

প্রাথমিক গণিত

Asking questions that challenge thinking: fractions

চিন্তার উদ্দেশক জন্মাবৰ বাবে সোধা প্রণালী : ভগ্নাংশ



Teacher Education
through School-based
Support in India
www.TESS-India.edu.in

অনুবাদ আৰু অভিযোজন : ৰাজ্যিক শিক্ষা গবেষণা আৰু প্ৰশিক্ষণ পৰিষদ, অসম



<http://creativecommons.org/licenses/>



TESS.India ৰ লক্ষ্য হৈছে মুন্ত শিক্ষা সমলৰ যোগেন্দি ভাৰতৰ প্ৰাথমিক আৰু মাধ্যামিক শিক্ষক সকলৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ কাৰ্য উন্নত কৰাৰ লগতে ছা৤্ৰ-ছাত্ৰী কেন্দ্ৰীক অংশগ্ৰহণকাৰী প্ৰয়াসৰ বিকাশ কৰা। TESS.India ৰ মুন্ত শিক্ষা সমল সমূহে শিক্ষকক পাঠ্যপুঁথিৰ লগতে সহযোগীতা আগবঢ়ায়। শিক্ষক সকলে তেওঁলোকৰ শ্ৰেণীকোঠাত ছা৤্ৰ-ছাত্ৰী সকলৰ সৈতে আৰু পৰিস্থিতি অধ্যয়নৰ জৰিয়তে ত্ৰিয়াকলাপ সমূহ ব্যৱহাৰ কৰাৰ লগতে অন্য শিক্ষকে তেওঁলোকৰ পাঠ পৰিকল্পনা আৰু বিষয় জ্ঞানৰ বাবে সংযোগকাৰী সমলসমূহৰ সহায় ল'ব, এই সকলোবোৰে মুন্ত শিক্ষা সমলৰ দ্বাৰা সন্তুষ্ট হ'ব।

TESS.India ৰ মুন্ত শিক্ষা সমল সমূহ ভাৰতীয় পাঠ্যত্ৰ আৰু প্ৰাসংগিকতা সমূহক আগত ৰাখি ভাৰতীয় আৰু আন্তঃৰাষ্ট্ৰীয় লিখকৰ দ্বাৰাই লিখা হৈছে লগতে ছপা মাধ্যম তথা অনলাইনত (<http://www.tess-india.edu.in/>) সহজ লভ্য কৰা হৈছে। মুন্ত শিক্ষা সমল সমূহ প্ৰতিখন অংশগ্ৰহণকাৰী ভাৰতীয় ৰাজ্যৰ বাবে বিভিন্ন ভাষাত সহজলভ্য হৈছে আৰু ব্যৱহাৰকাৰী সকলক আমন্ত্ৰন কৰি স্থানীয় প্ৰয়োজনীয়তা আৰু প্ৰাসংগিকতা পূৰ্বাৰ পৰাকৈ স্থানীয়ভাৱে পৰিবেশৰ অনুকূল (adapt and localise) কৰি যুগ্মত কৰা হৈছে।

TESS.India মুন্ত বি এবিদ্যালয়, ইংলেণ্ডৰ দ্বাৰা নেতৃত্ব দিয়া হৈছে আৰু ইংলেণ্ড চৰকাৰৰ দ্বাৰা পুঁজিৰে যোগান ধৰা হৈছে।

দৃশ্য সমল (video resources)

এই গোটটোৰ কিছুমান ত্ৰিয়াকলাপ তলত দিয়া প্ৰতিকৃতি: . ৰ দ্বাৰা সংযোজিত কৰা হৈছে। এইটোৱে ইয়াকে সূচাইছে যে কিছুমান বিশেষ শৈক্ষিক বিষয়বস্তুৰ বাবে আপুনি TESS.India ৰ দৃশ্য সমলৰ সহায় ল'ব পাৰে।

TESS.India দৃশ্য সমলে ভাৰতৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ পৰিবেশত মুখ্য শৈক্ষিক কৌশলসমূহ বিস্তৃত ভিত্তিত ব্যাখ্যা কৰে। আমি আশা ৰাখিছো যে এই সমল সমূহে আপোনাক একে ব্যৱহাৰিক অনুশীলন সমূহ কৰিবলৈ অনুপ্ৰাণিত কৰিব। এই পাঠ ভিত্তিক গোটসমূহৰ দ্বাৰাই আপোনাৰ কাম কৰাৰ অভিজ্ঞতা উন্নীত কৰিবলৈ আৰু তাক সন্মান জনাবলৈ বিচৰা হৈছে, কিন্তু যদি গোট সমূহৰ ভিতৰত প্ৰবেশ কৰিবলৈ সমৰ্থ নহয় তেন্তে সেই সমূহ অসম্পূৰ্ণ হৈ ৰ'ব।

TESS.India দৃশ্য সমল সমূহ অনলাইনত চাব পাৰিব নতুৰা TESS.India ৱেবচাইটৰ পৰা ডাউনলোড কৰিব পাৰিব (<http://www.tess-india.edu.in/>) নতুৰা আপুনি এই দৃশ্য সমূহ চি.ডি নাইৰা মেমৰি কাৰ্ডত উপলব্ধ কৰিব পাৰিব।

এই গোটটো কিছি বিষয়ে (What this unit is about)

এই গোটটোর জরিয়তে আপুনি ছাত্র-ছাত্রীক কেনেদেরে ভগ্নাংশের লগত পরিচয় করাৰ তাৰ বিষয়ে জানিব।

বেছি ভাগ ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভগ্নাংশের পাঠ বুজিবলৈ টান পায়। ইয়াৰ বহতো কাৰণ থাকিব পাৰে। এইটো নিশ্চিত কৰিব লাগে আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীয়ে যাতে ভগ্নাংশের ওপৰত কাৰ্য কৰি বিস্তৃত আৰু বিভিন্ন ধৰণৰ অভিজ্ঞতা লাভ কৰিব পাৰে যিবোৰে তেওঁলোকক ভগ্নাংশৰ বিষয়ে জ্ঞান আহৰণ কৰাত সহায় কৰিব।

এটা ভগ্নাংশ তেতিয়াহে অৰ্থপূৰ্ণ হয় যেতিয়া ইয়াক সম্পূৰ্ণ বস্তু এটাৰ লগত সমন্বন্ধ স্থাপন কৰা হয়- এই বিষয়েও আপুনি অনুসন্ধান কৰিব পাৰিব আৰু চিহ্ন দ্বাৰা উপস্থাপন কৰা ভগ্নাংশবোৰ বিভিন্ন ধৰণে পঢ়িবলৈ ছাত্র ছাত্রীসকলক সহায় কৰিব পাৰিব।

ইয়াত দিয়া কাৰ্যবোৰৰ জৰিয়তে আপুনি ছাত্র-ছাত্রীক বিভিন্ন ধৰণৰ আমোদজনক আৰু চিন্তাকৰ্মক প্ৰ. তেওঁলোকৰ ভিতৰতে সুধিবলৈ দি উৎসাহিত কৰিব আৰু ভগ্নাংশৰ বিষয়ে কথা পাতিবলৈ ক'ব।

এই গোটটোত আপুনি কি শিকিব পাৰিব (What you can learn in this unit)

- কেনেকুৰা ধৰণৰ ফলপ্ৰসূ প্ৰ. সুধিব, যিবিলাক আমোদজনক অথচ চিন্তাকৰ্মক।
- কিছুমান ধাৰণা পাৰ যাৰ দ্বাৰা ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভগ্নাংশৰ ওপৰত জ্ঞান আহৰণ কৰিব পাৰিব।
- কিছুমান ধাৰণা পাৰ যাৰ দ্বাৰা ছাত্র-ছাত্রীক ভগ্নাংশৰ বিষয়ে কথা পাতিবলৈ সহায় আৰু উৎসাহিত কৰিব পাৰিব।

এই গোটটোৱে সমল 1ত থকা NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষনৰ প্ৰয়োজনীয়তাৰ লগত সংযোগ কৰিছে।

ভগ্নাংশনো কি ইমান জটিল ? (What so difficult about fraction ?)

ভগ্নাংশক বৰ জটিল বুলি ভৰাৰ এটা কাৰণ হ'ল ইয়াত বুজিবলগীয়া বহু কথা আছে। উদাহৰণস্বৰূপে, এটা বস্তুৰ আধা আন এটা বস্তুৰ চাৰিভাগৰ এভাগতকৈ সৰু হ'ব পাৰে। ইয়াৰ এটা উদাহৰণ হ'ল ছয়ৰ আধা তিনি আৰু যোল্লৰ চাৰিভাগৰ এভাগ হ'ল চাৰি। কাগজ ভাজ কৰি বা বৃত্ত ভাগ কৰি ভগ্নাংশৰ বিষয়ে শিকালে কেতিয়াবা ছাত্র-ছাত্রীৰ খোকোজা লাগিব পাৰে, বিশেষকৈ যেতিয়া কাগজবোৰ একে আকাৰৰ নহয়।

ভগ্নাংশৰ ধাৰণাৰ বিকাশ কৰা আৰু অন্য গাণিতিক ধাৰণাৰ বিকাশ সাধন কৰাৰ মাজত বিশেষ পাৰ্থক্য নাই। উদাহৰণস্বৰূপে, কম বয়সীয়া ল'ৰা-ছোৱালীক তিনিৰ ধাৰণা বুজাৰ বাবে বিভিন্ন ধৰণৰ অভিজ্ঞতাৰ উদাহৰণ দিয়াৰ প্ৰয়োজন হয়।

বয়স বাঢ়ি যোৱাৰ পিছতে ভগ্নাংশৰ বিষয়ে শিকিবলৈ প্ৰাথমিক পৰ্যায়ৰ ছাত্র-ছাত্রীক বিস্তৃত আৰু বিভিন্ন ধৰণৰ অভিজ্ঞতাৰ প্ৰয়োজন হয়। তেতিয়াহে তেওঁলোকে ভগ্নাংশৰ শুন্দি ধাৰণা ল'বলৈ সমৰ্থ হ'ব।

ছাত্র-ছাত্রীবিলাকৰ বহুতৰে হয়তো বাস্তৱ অভিজ্ঞতা আছে যিবোৰে তেওঁলোকক ভগ্নাংশ বুজি পোৱাত সহায় কৰিব। Nunes (2006) যে গৱেষণাৰ পৰা পাইছিল যে প্ৰাথমিক পৰ্যায়ৰ ছাত্র-ছাত্রীসকলে হৰণৰ সমস্যাবোৰ সমাধান কৰোতে ভগ্নাংশৰ বিষয়ে কিছুমান ধাৰণা লয়।

ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভগ্নাংশৰ তুলনামূলক প্ৰকৃতিৰ বিষয়ে জানে। যেনে, এজন ছাত্রক এটা ডাঙৰ কেকৰ আধা অংশ আৰু অন্য এজনক তুলনামূলক ভাৱে সৰু কেক এটাৰ আধা অংশ দিয়া হ'ল। তেওঁলোক দুয়োজনে সমান পৰিমাণৰ কেক পালে নে? নিশ্চয় নাই পোৱাত্তু ইয়াৰ পৰা বুজা গ'ল যে দুয়োজনে সমান পৰিমাণৰ কেক পাবলৈ হ'লে কেক দুটাৰ আকাৰ একে হ'ব লাগিব। তেতিয়াহে ভগ্নাংশৰ পৰিমাণ একে থাকিব। লাহে লাহে তেওঁলোকে ভগ্নাংশৰ হৰ আৰু ইয়াৰ পৰিমাণৰ বিপৰীত (inverse) সমন্বন্ধ আছে এই বিষয়ে বুজি পাৰ। অৰ্থাৎ এটা সম্পূৰ্ণ বস্তু যদি বেছি মানুহৰ মাজত ভগাই দিয়া হয় তেনেহ'লে প্ৰতিজনে কম পৰিমাণৰ বস্তু পাৰ। অৰ্থাৎ মানুহৰ সংখ্যা বেছি হ'লে প্ৰত্যেকৰে ভাগত বস্তুৰ পৰিমাণ কমি যাব।

গাণিতিক ভাষা ব্যবহার করি ভগ্নাংশের বিষয়ে কথা পতা (Talking Fraction: Using the language)

গাণিতিক শব্দ ব্যবহার করি আপোনার ছাত্র-ছাত্রীক ভগ্নাংশের বিষয়ে কথা পাতিবলৈ উৎসাহিত করিলে ভগ্নাংশের লগত জড়িত হৈ থকা জটিল গাণিতিক শব্দ বিলাক বুজাত সহায় হ'ব। আপুনি ব্যবহার কৰা প্ৰাৰ্থোৰ জৰিয়তে ছাত্র-ছাত্রীক শুন্দ পৰিভাষাৰ (vocabulary) প্ৰয়োজনীয়তা সম্পর্কে বুজাত সহায় কৰিব।

পথমতে আপুনি ভগ্নাংশের সৈতে জড়িত আৰ্হি কিছুমান লৈ ছাত্র-ছাত্রীৰ লগত কথা পাতক। এই গাণিতিক শব্দৰোৰ কেনেদৰে ব্যবহাৰ কৰা হৈছে তালৈ ছাত্র ছাত্রীৰ মনোযোগ আকৰ্ষণ কৰিবলৈ চেষ্টা কৰক। ছাত্র-ছাত্রীয়ে যিমনেই শব্দৰোৰ নিজে ব্যবহাৰ কৰিব সিমানেই ভগ্নাংশ সম্বন্ধে বুজি পাব। ছাত্র-ছাত্রীয়ে নিজে নিজে প্ৰাৰ্থ সাজি ইজনে সিজনক সুধিলৈ কথা পতাৰ এটা ভাল সুবিধা পায়। আন এটা উপায় হৈছে, তেওঁলোকে নিজেই যুন্তিৰে ব্যাখ্যা কৰি উত্তৰ নিৰ্গত কৰিব পাৰে।

আপোনার পথম কার্যটো হৈছে শ্ৰেণীত ভগ্নাংশ শিকনত হোৱা সমস্যাসমূহৰ বাবে চিন্তা কৰা।

কাৰ্য 1: ছাত্র ছাত্রীৰ ভগ্নাংশ শিকনৰ বাবে চিন্তা কৰা (Activity 1: Thinking about your students learning fractions)

আপোনার ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভগ্নাংশের বিষয়ে কি জানিব লাগে সেই বিষয়ে ভাবক আৰু ইয়াৰ ওপৰত এটা টোকা প্ৰস্তুত কৰক। যদি আপুনি বহু শ্ৰেণীৰ বাবে শিক্ষণ কৰিব লাগে তেনেহলে আপুনি বিভিন্ন বয়সৰ ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভগ্নাংশের বিষয়ে কি জানিব লাগে এই বিষয়ে চিন্তা কৰাৰ প্ৰয়োজন আছে।

- কেনেদৰে ভগ্নাংশৰ পৰিমাণ উলিয়াব
- এটা ভগ্নাংশক আন এটা ভগ্নাংশৰ লগত কেনেদৰে তুলনা কৰিব।
- ভগ্নাংশবিলাক কেনেদৰে যোগ কৰিব

ভগ্নাংশৰ লগত জড়িত হৈ থকা প্ৰতিটো ধাৰণাৰ বাবে আৰু এই ধাৰণাৰ লগত জড়িত হৈ থকা গাণিতিক শব্দ বিলাক লিখিবলৈ দিয়ক। উদাহৰণস্বৰূপে, দহৰ আধা মানে 10 ক 2 ৰে হৰণ কৰি পোৱা মানৰ লগত একে। 10 ক $\frac{1}{2}$ ৰে পূৰণ কৰিবলৈও একে মান পোৱা যায়। এইবোৰ অৰ্থ সমতুল্য বুলিও ক'ব পাৰি। ইয়াক 10 ক 2 ৰে হৰণ কৰি বা 2 জন মানুহৰ মাজত 10 টা বস্তু ভগাই দিয়া হৈছে বুলিও প্ৰকাশ কৰিব পাৰি।

আপোনার শ্ৰেণীত কথা কিছুমান বিশেষ ছাত্র-ছাত্রীৰ কথা ভাবক। কিছুমান কাৰ্যৰ কথা ভাবক যাৰ জৰিয়তে আপোনার ছাত্র ছাত্রীসকলে এটা ভগ্নাংশৰ অৰ্থ বিভিন্ন ধৰণে ব্যাখ্যা কৰিব পাৰিব।

2. ভগ্নাংশৰ বিষয়ে বুজিবলৈ (2 Developing an understanding of fraction)

দ্বিতীয় কাৰ্যটোত ছাত্র-ছাত্রীয়ে শাৰীৰিক উপস্থাপনৰ জৰিয়তে ভগ্নাংশৰ ধাৰণা দিয়াৰ ওপৰত গুৰুত্ব আৰোপ কৰা হৈছে। ইয়াক শাৰীৰিকীকৰণ (embodiment) বুলিও কোৱা হয়। আপুনি ছাত্র ছাত্রী সকলক শাৰীৰৰ অংগৰ সহায়ত গাণিতিক ধাৰণা দিবলৈ কওক। যদি ছাত্র ছাত্রীসকলে তেওঁলোকৰ দ্বাৰাও ভগ্নাংশ সাজিব পাৰে, তেতিয়া হলে তেওঁলোকে ভগ্নাংশ কি বুজি পাব আৰু ইয়াৰ লগত জড়িত কাৰ্য সমূহ কৰিব পাৰিব।

এই কাৰ্যবোৰ ছাত্র ছাত্রীৰ আগত কৰাৰ আগতে আপুনি গোটেই কাৰ্যবোৰ বা ইয়াৰ কিছু অংশ নিজে চেষ্টা কৰি চোৱাটো ভাল হব। আপুনি যদি আপোনাৰ সহকাৰীৰ লগত কাৰ্য সম্বন্ধে আলোচনা কৰে তেতিয়া আৰু ভাল হয় কিয়নো ইয়ে আপোনাৰ অভিজ্ঞতাৰ প্ৰতিফলনত সহায় কৰিব। আপুনি নিজে চেষ্টা কৰা মানে আপুনি শিকাৰৰ অভিজ্ঞতা অনুধাৰন কৰিব পাৰিব যিটো আপোনাৰ শিক্ষণ প্ৰতি যাত এক নতুন অভিজ্ঞতা হ'ব।

কার্য-২ : ভগ্নাংশক শাব্দিক ভাবে উপস্থাপন (Activity 2: Physically representing fractions)

প্রস্তুতি (Preparation)

প্রথমে আঠজন ছাত্র-ছাত্রীক শ্রেণীকোর্টোর সম্মুখৰ পিনে আহি ঠিয় হ'বলৈ কওঁক যাতে শ্রেণীটোত থকা বাকী ছাত্র-ছাত্রীসকলে তেওঁলোকক ভালদৰে লক্ষ্য কৰিব পাৰে। এই কার্যটো কৰিবৰ কাৰণে-ঠাই উলিয়াই লব লাগিব।

কার্য

- ছাত্র-ছাত্রীকেইজনক আয়তাকাৰ আকৃতিত থিয় হ'বলৈ কওঁক।
- শ্রেণীৰ যিকোনো এজনক মাতি ছাত্র-ছাত্রীকেইজনক দুভাগত ভাগ কৰিবলৈ দিয়ক।
- আকো সেই একে আঠজন ছাত্র-ছাত্রীক আয়তাকাৰ আকৃতিত ঠিয় হ'বলৈ দিয়ক আৰু বেলেগ এজন ছাত্রক মাতি দলটো আগৰ বাৰতকৈ বেলেগ ধৰণে দুভাগ কৰিবলৈ কওঁক।
- এইবাৰ আপুনি ছাত্র-ছাত্রীসকলক দুইবাৰতেই বেলেগ বেলেগ ধৰণে কৰা ভাগবিলাকৰ বিষয়ে সোধক।
- এইবাৰ আন এজন ছাত্রক মাতি আঠজনীয়া দলটোক চাৰিভাগত ভগাবলৈ দিয়ক। ছাত্র-ছাত্রীক আকো বেলেগ ধৰণে ভাগ বা হৰণ কৰি দেখুৱাব পাৰি নেকি সোধক আৰু নতুন ধৰণে কৰা ভাগ বিলাকৰ কি একে আছে আৰু কি বেলেগ এই বিষয়ে সোধক।
- এইবাৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ সংখ্যা বেলেগ কৰি ওপৰত উল্লেখ কৰা নিয়ম মতে ছাত্র-ছাত্রীক কৰিবলৈ দিয়ক। চাৰিভাগত ভগাবলৈ তেওঁলোকে হয়তো টান পাৰ পাৰে। কিন্তু লোৱা সংখ্যাৰ ওপৰত নিৰ্ভৰ কৰি $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{3}$ ইত্যাদিৰ বাবে আপুনি ছাত্র-ছাত্রীক প্ৰ.ন. সুধিব। (যেতিয়ালৈ ভাগ কৰিব পৰা অৱস্থা থাকে তেতিয়ালৈকে)।
- ছাত্র-ছাত্রীসকলক 12 জনীয়া দলত ভাগ কৰি কাম কৰিবলৈ কওঁক। যদি ছাত্র-ছাত্রীবিলাক 12 জনকৈ সমানে ভাগ কৰিব নোৱাৰি তেনেহ'লে প্ৰতিটো দলৰ বাবে এজনকৈ দলপতি নিয়োগ কৰিব পাৰে। দলপতিয়ে নিজৰ নিজৰ দলে আলোচনা কৰি পোৱা ধাৰণাবোৰ লিপিবদ্ধ কৰিব। ছাত্র ছাত্রীসকলক 12 জন ছাত্র ছাত্রীক হৰণ কৰিব পৰা সকলো ভগ্নাংশৰ ওপৰত কাম কৰিবলৈ দিয়ক।

ভিডিও' : চিন্তাৰ বিকাশৰ বাবে প্ৰ.ন. ব্যৱহাৰ কৰি।



বিষয় অধ্যয়ন-১ : শ্রীমতী ৰজিতা বৰদলৈৰ কাৰ্য -১ ব্যৱহাৰ কৰি পোৱা অভিজ্ঞতাৰ প্ৰতিফলন (Case Study 1 : Mrs Rajita Bardoloi reflects on using Activity 1)

প্রথমে মই আঠজন ছাত্র-ছাত্রীক শ্রেণীৰ সমূখলৈ মাতি বাকী ছাত্র-ছাত্রীয়ে দেখাকৈ আয়তাকাৰ আকৃতি এটা গঠন কৰিবলৈ দিলো। মই অন্বেষাক এই আঠজন ছাত্র-ছাত্রীক দুভাগত ভাগ কৰিবলৈ দিলো। অন্বেষাই এই কামটো কৰিবলৈ সহজ পাইছিল।

তাৰ পিছত এই আঠজনীয়া দলটোক বেলেগ ধৰণে দুভাগত ভাগ কৰিব পাৰিব নে নাই আন এজনক প্ৰ.ন. সুধিছিলো। এই প্ৰ.ন.টো অলপ হ'লেও চিন্তাৰ্কৰক আছিল কিয়নো ছাত্র-ছাত্রীসকলে কেৱল এটা ধৰণেহে গাণিতিক প্ৰ.ন.বিলাকৰ উন্নৰ উলিয়াব পাৰিছিল। বিকল্প পদ্ধতি বা কৌশলৰ দ্বাৰাও যে উন্নৰ পাৰি সেই বিষয়ে তেওঁলোকৰ ধাৰণা নাছিল। সেয়েহে ছাত্র ছাত্রীসকলে অন্বেষাই কার্যটো ভুল

করিছে বুলি ভাবিছিল।

তার পিছত মই নীতাক মাতি দলটোক চারিভাগত ভগাবলৈ কৈছিলো। ছাত্র-ছাত্রীসকলে কার্যটো বহুধরণে করিব পারিছিল আৰু তেওঁলোকে প্রত্যেক ভাগত দুজনকৈ ছাত্র-ছাত্রী থাকিব বুলি কৈছিল। মই তার পিছত ছয়জন ছাত্র-ছাত্রীক শ্রেণীৰ সমুখলৈ মাতিলো। এইবাৰ মই তেওঁলোকক দুইধৰণে দুভাগত ভাগ কৰিবলৈ কৈছিলো। আৰু বেলেগ কি ভগ্নাংশত তোমালোকে ভগাব পাৰিবা? তেওঁলোকে ছয়জনে নিজৰ মাজত চারিভাগত ভগাবলৈ চেষ্টা কৰিছিল কিন্তু নোৱাৰিলো। কিন্তু তেওঁলোকে চেষ্টা কৰি তিনিভাগত ভাগ কৰিব পাৰিলো।

তার পিছত মই গোটেই শ্রেণীৰ ছাত্র-ছাত্রীবিলাকক 12 জনীয়া দলত ভগাই দিলো।

তেওঁলোকে কি ভগ্নাংশ উপস্থাপন কৰিব সুধিছিলো। এটা দলে দলটোক 12 টা ভাগত ভগাই দিছিল। বেছি ভাগ ছাত্র-ছাত্রীয়ে দুভাগ, তিনিভাগ ইত্যাদিত দলটো ভাগ কৰিছিল।

মই সুধিছিলো তোমালোকে সদায়ে একে উত্তৰ পাৰা নে? তেওঁলোকে হয় বুলি উত্তৰ দিছিল।

আপোনাৰ শিক্ষণ প্রতি যাব প্রতিফলন (Reflecting on your teaching practice)

শ্রেণীত কৰি অহা কাৰ্য বা অনুশীলনবোৰ ভিতৰত কোনৰোৰ ভাল হ'ল আৰু কোনৰোৰ বেছি ভাল নহল চালিজাৰি চোৱাটো নিতান্তই প্ৰয়োজন। যি বিলাক প্ৰ.এই ছাত্র ছাত্রীক কাৰ্যৰ প্ৰতি আগ্ৰহ জন্মাই আৰু গাণিতিক ধাৰণাৰ বিকাশ সাধন কৰে তেনেকুৰা প্ৰ.এ ব্যৱহাৰ কৰি তেওঁলোকক কাৰ্যৰ প্ৰতি আকৃষিত কৰিব লাগিব। এনেধৰণৰ কাৰ্যই ছাত্র ছাত্রীক ব্যস্ত কৰি বখাত সহয় কৰে আৰু গণিত শিক্ষণ শিকন প্রতি যা অধিক আমোদ জনক কৰি তোলে। কাৰ্যটো বুজি নাপালে ছাত্র ছাত্রীয়ে অংশ প্ৰহন নকৰাৰেই অধিক সন্তুলনা থাকে। আপুনিও এনে ধৰণৰ প্ৰতিফলিত অনুশীলন (reflective exercise) সঘনাই ব্যৱহাৰ কৰক যাৰ দ্বাৰা বজিতাই ভাল ফল পাৰলৈ সমৰ্থ হৈছিল।

চিন্তন (Pause for thought)

ভাল প্ৰ.এই এনেধৰণৰ প্রতিফলন কৰে -

- এই কাৰ্যটোত ছাত্র ছাত্রীয়ে কেনেধৰণৰ সঁহাবি জনাইছিল?
- ছাত্র ছাত্রীৰ পৰা পোৱা কি সহাঁবি আশানুৰূপ নাছিল?
- ছাত্র ছাত্রীৰ বোধৰ বিকাশ সাধনৰ বাবে কি প্ৰ.এ ব্যৱহাৰ কৰিছিল?
- আপুনি ছাত্র ছাত্রীক কিবা ক্ষেত্ৰত সহায় কৰিবলগীয়া হৈছিল বুলি অনুভৱ কৰিছিল নেকি?
- কিবা ক্ষেত্ৰত দৃঢ়ীকৰণ কৰিবলগীয়া হৈছিল বুলি অনুভৱ কৰিছিল নেকি?
- আপুনি কাৰ্যটোৰ কিবা সালসলনি কৰিছিল নেকি? যদি কৰিছিল, ইয়াৰ কাৰণ কি আছিল?

3 ফলপ্ৰসূ প্ৰ.এ সুধি (3 Asking questions effectively)

শিক্ষকে শিক্ষণ শিকন প্রতি যাত বহুতো প্ৰ.এ সোধে। কিছুমান গৱেষণাৰ পৰা পোৱা গৈছে যে শিক্ষক-শিক্ষিয়াত্মীয়ে প্ৰতিদিনে শিক্ষণত 400 টালৈকে প্ৰ.এ সোধে অৱশ্যে শিক্ষক-শিক্ষণয়াত্মীয়ে সোধা প্ৰ.এবিলাক যিমানেই ভাল হয় সিমানেই শিক্ষণৰ গুণগত মান উন্নত হয়। ভাল প্ৰ.এৰ ওপৰত বহুতো গৱেষণা হৈছে। উদাহৰণস্বৰূপে, wragg আৰু brown (2001) আৰু hattie (2008) ৰ ফলপ্ৰসূ প্ৰ.এৰ ওপৰত কৰা গৱেষণাৰ ফলাফল তলত দিয়া হৈছে-

- পাঠৰ শিকনক দৃঢ়ভাৱে সংযোগ কৰাত সহায় কৰে।
- ছাত্র-ছাত্রীৰ নতুন পাঠৰ ওপৰত ধাৰণা আছে নে নাই জনাত সহায় কৰে।

- ছাত্র-ছাত্রীক পাঠ বা কার্যর প্রতি আগ্রহ জন্মাই, জড়িতকরণ করি অভিবোচিত করাত সহায় করে।
- উচ্চ স্তরৰ চিন্তা করিবলৈ উৎসাহিত করে।
- ছাত্র ছাত্রীক স্টুপর্জিত জ্ঞান আহরণ করিবলৈ সমর্থ করোৱা।
- ছাত্র-ছাত্রীক নিজে নিজে জ্ঞান আহরণ করিবলৈ সমর্থ করে।
- ভুল ধাৰণা আতরোৱাত সহায় কৰে।
- যুক্তি আৰু চিন্তাবে আগবাঢ়ি ঘোৱাত সহায় কৰে।



চিন্তন (Pause for thought)

আপুনি আগৰ পাঠটো পঢ়াওতে ছাত্র-ছাত্রীক সোধা প্ৰ.এসমূহৰ ওপৰত প্রতিফলন কৰক।

- ছাত্র-ছাত্রীক সোধা প্ৰ.বোৰ চিন্তাকৰ্যক আছিল নে?
- শিক্ষণৰ সামান্য সালসলনিয়ে ছাত্র ছাত্রীৰ শিকনত প্ৰভাৱ পেলাব পাৰিছিল নে?
- আপুনি সোধা প্ৰ.এসমূহে ছাত্র-ছাত্রীক নিজে শিকিবৰ বাবে উৎসাহিত কৰিছিল নে?

কাৰ্য-3 ত ছাত্র-ছাত্রীক সুধিবলৈ কিছুমান ফলপ্ৰসূ প্ৰ. প্ৰস্তুত কৰিবলৈ দিয়া হৈছে। এই প্ৰ.এসমূহ শ্ৰেণীত পাঠদান কৰোতে ছাত্র-ছাত্রীৰ লগত চেষ্টা কৰিব কৰক

কাৰ্য-3 :- ভগ্নাংশৰ বিষয়ে উপযুক্ত প্ৰ. সুধি (Activity 3: Asking effective questions about fractions)

ভাগ-1 :- উপযুক্ত প্ৰ. সোধাৰ বাবে প্ৰস্তুতি (1 Preparing to ask effective questions)

আপুনি যদি এই কাৰ্যটো অন্য এজন শিক্ষকৰ লগত কৰি চাই, তেনেহলে কাৰ্যটো কৰিবলৈ আপোনাৰ বাবে বেছি সহজ হৈ পৰিব।

আপুনি গিছৰ পাঠত ভগ্নাংশৰ ওপৰত কি পঢ়াব এই বিষয়ে ভাৱক। আপুনি এই ধাৰণা শিকাবৰ বাবে ছাত্র-ছাত্রীয়ে কি জানিব লাগে বুলি ভাৱে? এই বিষয়ে টোকা প্ৰস্তুত কৰক।

ভগ্নাংশৰ ওপৰত শিকাব খোজা বিষয়বস্তুখনি বুজাবৰ বাবে ছাত্র ছাত্রীৰ কেনেকুৱা পূৰ্ব জ্ঞান থাকিব লাগিব? ছাত্র-ছাত্রীৰ কৰিব দিয়া কাৰ্যটো সম্পর্কে পূৰ্ব জ্ঞান আছে নে নাই জানিবলৈ বোৰ্ডত প্ৰ. এটা লিখি সোধক। উদাহৰণস্বৰূপে, আপুনি এনেকুৱা এটা প্ৰ. সুধিব পাৰে, তোমালোকে মোক এটাৰ উদাহৰণ দিব পাৰিবা নে? আৰু এটা? আৰু এটা? ছাত্র ছাত্রীক এনেদৰে বেছিকৈ উদাহৰণ দিবলৈ দিলে ছাত্র-ছাত্রীৰ পাঠ বা কাৰ্যৰ পূৰ্ব জ্ঞান আছে বুলি জানিব পাৰি। লগতে ছাত্র-ছাত্রীৰ মনত থকা কিছুমান ভুল ধাৰণাও গম পোৱা যাব।

ভগ্নাংশবিলাক কেনেদৰে বাস্তৱ জীৱনত ব্যৱহাৰ কৰা হয় এই বিষয়ে চিন্তা কৰক। ছাত্র-ছাত্রীয়ে জনা আৰু বাস্তৱ জীৱনৰ পৰা এটা প্ৰ. বোৰ্ডত লিখক যাৰ দ্বাৰা ছাত্র ছাত্রীক ব্যৱহাৰ কৰি পাঠৰ প্রতি আকৰ্ষণ কৰিব পৰা যায়। এইবাৰ আপুনি বিশেষ পাঠটো পঢ়াবৰ বাবে এটা সহজ প্ৰ. আৰু এটা জটিল প্ৰ. বোৰ্ডত লিখক।

ছাত্র ছাত্রীৰ ভগ্নাংশৰ ওপৰত হ'ব পৰা ভুল ধাৰণাবোৰৰ বিষয়ে ভাৱক। দুটা বা তিনিটা প্ৰ.ৰ দ্বাৰা আপুনি ছাত্র-ছাত্রীৰ ইয়াৰ ওপৰত কিবা ভুল ধাৰণা আছে নে নাই জানিব পাৰিব। আপুনি এনেকুৱা কিছুমান প্ৰ.ৰ উদাহৰণ 2 নং ক্ষেত্ৰ অধ্যয়নত পাৰ। ছাত্র-ছাত্রীয়ে দিয়া উত্তৰবিলাকৰ আপুনি কি দৰে সঁহাৰি জনাব, কেনেদৰে তেওঁলোকৰ শিকন দৃঢ়ীকৰণ কৰিব আৰু কেনেদৰে তেওঁলোকে ইয়াৰ ওপৰত বিস্তৃত ভাৱে চিন্তা কৰিব পাৰিব এই বিষয়ে জনাটো আপোনাৰ বাবে গুৰুত্বপূৰ্ণ। আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীৰ উত্তৰৰ সহািৰ বাবে 2 নং সমল ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰে।

এতিয়া এটা প্ৰ. লিখি ছাত্র ছাত্রীসকলে কেনেদৰে যুক্তিৰে প্ৰ.টোৰ সমাধান উলিয়াব পাৰিব তাকে কৰিবলৈ উৎসাহিত কৰক। উদাহৰণস্বৰূপে, “তোমাৰ ডাঙৰ বাইদেউৰে তুমি কোৱা কথা কেতিয়াও বি ধাস নকৰে।” তুমি কোৱা কথাতো বাইদেউক কেনেদৰে

পতিয়ন নিয়াবা?

ভাগ 2 শ্রেণীত আপোনাৰ ফলপ্ৰসূ প্ৰএ ব্যৱহাৰ কৰি (2 Using your effective questions in the classroom)

এতিয়া এই প্ৰএ বিলাক লিখি, শ্রেণীত ছাত্ৰ ছাত্ৰীৰ লগত ব্যৱহাৰ কৰক।

ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে এই প্ৰএ ব্যৱহাৰ কৰি বেছিকে শিকিছে বুলি ভাবিছে নেকি?

ভগ্নাংশ সমষ্টৰে প্ৰএ ব্যৱহাৰ কৰিবলৈ যাওঁতে ছাত্ৰ ছাত্ৰীক চিন্তাকৰ্ষক প্ৰএৰ জৰিয়তে আৰু বাস্তৱ বস্তৱ লগত কাম কৰিবলৈ দিবলৈ নাপাহৰিব যিবোৰে ধাৰণাৰ বিকাশ সাধনত কৰে।

ভিডিওঁঃ পাঠ পৰিকল্পনা কৰি



বিষয় অধ্যয়ন 2 : শ্ৰীমতী মহন্তৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে ভগ্নাংশ বিষয়ে বুজি পাইছেন নাই জানিবৰ বাবে প্ৰএ সুধিছে (Case Study 2 : Mrs Mahanta questions the students to check their understanding of fractions)

কাৰ্য 3 ৰ কথা ভাবোতে মই ঠিক কৰিলো যে সাধাৰণতে কৰাৰ দৰে মই ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক ভগ্নাংশৰ লগত পৰিচিত কৰিবলৈ বোৰ্ডত ভগ্নাংশ লিখি দিলো।

মই তলত দিয়া প্ৰএবোৰ প্ৰস্তুত কৰিছিলো।

- তোমালোকে এই বৃত্তটো কেনেদৰে দুভাগত / চাৰিভাগত / আঠভাগত ভাগ কৰিবা দেখুওৱা।
 - তুমি এইটো শুন্দি বুলি কেনেকৈ জানিলা ?
 - তোমাৰ পদ্ধতিটো স্পষ্টকৈ বৰ্ণনা কৰা।
 - তোমালোকৰ মাজৰ কোনোবাই বেলেগ পদ্ধতি ব্যৱহাৰ কৰি এইবোৰ ভাগ কৰিব পাৰিবানে ?
- এই বৃত্তটোত দুই ভাগৰ এক / চাৰিভাগৰ এক / আঠভাগৰ এক দেখুওৱা।
 - এইটো শুন্দি বুলি কেনেকৈ জানিলা ?
 - তোমাৰ পদ্ধতিটো স্পষ্টকৈ বৰ্ণনা কৰা।
 - তোমালোকৰ মাজৰ কোনোবাই বেলেগ পদ্ধতি ব্যৱহাৰ কৰি এইবোৰ কৰিব পাৰিবানে ?
- এই বৃত্তটোত তিনিভাগৰ এক / ছয়ভাগৰ এক / বাবভাগৰ এক দেখুৱাব পাৰিবানে ?
 - তুমি দেখুওৱাখিনি শুন্দি বুলি কেনেকৈ জানিলা ?
 - তোমাৰ পদ্ধতিটো ভালদৰে বৰ্ণনা কৰা।
 - কোনোবাই এইটো বেলেগ ধৰণে কৰিব পাৰিবা নেকি ?
- এই বৃত্তটোত এক তৃতীয়াংশ / এক পঞ্চমাংশ / এক সপ্তমাংশ দেখুৱাব পাৰিবানে ?
 - তুমি দেখুওৱা থিনি শুন্দি বুলি কেনেকৈ জানিলা।
 - তোমাৰ পদ্ধতিটো ভালদৰে বৰ্ণনা কৰা।
 - তোমালোকৰ কোনোবাই বেলেগ ধৰণে কৰিব পাৰিবা নেকি ?
- এই বৃত্তটোত তিনি চতুর্থাংশ / ছয় অষ্টাংশ বা আঠভাগৰ ছয় দেখুৱাব পাৰিবানে ?
 - তুমি দেখুওৱা থিনি শুন্দি বুলি কেনেকৈ জানিলা ?
 - তোমাৰ পদ্ধতিটো ভালদৰে বৰ্ণনা কৰা।

○ তোমালোকৰ এইটো বেলেগ ধৰণে কৰিব পাৰিবানে?

মই বোর্ডত বৃত্তটো আঁকি দিছিলো। তাৰ পিছত মই ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক বোৰ্ডলৈ মাতি তেওঁলোকক প্ৰ.ন. সুধিছিলো। প্ৰ.নকেইটা আগতে প্ৰস্তুত কৰি থোৱা বাবে মই ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক ভগ্নাংশ সম্বন্ধে যি মূল্যায়ণ কৰিব বিচাৰিছিলো, তাক কৰিব পাৰিছিলো। মই আৰু এটা কথা মন কৰিছিলো এই কাৰ্যবোৰৰ জৰিয়তে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে কথা পাতিবলৈ আৰু কাম কৰিবলৈ সুবিধা পাইছিল।



চিন্তন (Pause for thought)

- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বোধ শক্তিৰ বিকাশ কৰিবৰ বাবে কি প্ৰ.ন. ব্যৱহাৰ কৰিছিল?
- আপুনি প্ৰস্তুত কৰি অনা প্ৰ.নসমূহৰ কিবা পৰিৱৰ্তন কৰিব লগা হৈছিল নেকি?
- আপুনি সোধা প্ৰ.নবিলাকৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে দিয়া সহাৰিবোৰে ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলৰ শিকন দৃঢ়ীকৰণত সহায় হৈছিল নে?

4 ভাল প্ৰ.নকত্তই ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক ভাবিবলৈ সময় দিয়ে (4 Effective questioners give students time to think)

Mary Budd Rowe (1986) ৰে অপেক্ষা কৰিবলগীয়া সময় (wait time) অৰ্থাৎ শিক্ষকে ছাত্ৰ ছাত্ৰীক এটা প্ৰ.ন. সোধাৰ পিছত তেওঁলোকক উভৰটো ভাবিবলৈ দিয়া সময়ৰ ওপৰত গৱেষণা কৰিছিল। অপেক্ষা কৰা সময় মানে শিক্ষকে মনে মনে থকা সময়, যিথিনি সময়ৰ ভিতৰত শিক্ষকে ছাত্ৰ ছাত্ৰীৰ পাৰা সোধা প্ৰ.নটোৰ কেনেকুৰা উভৰ আশা কৰিছে বা ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে নিজৰ ভিতৰত আলোচনা কৰি কি উভৰ দিব এই বিষয়ে জনাটো। তেওঁৰ দলটোৱে 6 বছৰ ধৰি শিক্ষক সকলে সোধা 300টা প্ৰ.ন. টেপৰেকড কৰি বিষয় কৰিছিল। তেওঁলোকে গড় অপেক্ষা কৰা সময় (Mean wait time) 0.9---- ছেকেণ্ঠ পাইছিল।

যদি আপুনি সোধা প্ৰ.ন. এটাৰ উভৰ দিবলৈ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক ভাবিবলৈ সময়ৰ প্ৰয়োজন, আপুনি সঁচা অৰ্থত তেওঁলোকক সময় দিয়েনে, নে প্ৰ.নটো কৰাৰ লগে লগে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে উভৰ দিয়াটো বিচাৰে?

Budd Rowe ৰে গৱেষণা কৰোতে লোৱা শিক্ষক শিক্ষয়িত্ৰীখনি প্ৰশিক্ষণ প্রাপ্ত আছিল। সেয়েহে তেওঁলোকে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক সোধা প্ৰ.নবোৰৰ উভৰ ভাবিবলৈ দিবলৈ তিনিৰ পৰা পাঁচ চেকেণ্ঠ সময় অপেক্ষা কৰিবলৈ সিদ্ধান্ত লৈছিল। অপেক্ষা কৰা সময় (waiting) বঢ়াই দিয়াৰ বাবে ফলাফলবোৰ এনে ধৰণৰ পোৱা গৈছিল -

- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে দিয়া সঁহাৰিৰ সংখ্যা বেছি পোৱা।
- সংজ্ঞাকৃত কৰিব নোৱাৰা অথচ উপযুক্ত উভৰৰ সংখ্যা বৃদ্ধি হোৱা।
- প্ৰ.ন.ৰ প্ৰতি সঁহাৰি নজনোৱা ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা কমা।
- আভ্যন্তৰিক ধাসেৰে উভৰ দিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা বড়া।
- নিজে কৰি পোৱা উভৰ আনৰ লগত তুলনা কৰি চোৱা ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা বড়া।
- বিকল্প ব্যাখ্যা দিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা বড়া।

অন্য কথাত গলে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয় চিন্তা কৰিবলৈ বেছি সময় পালে শ্ৰেণীকোঠাত হোৱা আলোচনাবোৰত শিক্ষকে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে কিমান শিকিছে সেই বিষয়ে ধৰিব পাৰে আৰু আলোচনাৰ জৰিয়তে কিবা ভুল ধাৰণা থাকিলে আঁতৰ কৰিব পাৰে। অপেক্ষা কৰা সময় বৃদ্ধি কৰাটো ইমান সহজ নহয়। আৰম্ভণিতে আপোনাৰ আচহৰা যেন লাগিব পাৰে। কিন্তু ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে নিজে চিন্তা কৰিব লাগিলে তেওঁলোকক সময় দিব লাগিব।

কার্য 4 : অপেক্ষা করা সময় বৃদ্ধি করি (Activity 4 : increasing the wait time)

Budd Rowe বর গরেণার শিক্ষকসকলের নিচিনাকৈ আপুনিও পিছৰ পাঠটো পঢ়াওতে যিবোৰ প্ৰাৰ্থনাৰ কৰিব সেইবোৰ প্ৰাৰ্থনাৰ উভৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে দিবলৈ আপুনি আগতে দিয়া সময়তকৈ 5 চকেগু সময় বढ়াই দিব। পাঠৰ শেষত আপুনি চাওকঃ

- সচাকৈয়ে বেছি সংখ্যাক ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে আপোনাৰ প্ৰাৰ্থনাৰ প্ৰতি সঁহাৰি জনাইছেনে ?
- অসংজ্ঞাকৃত অথচ উপযুক্ত উভৰৰ সংখ্যা বৃদ্ধি হৈছেনে ?
- প্ৰাৰ্থনাৰ প্ৰতি সঁহাৰি নজনোৱা ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা কমিছেনে ?
- আত্মাৰ বাসেৰে উভৰ দিব পৰা ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা বাড়িছেনে ?
- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে নিৰ্ণয় কৰি পোৱা উভৰবোৰ আনৰ লগত তুলনা কৰি চাৰ পাৰিছেনে ?
- বিকল্প ব্যাখ্যা দিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সংখ্যা বৃদ্ধি হৈছেনে ?

এতিয়ালৈকে আলোচনা কৰি অহা ধাৰণাবিলাকৰ ওপৰত ভিত্তি কৰি পিছৰ কার্যটো সজোৱা হৈছে। এই কার্যটো কৰিবলৈ লওতে আপুনি-

- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক বাস্তৰ বস্তৰ সহায়ত কার্য কৰি কিছুমান চিন্তাকৰ্যক প্ৰাৰ্থনাৰ উভৰ দিবলৈ কোকো।
- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক একেলগে কাম কৰিবলৈ কওঁক যাতে ইজনে সিজনক সহায় কৰিব পাৰে।
- তেওঁলোকক ভাবিবলৈ অধিক সময় দিয়ক।

৫ নং কার্য : ভগ্নাংশৰ বিষয়ে শিকন: (Activity 5 : Learning about fractions)

প্ৰস্তুতি (Preparation)

এই কার্যটো এতিয়ালৈকে কৰি অহা কার্যসমূহৰ ভিতৰত এটা উচ্চ পৰ্যায়ৰ কার্যৰ উদাহৰণ। ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে ইয়াৰ সহায়ত ভগ্নাংশৰ ওপৰত তেওঁলোকৰ ধাৰণাৰ বিকাশ কৰিব পাৰিব। এই কার্যটো কৰিবৰ বাবে আপোনাক কাগজৰ পেট বা একে আকাৰৰ আয়তাকাৰ কাৰ্ডৰ প্ৰয়োজন হ'ব।

ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক তিনি বা চাৰিজনীয়া দলত ভাগ কৰক আৰু প্ৰত্যেক দলকে একোথাককৈ কাগজৰ পেট বা কাৰ্ড দিয়ক। এই কার্যটো প্ৰস্তুত কৰিবলৈ আপুনি মুখ্য সমলত থকা 'দলগত কার্যৰ ব্যৱহাৰ'ৰ সহায় ল'ব পাৰে।

কার্য

- প্ৰথমে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক কাগজৰ পেট এখন আধা কৰি দেখুৱাবলৈ কওঁক। তাৰ পিছত চাৰিভাগ কৰিবলৈ দিয়ক এইটো প্ৰয়োজনীয় যে এখন পেট ল'ব লাগিব বুলি ক'ব নালাগে। তেওঁলোকৰ মাজতে এই বিষয়ে চিন্তা কৰিবলৈ দিয়ক।
- প্ৰতিটো দলকে পেটবোৰ ব্যৱহাৰ কৰি ছয়ৰ আধা দেখুৱাবলৈ কওঁক।

প্ৰতিজন ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে বুজি পাইছে নে নাই সেই বিষয়ে নিশ্চিত হওঁক।

- এইবাৰ তেওঁলোকক কাগজৰ পেট বা কাৰ্ড ব্যৱহাৰ কৰি ভগ্নাংশৰ সমস্যামূলক অংক কেনেদৰে সমাধান কৰিব পাৰি তাৰ বিষয়ে সুধিৰ। যদি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে কার্যটো কৰিব পৰা নাই আপুনি এখন পেট ব্যৱহাৰ কৰি বুজাই দিব।

এই কার্যটোৰ জৰিয়তে প্ৰতিজন ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে ভগ্নাংশৰ লগতে খেলি ভগ্নাংশ নো কি এই বিষয়ে ভাবিব পাৰিব।

- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক তেওঁলোকে দুই ধৰণৰ প্ৰাৰ্থনাৰ ওপৰত কৰা কাৰ্যকেইটাৰ কি একে আৰু কি বেলেগ। এই বিষয়ে সোধক ইয়ে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক ভগ্নাংশবিলাক বেলেগ বেলেগ ধৰণে বুজোৱাত সহায় কৰিব।



চিত্র 1 : ছাত্র ছাত্রীর এটা দলে পেটে ব্যবহার করি ভগ্নাংশৰ বিষয়ে শিকি আছে।

এতিয়া দুরোটা ধাৰণা একেলগ কৰি সমস্যা সমাধান কৰো আহা।

- $12 \frac{1}{4}$ ব' মান কিমান হ'ব উলিয়াব কওঁক। তাৰ পিছত $13 \frac{1}{4}$ ব' মান কিমান হ'ব সোধক।
- যিকোনো এটা দলক সমস্যাটো কেনেদৰে সমাধান কৰিব সেই বিষয়ে সোধক।
- তাৰ পিছত ছাত্র-ছাত্রীক সমস্যাটোৰ সমাধান গাণিতিক ভাষা আৰু চিহ ব্যবহার কৰি কেনেদৰে কৰিব পাৰি সোধক। যিহেতু ছাত্র-ছাত্রীয়ে পেটৰোৰ ব্যবহার কৰি সমস্যাটোৰ গাণিতিক সম্বন্ধ উলিয়াব লাগিব। সেয়েহে এই বিষয়ে তাৰিখলৈ ছাত্র ছাত্রীক সময় দিব লাগিব।
- এতিয়া ছাত্র-ছাত্রীসকলক বেলেগ বেলেগ ধৰণৰ ভগ্নাংশৰ জটিল অংক কৰিবলৈ দিয়ক। উদাহৰণস্বৰূপে, $12 \frac{1}{5}$ বা $\frac{1}{5}$ ব' $\frac{1}{4}$ ইত্যাদি য'ত দুখন পেটে ভগোৱাৰ প্ৰয়োজন হ'ব।
- কেনেদৰে তেওঁলোকে এই অংককেইটা কৰিব এই বিষয়ে তেওঁলোকক আকৌ আলোচনা কৰিবলৈ দিয়ক।
- প্ৰত্যেক দলকে ভগ্নাংশৰ এটা সহজ আৰু এটা জটিল সমস্যামূলক অংক প্ৰস্তুত কৰিবলৈ কওক। এই কামটো কৰোতে এটা দলে আনটো দলক সহায় কৰিবলৈ কওক।

বিষয় অধ্যয়ন 3: শ্ৰীযুত মানস বৰুৱাৰ কাৰ্য 5 ব্যবহার কৰি পোৱা অভিজ্ঞতাৰ প্ৰতিফলন (Case Study 3 : Mr Manash Baruah reflects on using Activity 5)

মই প্ৰত্যেক দলক 12 খনকে কাগজৰ পেট দিছিলো। ভগ্নাংশ মানে যে সমানে ভগাই দিয়া এই বিষয়ে চিন্তা কৰিবলৈ পেটৰোৰ ছাত্র-ছাত্রীক দিয়া হৈছিল।

প্ৰথমে মই ছাত্র-ছাত্রীক কাগজৰ পেটৰোৰ চাৰিভাগত ভাগ কৰিবলৈ দিছিলো। মই প্ৰতিটো দলকে পেটৰোৰ কেনেদৰে চাৰিভাগত ভগাব সুধিলো। তাৰ পিছত মই 12 খন পেট তিনিভাগত ভগাবলৈ দি দিলো আৰু তেওঁলোকে এই কামটো কেনেদৰে কৰিব পাৰিব সুধিলো। মই প্ৰতিজন ছাত্র-ছাত্রীকে তেওঁলোকে কেনেকৈ কৰিছে বা কৰিব যে পাৰিছে এই বিষয়ে নিশ্চিত হৈছিলো। প্ৰতিজন ছাত্র-ছাত্রীয়ে কাৰ্যটোত জড়িত হৈ পৰিছিল আৰু আনন্দ অনুভৱ কৰা পৰিলক্ষিত হৈছিল।

এইবাৰ মই ছাত্র-ছাত্রীসকলক চিন্তাৰ খোৰাক যোগাব পৰা প্ৰ. দিবলৈ সাজু হলো। মই প্ৰতিটো দলকেই আৰু এখন পেট দিছিলো। এতিয়া প্ৰতিটো দলত থকা পেটৰ সংখ্যা 13 খন হ'ল। মই পেটকেইখনক চাৰিভাগ আৰু তিনিভাগত ভগাবলৈ দিছিলো। এইবাৰ ছাত্র-

ছাত্রীয়ে উপলব্ধি করিব পারিছিল যে পেটকেইখনক সমানে তিনি বা চারিভাগত ভাগ করিবলৈ হলে, পিছত দিয়া পেটখনকহে সমানে তিনি বা চারিভাগত ভাগ করিব লাগিব আৰু তেতিয়াহে গোটেই পেটকেইখন (13 খন) তিনি বা চারি ভাগত ভগাব পারিব। এই বিষয়ে পুনৰালোচনা কৰোতে মই বেছি সময় লৈছিলো। কাৰণ পিছত দিয়া পেট খন কি কাৰণে ভাগ করিব লগা হৈছিল প্ৰত্যেকজন ছাত্র-ছাত্রীয়ে বুজি পাব লাগিব। তাৰ পিছত মই পেটবিলাক তিনি আৰু চারিভাগত ভগাবলৈ দিছিলো আৰু কাটিবৰ বাবে কেঁচি যোগান ধৰিছিলো। কিছুমান ছাত্র-ছাত্রীয়ে পিছত বেছিকৈ দিয়া পেটখন কিয়নো ভাগ করিব লগা হৈছিল তাৰ ওপৰত বহুতো কাৰণ দৰ্শাইছিল। দলগত ভাৱে কাম কৰা বাবে দলৰ প্ৰতিজন ছাত্র-ছাত্রীয়ে মত বিনিময় কৰাৰ সুবিধা পাইছিল।



চিন্তন (Pause for thought)

- ছাত্র-ছাত্রীৰ বোধৰ বিকাশ সাধন কৰিবলৈ কেনেকুৰা প্ৰ. ব্যৱহাৰ কৰিছিল?
- আপুনি কিবা ক্ষেত্ৰত ছাত্র ছাত্রীসকলক সহায় কৰিব লগা হৈছিল বুলি অনুভৱ কৰিছিল নেকি?
- কি ক্ষেত্ৰত আপুনি দৃঢ়ীকৰণ কৰিবলগা হৈছিল বুলি অনুভৱ কৰিছিল?
- আপুনি বৰুৱা চাৰে কৰাৰ দৰে কাৰ্যটোৰ কিবা সাল-সলানি কৰিছিল নেকি? যদি কৰিছিল, ইয়াৰ কাৰণ কি আছিল।

5 সাৰাংশ (5 Summary)

এই গোটটোত ভগ্নাংশৰ শিক্ষণৰ ওপৰত গুৰুত্ব আৰোপ কৰা হৈছে। গোটটোৰ যোগেদি ছাত্র ছাত্রীক কেনেদৰে কিছুমান চিন্তাকৰ্যক প্ৰ. সুধিব এই বিষয়েও আলোচনা কৰা হৈছে। এই প্ৰ. সমূহৰ উন্নৰ ভাৰিবৰ বাবে যে যথেষ্ট সময় দিব লাগে এই বিষয়েও ইয়াত গুৰুত্ব আৰোপ কৰা হৈছে।

এই গোটটো আধ্যয়ন কৰি কেনেদৰে ছাত্র ছাত্রীয়ে ভগ্নাংশৰ ধাৰণাবোৰ ব্যৱহাৰ কৰিব পারিব এই বিষয়ে জানিব। ছাত্র ছাত্রীসকলক ভগ্নাংশৰ এই বিষয়ে জানিবলৈ আৰু বিভিন্ন ধৰণৰ কাৰ্য কৰিবলৈ সুবিধা প্ৰদান কৰিব লাগিব।

আপুনি এই গোটটো পঢ়ি কেনেদৰে এজন ভাল শিক্ষক হব পাৰে আৰু শিক্ষন শিকন প্ৰত্ৰিয়াত এইবোৰ ব্যৱহাৰ কৰিব এই বিষয়ে জানিব।



চিন্তন (Pause for thought)

এই গোটত শিকা তিনিটা কৌশল বা পদ্ধতি চিনাত কৰক যি বিলাক আপুনি আপোনাৰ শ্ৰেণীকোঠাত ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰিব।

সমল (Resources)

সমল 1 : NCF/NCFTE ৰ শিক্ষণৰ প্ৰয়োজনীয়তাসমূহ (Resource 1: NCF/NCFTE teaching requirements)

এই গোটটোৱে তলত দিয়া NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষণ প্ৰয়োজনীয়তাসমূহ সংযোগ কৰিছে আৰু এই প্ৰয়োজনীয়তাখনিয়ে ছাত্র-ছাত্রীক তলত দিয়া ধৰণে সহায় কৰিব।

- কাৰ্যৰ দ্বাৰা ছাত্র-ছাত্রীয়ে সংখ্যাৰ ধৰ্মৰ বিষয়ে অনুসন্ধান কৰিবলৈ শিকা।
- ছাত্র-ছাত্রীক শিকনত সত্ৰিয় অংশগ্ৰহণ কৰি জ্ঞান অৰ্জন কৰিবলৈ সামৰ্থ কৰা।

- ছাত্র-ছাত্রীয়ে যাতে একেলগে কাম করি আলোচনার জরিয়তে গণিত শিকিব পারি।

সমল 2 : ছাত্র ছাত্রীর পৰা পোরা উন্নব (Resource 2: Receiving answers from students)

ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া উন্নবোৰ আপুনি যিমানে যোগাইক ভাবে লব, সিমানেই ছাত্র ছাত্রীয়ে উন্নবোৰ দিবলৈ চিন্তা আৰু চেষ্টা কৰিবলৈ আৰাম্ভ কৰিব। ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া অশুন্দ আৰু ভুল ধাৰণাবোৰ নোহোৱা কৰিব পৰা বহুতো উপায় আছে। আপুনি যদি কোনোৱা এজন ছাত্র ছাত্রীৰ কাৰ্যটো কৰোতে কিবা ভুল ধাৰণা আছে বুলি ধৰিব পাৰে, তেতিয়া হ'লৈ আপুনি নিষিদ্ধ হ'ব পাৰে যে বাকী বহুতৰে ইয়াৰ ওপৰত একেই ভুল ধাৰণা আছে।

আপুনি তলত দিয়া ধৰণে চেষ্টা কৰিব পাৰে (Improving the quality of responses)

- ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া উন্নবৰ শুন্দ অংশৰ পৰা তেওঁলোকক বাকী অংশৰ উন্নব শুন্দকৈ দিবৰ বাবে চিন্তা কৰিবলৈ সহযোগীতা কৰক। ইয়ে আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীক শিকণত সত্ৰিয়া ভাবে জড়িত হোৱাত উদগানি যোগাই আৰু ভুল ধাৰণাৰ পৰা শুন্দ ধাৰণা পোৱাত সহায় কৰে। কেনেদৰে আপুনি ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া এটা অশুন্দ উন্নবৰ এটি সহযোগীতাৰে শুন্দ মতামত আগবঢ়াব উল্লেখ কৰা হৈছে। তুমি ঠিকেই ধৰিছা যে বাষ্পীভৱনৰ দ্বাৰা মেঘৰ সৃষ্টি হয়। কিন্তু মই ভাবো আমি তুমি উল্লেখ কৰা বৰষুনৰ বিষয়ে আমি বেছিকে অনুসন্ধান কৰা প্ৰয়োজন। তোমালোকৰ কোনোবাই কিবা ধাৰনা দিব পাৰিছা নেকি?
- ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া সকলোৰোৰ উন্নব বোৰ্ডত লিখক আৰু ছাত্র ছাত্রীক এই বিষয়ে ভাৰিবলৈ দিয়ক। তেওঁলোকে কোনোৰ উন্নব শুন্দ বুলি ভাৰিছে। বাকী উন্নব বিলাকে ছাত্র ছাত্রীক ভাৰিবলৈ সুবিধা প্ৰদান কৰে আৰু তেওঁলোকৰ মনত থকা ভুল ধাৰণা ভয় নকৰাকৈ আত্ৰোৱাৰ সুবিধা পায়। সকলো ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া উন্নবৰ সঁহাৰিব প্ৰতি খুব ভালকৈ শুনিব আৰু ছাত্র ছাত্রীক আকৌ বৰ্ণনা কৰিবলৈ দিব। আপুনি যদি সকলোৰোৰ উন্নব বা ভুলকৈ ব্যাখ্যা কৰিবলৈ দিয়ে, ছাত্র ছাত্রীয়ে তেওঁলোকে কৰা ভুলৰোৰ শুন্দ কৰিবলৈ সুবিধা পাব। এনেদৰে আপুনি শ্ৰেণীকোঠাৰ ছাত্র ছাত্রীয়ে চিন্তা কৰাৰ পৰিবশ সৃষ্টি কৰিব পাৰিব আৰু আপুনি আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীয়ে শিকনৰ পৰিসীমা জনা আটায়ে আপুনি জানিব আৰু কেনেদৰে ছাত্র ছাত্রীক আগবঢ়াই নিব সেই বিষয়ে জানিব। যদি ছাত্র ছাত্রীয়ে দিয়া অশুন্দ উন্নবৰ বাবে শাস্তি বা অপমান কৰা হয়, তেনেহলে আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীসকলে ভবিষ্যতে অপমান নাপাবলৈ বা লাজত নপৰিবলৈ প্ৰ.ৱ উন্নব দিবলৈ শংকা বোধ কৰিব।

সঁহাৰিব গুণগত মান উন্নত কৰিবলৈ (Improving the quality of responses)

এইটো গুৰুত্ব পূৰ্ণ যে আপুনি ত্র মাগত ভাবে প্ৰ.ৱ সুধিৰলৈ চেষ্টা কৰিব যিবোৰৰ পৰা আপুনি বিচৰা শুন্দ উন্নব নাপাব পাৰে। শুন্দ উন্নব দিলে আপুনি তেওঁলোকৰ জ্ঞান বিস্তৃত কৰিবলৈ প্ৰ.ৱ সোধা উচিত। ইয়ে ছাত্র ছাত্রীক শিক্ষকৰ লগত কাম কৰি ব্যস্ত হবলৈ সুবিধা পায়। আপুনি এইটো আপুনি প্ৰ.ৱ দিবলৈ শংকা বোধ কৰিব।

- কেতিয়া আৰু কিয়
- অন্য ধৰণে দিয়া উন্নব
- ভাল শব্দ
- উন্নব সপক্ষে প্ৰমান (evidence to substantiate an answer)
- সম্পৰ্ক থকা কৌশলৰ সমন্বয়ত
- এটা নতুন সজাগ পৰিবেশৰ (skilling) একেটা কৌশলকে বা যুন্নিৰ প্ৰয়োগ।

- ছাত্র ছাত্রীক তেওঁলোকে দিয়া উন্নতবোর বিষয়ে আৰু গভীৰ ভাবে চিন্তা কৰিবলৈ দিবলৈ সহায় কৰাটো শিক্ষক হচাপে আপোনাৰ ভূমিকা গুৰুত্বপূৰ্ণ। তলত উল্লেখ কৰা কৌশল সমূহে ছাত্র ছাত্রীক
- প্ৰৰোচন (prompting) জৰিয়তে সঠিক বা উপযুক্ত ইংগিত দিয়া হয় যাৰ দ্বাৰা ছাত্র ছাত্রীসকলে শন্দ উন্নত দিব পাৰে। আপুনি হয়তো প্ৰথমে উন্নতবোৰ কিমান খিনি শন্দ হৈছি তাৰ পিছত কিছুমান তথ্য যোগান ধৰিব আৰু তাৰ পিছত আকে বেলেগ প্ৰ. সুধিৰ আৰু তাৰ বাবে কিছুমান ইংগিত দিব :-----
- নমুনা প্ৰদান (Probing) মানে ছাত্র ছাত্রীয়ে খেলিমেলিকৈ দিয়া বা আংশিক ভাবে দিয়া শন্দ উন্নতবোৰ কেনেকৈ শন্দকৈ কৰিব পাৰি সেই বিষয়ে আভাস দিয়া। (কেনেকৈ এইটো একেলগে খাপ খাব সেই বিষয়ে আপুনি মোক আৰু অধিক কি কৰ?)
- পুনঃ নিৰীক্ষণ (Refocusing) মানে ছাত্র ছাত্রীয়ে আগতে শিকি অহা জ্ঞানৰ লগত ছাত্র ছাত্রীক শন্দ জ্ঞান দিবলৈ সম্বন্ধ স্থাপন কৰা। ইয়ে তেওঁলোকৰ বোধৰ বিকাশ প্ৰসাৰ কৰাত সহায় কৰে। (তুমি কোৱা কথা খিনি শন্দ এইখিনি কিন্তু আমি যোৱা সপ্তৃত আলোচনা কৰা স্থানীয় পৰিবেশ পাঠ্টিৰ লগত কেনেদৰে সম্বন্ধ স্থাপন কৰিব?)
- অ মাগত (Sequencing) প্ৰ. মানে বিস্তৃত চিন্তাৰ বিকাশ সাধন কৰিবৰ বাবে সোধা প্ৰ. ছাত্র ছাত্রীক সোধা প্ৰ.সমূহ তেওঁলোকৰ সংক্ষিপ্তকৰণ, তুলনা, বৰ্ণনা আৰু বিবে ষণ কৰিব পৰা ধৰণৰ হ'ব লাগে। যিবোৰ প্ৰ.ই ছাত্র ছাত্রীকৈ ভাৰিবলৈ শিকায়, কিন্তু বেলেগ বেলেগ অৰ্থ বহন নকৰে তেনেকুৱা প্ৰ. সুধিৰ লাগে।
- প্ৰবনৰ (Listening) দ্বাৰা আপুনি আশা কৰা মতে প্ৰ.টোৰ উন্নত পোৱাৰ কথা ভবাৰ উপৰিও কিছুমান আশা নকৰা আবিস্কাৰ মূলক (Innovative) আৰু অস্বাভাবিক (unusual) ধৰণৰ উন্নত পাবলৈ ভবাৰ অৱকাশ আছে। এইটোৱেই ইয়াকে সূচায় যে আপুনি ছাত্র ছাত্রীৰে চিন্তা ভাবনাৰ প্ৰতি লক্ষ্য বাখে কাৰণে চিন্তা কৰি উন্নত দিয়ে। এনেকুৱা উন্নতবোৰ ছাত্র ছাত্রীৰ ভুল ধাৰণা থকাৰ কথা বুজায় যিটো আপুনি শন্দ কৰি দিয়াটো প্ৰয়োজন।

শিক্ষক হিচাপে আপুনি এনেধৰণৰ প্ৰ. সোধাৰ প্ৰয়োজন যি বোৰ প্ৰ.ৰ দ্বাৰা ছাত্র ছাত্রীয়ে আমোদ আৰু আবিস্কাৰ মূলক উন্নত দিব পাৰে। আপুনি তেওঁলোকক উন্নত দিবৰ বাবে সময় দিব লাগিব। তেতিয়াহে আপুনি প্ৰকৃতার্থত গম পাব যে আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীয়ে কিমান জানে আৰু তেওঁলোকক কেনেদৰে শিকণত আগবঢ়াই লৈ যাব লাগিব।

মনত ৰাখিব, শিক্ষকে কিমান জনে তাৰ ওপৰত ভিত্তি কৰি প্ৰ. সোধা নহয়, ছাত্র ছাত্রীয়ে কিমান জানে তাৰ ওপৰত ভিত্তি নিৰ্ভৰ কৰিবে প্ৰ. সুধিৰ লাগে। এইটো এটা গুৰুত্বপূৰ্ণ কথা যে আপুনি সোধা প্ৰ.টোৰ উন্নত নিজে নিদিব। যদি ছাত্র ছাত্রীয়ে গম পায় যে আপুনি প্ৰ.ৰ উন্নতবোৰ তেওঁলোকে কেই চেকেণ্ড মান মনে মনে থকাৰ পিছত কৈ দিব, তেতিয়া হলে- তেওঁলোকে উন্নত দিবলৈ কি অনুপ্ৰেৰণা পাব? সেয়েহে ছাত্র ছাত্রীসকলে প্ৰ.ৰ উন্নতবোৰে চিন্তা কৰি দিব বুলি আশা কৰা যায়। এনেকুৱা ধৰণৰ উন্নতবোৰত ছাত্র ছাত্রীৰ ভুল ধাৰণাও সোমাই থাকিব পাৰে যিবোৰ শুধৰণিৰ প্ৰয়োজন আছে। অথবা তেওঁলোকে কিছুমান এনেকুৱা নতুন পদ্ধতি প্ৰয়োগ কৰিব পাৰে যিটো আপুনি হয়তো কেতিয়াও বিবেচনা কৰা নাছিলো (“মই ইয়াৰ বিষয়ে এই কথাটো ভবাই নাছিলো। তুমি কিয় এনেদৰে ভাৰিচা মোক ভালকৈ কোৱাচোন”)

(যদি তোমাৰ কাগজৰে তৈয়াৰ কৰা এৰোপ্লেনখনত এটা ওজন দিয়া হয় তেতিয়া কি হব?)

Additional resources

- A newly developed maths portal by the Karnataka government:<http://karnatakaeducation.org.in/KOER/en/index.php/Portal:Mathematics>
- National Centre for Excellence in the Teaching of Mathematics: <https://www.ncetm.org.uk/>
- National STEM Centre: <http://www.nationalstemcentre.org.uk/>
- National Numeracy: <http://www.nationalnumeracy.org.uk/home/index.html>
- BBC Bitesize: <http://www.bbc.co.uk/bitesize/>

- Khan Academy's math section: <https://www.khanacademy.org/math>
- NRICH: <http://nrich.maths.org/frontpage>
- Art of Problem Solving's resources page: <http://www.artofproblemsolving.com/Resources/index.php>
- Teachnology: <http://www.teach-nology.com/worksheets/math/>
- Math Playground's logic games: <http://www.mathplayground.com/logicgames.html>
- Maths is Fun: <http://www.mathsisfun.com/>
- Coolmath4kids.com: <http://www.coolmath4kids.com/>
- National Council of Educational Research and Training's textbooks for teaching mathematics and for teacher training of mathematics: <http://www.ncert.nic.in/ncerts/textbook/textbook.htm>
- AMT-01 *Aspects of Teaching Primary School Mathematics*, Block 1 ('Aspects of Teaching Mathematics'), Block 2 ('Numbers (I)'), Block 3 ('Numbers (II)'), Block 4 ('Fractions'): <http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-amt-01-study-materialbooks.html>
- LMT-01 *Learning Mathematics*, Block 1 ('Approaches to Learning') Block 2 ('Encouraging Learning in the Classroom'), Block 4 ('On Spatial Learning'), Block 5 ('Exploring Numbers'), Block 6 ('Thinking Mathematically'): <http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-lmt-01-study-materialbooks.html>
- *Manual of Mathematics Teaching Aids for Primary Schools*, published by NCERT: <http://www.arvindguptatoys.com/arvindgupta/pks-primarymanual.pdf>
- *Learning Curve and At Right Angles*, periodicals about mathematics and its teaching: <http://azimpremjifoundation.org/Foundation Publications>
- Textbooks developed by the Eklavya Foundation with activity-based teaching mathematics at the primary level: <http://www.eklavya.in/pdfs/Catalogue/Eklavya Catalogue 2012.pdf>
- Central Board of Secondary Education's books and support material (also including *List of Hands-on Activities in Mathematics for Classes III to VII*) – select 'CBSE publications', then 'Books and support material': <http://cbse.nic.in/welcome.htm>

References/bibliography

- Bell, A. (1987) 'Diagnostic teaching 3: provoking discussion', *Mathematics Teaching*, vol. 118, pp. 21–3.
- Budd Rowe, M. (1986) 'Wait time: slowing down may be a way of speeding up!', *Journal of Teacher Education*, vol. 43, pp. 44–50. Abstract available from: <http://ite.sagepub.com/cgi/content/abstract/37/1/43> (accessed 3 February 2014).
- Hastings, S. (2003) 'Questioning', *TES Newspaper*, 4 July. Available from: <http://www.tes.co.uk/article.aspx?storycode=381755> (accessed 22 September 2014).
- Hattie, J. (2008) *Visible Learning: A Synthesis of Over 800 Meta-analyses Relating to Achievement*. New York, NY: Routledge.
- Hattie, J. (2012) *Visible Learning for Teachers: Maximising the Impact on Learning*. Abingdon: Routledge.
- National Council for Teacher Education (2009) *National Curriculum Framework for Teacher Education* (online). New Delhi: NCTE. Available from: http://www.ncte-india.org/publicnotice/NCFTE_2010.pdf (accessed 3 February 2014).
- National Council of Educational Research and Training (2005) *National Curriculum Framework (NCF)*. New Delhi: NCERT.
- Nunes, T. (2006) *Fractions: Difficult but Crucial in Mathematics Learning*, Teaching and Learning Research Brief, Economic and Social Research Council, UK. Available from: http://www.tlrp.org/pub/documents/no13_nunes.pdf (accessed 3 February 2014).
- Watson, A., Jones, K. and Pratt, D. (2013) *Key Ideas in Teaching Mathematics*. Oxford: Oxford University Press.

Wragg, E. and Brown, G. (2001) *Questioning in the Secondary School*. London: RoutledgeFalmer.

Zack, V. and Graves, B. (2001) 'Making mathematical meaning through dialogue: "Once you think of it, the Z minus three seems pretty weird"', *Educational Studies in Mathematics*, vol. 46, pp. 229–71.

Acknowledgements

This content is made available under a Creative Commons Attribution-ShareAlike licence (<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/>), unless identified otherwise. The licence excludes the use of the TESS-India, OU and UKAID logos, which may only be used unadapted within the TESS-India project.

Every effort has been made to contact copyright owners. If any have been inadvertently overlooked the publishers will be pleased to make the necessary arrangements at the first opportunity.

Video (including video stills): thanks are extended to the teacher educators, headteachers, teachers and students across India who worked with The Open University in the productions.