କରିପାରିବେ । ସ୍ବ-ତଦାରଖ କୌଣସିକୁ ଅଭ୍ୟାସ କରିବା ଓ ସେଥିରେ ନିପୁଣତା ହାସଲ କରିବା ଦ୍ୱାରା ସେମାନେ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଓ ଜୀବନ ସାରା ଭଲଭାବରେ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ କରିପାରିଥାନ୍ତି ।

### ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଶୁଣିବା ଓ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ କରିବା

ଅଧିକାରୀଙ୍କ ସମୟରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ଶୁଣିବା ଓ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ କରିବା କାର୍ଯ୍ୟ ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥାଭାବିକ ଭାବେ ହୋଇଥାଏ । ଏହା ତଦାରଖ ପାଇଁ ଏକ ସରଳ ସାଧନ । ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଆପଣ

- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ଉଚ୍ଚ ପଠନକୁ ଶୁଣିପାରନ୍ତି ।
- ସେମାନଙ୍କର ଦଳଗତ ଆଲୋଚନା ବା ଯୋଡ଼ି କାର୍ଯ୍ୟ ଆଲୋଚନାକୁ ଶୁଣିପାରନ୍ତି ।

- ଶ୍ରେଣୀ ବାହାରେ ହେଉ ବା ଶ୍ରେଣୀ ଭିତରେ ହେଉ ବିଭିନ୍ନ ସମ୍ବଲର ବ୍ୟବହାର ବେଳେ ସେମାନଙ୍କୁ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ କରିପାରନ୍ତି ।
- ଦଳରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଥିବା ବେଳେ ସେମାନଙ୍କ ଶରାରର ଭାଷା କୁ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ କରିପାରନ୍ତି ।

ନିର୍ଣ୍ଣିତ କରନ୍ତୁ ଯେ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣରୁ ଆପଣ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କ ଶିକ୍ଷଣ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ସଂଗ୍ରହୀତ ତଥ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କର ଅଗ୍ରଗତିର ନିର୍ଭୁଲ ଚିତ୍ର । ଆପଣ ଯାହା ଦେଖିଲେ, ଶୁଣିଲେ ବା ଯାହା ଯଥାର୍ଥତା ପ୍ରତିପାଦନ କଲେ ତାହାକୁ ଲିପିବନ୍ଦ କରନ୍ତୁ ।

ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଥିବା ସମୟରେ ଶ୍ରେଣୀ ମଧ୍ୟରେ ବୁଲି ଆସନ୍ତୁ ଓ ସଂକ୍ଷିପ୍ତ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ବିବରଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରନ୍ତୁ । ଆପଣ କେଉଁ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଅଧିକ ସହାୟତା ଦେବେ ଓ ତାକୁ ଲିପିବନ୍ଦ କରନ୍ତୁ ଓ ଶ୍ରେଣୀରେ ଦୃଶ୍ୟମାନ ସାମଗ୍ରୀ ଶ୍ରେଣୀକୁ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦେବା ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବେ । ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ଆଧାରରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ଦଳରେ ହେଉ ବା ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ଭାବରେ ହେଉ ଶିଖିବା ନିମନ୍ତେ ଉପସ୍ଥିତ କରିପାରିବେ ।

### ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦେବା

ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ହେଉଛି ବାର୍ତ୍ତା ବା ସୂଚନା ଯାହା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କର ଫଳାଫଳ ସଂପର୍କରେ ଦିଆଯାଇଥାଏ । ଏହି ଫଳାଫଳ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଶିକ୍ଷଣ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟକୁ ଭିତରେ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରାଯାଏ । ଫଳପ୍ରଦ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ନିମ୍ନ ସୂଚନା ଦେଇଥାଏ :

- କ'ଣ ଘରୁଁଛି ତାହା ସଂପର୍କରେ ସୂଚନା
- କାର୍ଯ୍ୟଟି କେତେ ଭଲଭାବରେ ହେଲା ତା'ର ମୂଲ୍ୟାଯନ (କାର୍ଯ୍ୟର ଗୁଣାମ୍ବକ ମାନ)
- କାର୍ଯ୍ୟ ସଂପାଦନରେ କିପରି ଉନ୍ନତି ଅଣାଯାଇ ପାରିବ ସେ ସଂପର୍କରେ ପଦ ପ୍ରଦର୍ଶନ କରିବା

ଯେତେବେଳେ ଆପଣ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଦେଉଛନ୍ତି, ଏହା ସେମାନଙ୍କୁ ନିମ୍ନ ଦିଗ ସଂପର୍କରେ ଜାଣିବାରେ ସହାୟକ ହେବ ।

- ସେମାନେ ପ୍ରକୃତରେ କ'ଣ କରିପାରିଲେ
- ସେମାନେ ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କ'ଣ କରିପାରିନାହାନ୍ତି
- ସେମାନେ କିପରି ଉନ୍ନତି ସାଧନ କରିବେ

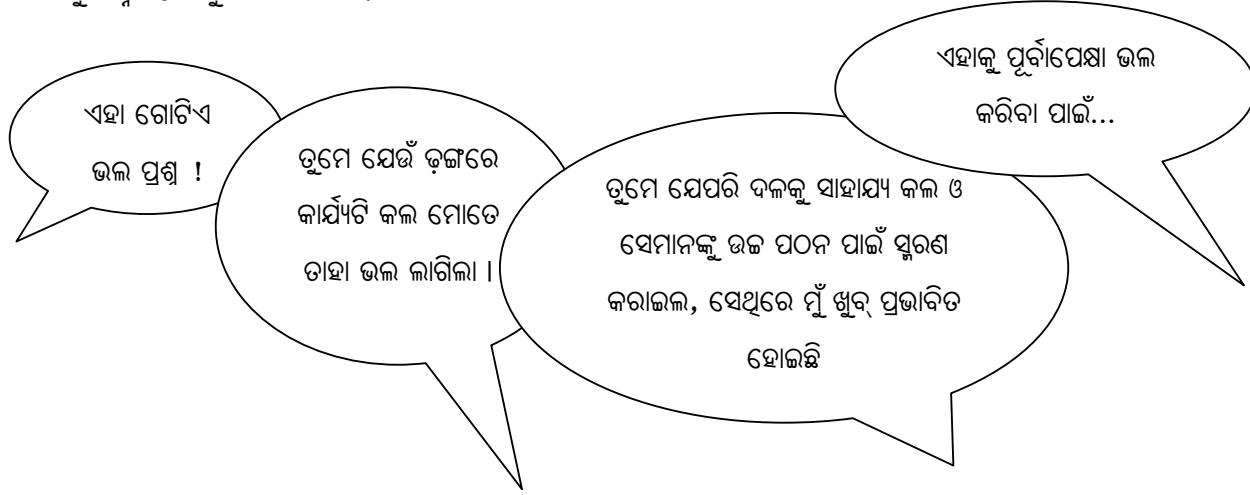
ଏହା ମନେରଖିବା ଉଚିତ ଯେ ଫଳପ୍ରଦ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିଥାଏ । ଅନ୍ତର୍ଭୁତ ହେଉ ବା ଅନ୍ୟାନ୍ୟପୁନ୍ତ ହେଲେ, ତାହା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ଶିଖିବା ପାଇଁ ବାରଣ କରିଥାଏ । ଫଳପ୍ରଦ ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ହେଉଛି

- ଲକ୍ଷ୍ୟ କୌଣସି (focused) : କେଉଁ କାର୍ଯ୍ୟ ସଂପାଦନ ହେବ ଓ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ସେହି କାର୍ଯ୍ୟରୁ କ'ଣ ଶିଖିବା ଉଚିତ ।
- ସ୍ଵର୍ଗ ଓ ବିଶ୍ୱାସଯୋଗ୍ୟ (clean and honest) : ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କର ଶିକ୍ଷଣ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଉଲ୍ଲଙ୍ଘନ କୁହନ୍ତୁ ଓ ଶିକ୍ଷଣରେ ଅଗ୍ରଗତି ନିମନ୍ତେ ସେମାନେ କ'ଣ କରିବା ଉଚିତ ତା'ର ସଂପର୍କରେ ସୂଚନା ଦିଅନ୍ତିରୁ ।
- କାର୍ଯ୍ୟ ହେବା ଯୋଗ୍ୟ (actionable) : ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ କୁହନ୍ତୁ ସେମାନେ କି କାର୍ଯ୍ୟ କରିବେ । ସେହି କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ସେମାନେ ସଂପାଦନ କରିବାକୁ ସମର୍ଥ ହେବା ଦରକାର ।
- ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ବୁଝିପାରିବା ଉଲ୍ଲଙ୍ଘ ଭାଷା (appropriate language) ବ୍ୟବହାର ହେବା ଉଚିତ ।
- ଉପ୍ତିମୁକ୍ତ ସମୟ (appropriate time)ରେ ଦିଆଯିବା ଆବଶ୍ୟକ - ଯଦି ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟି ଶୁଭ ଶାସ୍ତ୍ର ଦିଆଯାଏ, ତେବେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ଭାବିବେ ‘ମୁଁ ଠିକ୍ ଏହା କରିବାକୁ ଯାଉଥିଲି !’; ଅତି ଢେରିରେ ଦିଆଗଲେ, ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କ ଚିନ୍ତାଧାରା ଅନ୍ୟ ଆଡ଼କୁ ଯିବ ଓ ସେମାନେ ଯାହା କୁହାଯିବ ସେଠାକୁ ଫେରି ଆସିବାକୁ ଗୁହଁବେ ନାହିଁ ।

ପ୍ରତିପୁଷ୍ଟ ଲିଖିତ ବା ମୌଖିକ ହୋଇପାରେ; ସେ ଯାହାହେଉ ନା କାହିଁକି ଯଦି ନିମ୍ନ ନାତି ଓ ନିୟମଗୁଡ଼ିକ ଅନୁସରଣ କରାଯିବ ତେବେ ଏହା ଫଳପ୍ରଦ ହେବ ।

### ପ୍ରଶଂସା ଓ ସକାରାମୂଳକ ଭାଷାର ବ୍ୟବହାର

ଆମକୁ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରଶଂସା କରାଯାଏ ଓ ଉପସ୍ଥିତ କରାଯାଏ, ସାଧାରଣତଃ ଆମେ ସମାଲୋଚନା ହେଉଥିବା ପରିସ୍ଥିତି ଠାରୁ ନିଜକୁ ଖୁସି / ଆଶ୍ୱରୀ ଅନୁଭବ କରିଥାଉ । ସକାରାମୂଳକ ଭାଷା ଓ ଦୃଢ଼ୀକରଣ କାର୍ଯ୍ୟ ସମଗ୍ର ଶ୍ରେଣୀ ଓ ସମସ୍ତ ବୟସର ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ଶିଖିବା ପାଇଁ ଅଭିପ୍ରେରିତ କରିଥାଏ । ମନେରଖତ୍ତୁ, ପ୍ରଶଂସା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଓ ସଂପାଦିତ ହୋଇଥିବା କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକରି ହେବା ଉଚିତ । ଅନ୍ୟଥା ଏହା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ଅଗ୍ରଗତି କରିବାରେ ସହାୟକ ହେବ ନାହିଁ । ‘ଉଳ କରିଛ’ ଶବ୍ଦଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ନୁହେଁ । ଏଥୁରେ ଉନ୍ନତି ଆଣି ଏହାକୁ ନିମ୍ନଭାବେ କୁହାଯାଇ ପାରିବ ।



### ସ୍କୁଲର କରାଇବା ଓ ସଂଶୋଧନର ବ୍ୟବହାର

ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ସହିତ କଥୋପକଥନ ସେମାନଙ୍କୁ ଶିଖିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରିଥାଏ । ଯଦି ଆପଣ ସେମାନଙ୍କୁ କହନ୍ତି ଯେ ତୁମର ଉଭର ଭୁଲ ଅଛି ତେବେ ସେହି ମୁହଁର୍ଭରେ କଥୋପକଥନ ବନ୍ଦ ହୋଇଯାଇଥାଏ ଓ ଆପଣ ସେମାନଙ୍କର ଚିତ୍ର କରିବାକୁ ଉଛୀବିତ ରଖିବା ପାଇଁ ସୁଯୋଗକୁ ହାତଛଡ଼ା କରିଦିଅଛି । ଯଦି ଆପଣ ସେମାନଙ୍କୁ ପ୍ରଶ୍ନର ଉଭର କରିବାକୁ କିଛି ଆଭାସ ଦିଅଛି ବା ସେମାନଙ୍କୁ ଅନ୍ୟ ପ୍ରଶ୍ନ ପରିଚାରିତ ତେବେ ଆପଣ ସେମାନଙ୍କୁ ଅଧିକ ଚିତ୍ର କରିବା ପାଇଁ ସ୍କୁଲର କରାଇଦେଇଥାଆନ୍ତି ଓ ଉଭର ବାହାର କରିବା ପାଇଁ ତଥା ନିଜ ଶିକ୍ଷଣର ଦାୟିତ୍ବ ନେବା ପାଇଁ ଉପସ୍ଥିତ କରିଥାଆନ୍ତି । ଉଦାହରଣସ୍ବରୂପ, ଆପଣ ସେମାନଙ୍କୁ ଅପେକ୍ଷାକୃତ ଉଳ ଉଭର ଦେବା ପାଇଁ କିମ୍ବା ସମସ୍ୟାକୁ ଭିନ୍ନ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଉପସ୍ଥିତ କରିପାରନ୍ତି, ସେଥୁପାଇଁ ଆପଣ ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକୁ କହିପାରନ୍ତି ।



ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନେ ପରିଚାରକୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିବା ପାଇଁ ଆପଣ ସେମାନଙ୍କୁ ଉପସ୍ଥିତ କରିପାରନ୍ତି । ଆପଣ ଶ୍ରେଣୀର ଅନ୍ୟ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀଙ୍କୁ ପ୍ରଶ୍ନରିବା ଆରମ୍ଭ କରି ଓ ନିମ୍ନ ମନ୍ତ୍ରବ୍ୟ ଦେଇ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟକୁ କରିପାରନ୍ତି ।



କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ବା ସଂଖ୍ୟାର ଅଭ୍ୟାସ ଭଳି କାର୍ଯ୍ୟରେ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କର ଉଭରକୁ ସଂଶୋଧନ କରିବା ପାଇଁ ‘ହଁ’ ବା ‘ନା’ ଉପଯୁକ୍ତ ହୋଇପାରେ କିନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଆପଣ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ପ୍ରତିରୂପ ଚିହ୍ନଟ କରିବା ପାଇଁ, ସମାନ ପ୍ରକାର ଉଭର ମଧ୍ୟରେ ସଂଯୋଗ ସ୍ଥାପନ କରିବା ପାଇଁ କିମ୍ବା କୌଣସି ଉଭର ଭୁଲ୍ ହେବାର କାରଣକୁ ଖୋଲା ଆଲୋଚନା କରିବା ପାଇଁ ସ୍ଥାରଣ କରାଇପାରନ୍ତି ।

ସ୍ବ-ସଂଶୋଧନ ଓ ସହପାଠୀଙ୍କ ଦ୍ୱାରା ସଂଶୋଧନ ଶୁଭ ଫଳପ୍ରଦ । ଆପଣ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କୁ ନିଜର ଉଭରକୁ ସଂଶୋଧନ କରିବାକୁ ଓ କୌଣସି କାର୍ଯ୍ୟ ବା ନ୍ୟସ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ ଛଲିବା ସମୟରେ ପରମ୍ପର କାର୍ଯ୍ୟର ସଂଶୋଧନ କରିବାକୁ କହିପାରନ୍ତି । ଏହା ଶୁଭ ଭଲ ହେବ ଯଦି ଆପଣ ଏହି ସଂଶୋଧନ କାର୍ଯ୍ୟବେଳେ ଉଭରର ଯେକୌଣସି ଗୋଟିଏ ଦିଗ ଉପରେ ଗୁରୁତ୍ବ ଦେବେ, ଯଦ୍ବାରା ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀମାନଙ୍କ ପାଖକୁ ବହୁତଗୁଡ଼ିଏ ଗୋଲମାଳିଆ ସୂଚନା ସେମାନଙ୍କ ପାଖକୁ ଯିବ ନାହିଁ ।

## Additional resources

- A newly developed maths portal by the Karnataka government:  
<http://karnatakaeducation.org.in/KOER/en/index.php/Portal:Mathematics>
- National Centre for Excellence in the Teaching of Mathematics:  
<https://www.ncetm.org.uk/>
- National STEM Centre: <http://www.nationalstemcentre.org.uk/>
- National Numeracy: <http://www.nationalnumeracy.org.uk/home/index.html>
- BBC Bitesize: <http://www.bbc.co.uk/bitesize/>
- Khan Academy's math section: <https://www.khanacademy.org/math>
- NRICH: <http://nrich.maths.org/frontpage>
- Art of Problem Solving's resources page:  
<http://www.artofproblemsolving.com/Resources/index.php>
- Teachnology: <http://www.teach-nology.com/worksheets/math/>
- Math Playground's logic games: <http://www.mathplayground.com/logicgames.html>
- Maths is Fun: <http://www.mathsisfun.com/>
- Coolmath4kids.com: <http://www.coolmath4kids.com/>
- National Council of Educational Research and Training's textbooks for teaching mathematics and for teacher training of mathematics:  
<http://www.ncert.nic.in/ncerts/textbook/textbook.htm>
- AMT-01 *Aspects of Teaching Primary School Mathematics*, Block 1 ('Aspects of Teaching Mathematics'), Block 2 ('Numbers (I)'), Block 3 ('Numbers (II)'):  
<http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-amt-01-study-materialbooks.html>
- LMT-01 Learning Mathematics, Block 1 ('Approaches to Learning') Block 2 ('Encouraging Learning in the Classroom'), Block 4 ('On Spatial Learning'), Block 6 ('Thinking Mathematically'): <http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-lmt-01-study-materialbooks.html>
- *Manual of Mathematics Teaching Aids for Primary Schools*, published by NCERT:

- <http://www.arvindguptatoys.com/arvindgupta/pks-primarymanual.pdf>
- *Learning Curve and At Right Angles*, periodicals about mathematics and its teaching: [http://azimpremijifoundation.org/Foundation\\_Publications](http://azimpremijifoundation.org/Foundation_Publications)
- Textbooks developed by the Eklavya Foundation with activity-based teaching mathematics at the primary level: [http://www.eklavya.in/pdfs/Catalogue/Eklavya\\_Catalogue\\_2012.pdf](http://www.eklavya.in/pdfs/Catalogue/Eklavya_Catalogue_2012.pdf)
- Central Board of Secondary Education's books and support material (also including *List of Hands-on Activities in Mathematics for Classes III to VIII*) – select 'CBSE publications', then 'Books and support material': <http://cbse.nic.in/welcome.htm>

## References/bibliography

- Bruner, J. (1986) *Actual Minds, Possible Worlds*. Cambridge, MA: Harvard University Press.
- Bruner, J. S. (1966) *Toward a Theory of Instruction*. Cambridge, MA: Belkapp Press.
- Egan, K. (1986) *Teaching as Story Telling: An Alternative Approach to Teaching and Curriculum in the Elementary School*. Chicago, IL: University of Chicago Press.
- Mason, J. and Johnston-Wilder, S. (2004) *Fundamental Constructs in Mathematics Education*. Abingdon: RoutledgeFalmer.
- McLeod, S.A. (2008) 'Bruner' (online). Available from: <http://www.simplypsychology.org/bruner.html> (accessed 26 March 2014).
- Morales, R.V., Shute, V.J. and Pellegrino, J.W. (1985) 'Developmental differences in understanding and solving simple mathematics word problems', *Cognition and Instruction*, vol. 2, no. 1, p. 41.
- National Council for Teacher Education (2009) *National Curriculum Framework for Teacher Education* (online). New Delhi: NCTE. Available from: [http://www.ncte-india.org/publicnotice/NCFTE\\_2010.pdf](http://www.ncte-india.org/publicnotice/NCFTE_2010.pdf) (accessed 26 March 2014).
- Nunes, T. (1993) 'Learning mathematics: perspectives from everyday life', in Davis, R. and Maher, C. (eds) *Schools, Mathematics, and the World of Reality*, pp. 61–78. Needham Heights, MA: Allyn and Bacon.
- Riley, M.S., Greeno, J.G. and Heller, J.I./National Institute of Education (1984) *Development of Children's Problem-solving Ability in Arithmetic*. Pittsburgh, PA: Learning Research and Development Center, University of Pittsburgh.
- Watson, A., Jones, K. and Pratt, D. (2013) *Key Ideas in Teaching Mathematics*. Oxford: Oxford University Press.

## Acknowledgements

This content is made available under a Creative Commons Attribution-ShareAlike licence (<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/>), unless identified otherwise. The licence excludes the use of the TESS-India, OU and UKAID logos, which may only be used unadapted within the TESS-India project.

Every effort has been made to contact copyright owners. If any have been inadvertently overlooked the publishers will be pleased to make the necessary arrangements at the first opportunity.

Video (including video stills): thanks are extended to the teacher educators, headteachers, teachers and students across India who worked with The Open University in the productions.