

মাধ্যমিক গণিত

Connecting mathematics:
finding factors and multiples

গাণিতিক সংযোগঃ

সংখ্যাৰ উৎপাদক আৰু গুণিতক নির্দীৰণ।



Teacher Education
through School-based
Support in India
www.TESS-India.edu.in

অনুবাদ আৰু অভিযোজন : ৰাজ্যিক শিক্ষা গৱেষণা অৰু প্ৰশিক্ষণ পৰিষদ, অসম



<http://creativecommons.org/licenses/>



TESS.India ৰ লক্ষ্য হৈছে মুন্তলশিক্ষা সমলৰ যোগেদি ভাৰতৰ প্ৰাথমিক আৰু মাধ্যামিক শিক্ষক সকলৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ কাৰ্য উন্নত কৰাৰ লগতে ছা৤-ছাত্ৰী কেন্দ্ৰীক অংশগ্ৰহণকাৰী প্ৰয়াসৰ বিকাশ কৰা। TESS.India ৰ মুন্তলশিক্ষা সমল সমূহে শিক্ষকক পাঠ্যপুঁথিৰ লগতে সহযোগীতা আগবঢ়ায়। শিক্ষক সকলে তেওঁলোকৰ শ্ৰেণীকোঠাত ছা৤-ছাত্ৰী সকলৰ সৈতে আৰু পৰিস্থিতি অধ্যয়নৰ জৰিয়তে ত্ৰিস্তাকলাপ সমূহ ব্যৱহাৰ কৰাৰ লগতে অন্য শিক্ষকে তেওঁলোকৰ পাঠ পৰিকল্পনা আৰু বিষয় জ্ঞানৰ বাবে সংযোগকাৰী সমলসমূহৰ সহায় ল'ব, এই সকলোবোৰে মুন্তলশিক্ষা সমলৰ দ্বাৰা সন্তুষ্ট হ'ব।

TESS.India ৰ মুন্তলশিক্ষা সমল সমূহ ভাৰতীয় পাঠ্যত্ৰিলু আৰু প্ৰাসংগিকতা সমূহক আগত ৰাখি ভাৰতীয় আৰু আন্তঃৰাষ্ট্ৰীয় লিখকৰ দ্বাৰাই লিখা হৈছে লগতে ছপা মাধ্যম তথা অনলাইনত (<http://www.tess-india.edu.in/>) সহজ লভ্য কৰা হৈছে। মুন্তলশিক্ষা সমল সমূহ প্ৰতিখন অংশগ্ৰহণকাৰী ভাৰতীয় ৰাজ্যৰ বাবে বিভিন্ন ভাষাত সহজলভ্য হৈছে আৰু ব্যৱহাৰকাৰী সকলক আমন্ত্ৰন কৰি স্থানীয় প্ৰয়োজনীয়তা আৰু প্ৰাসংগিকতা পূৰ্বাৰ পৰাকৈ স্থানীয়ভাৱে পৰিবেশৰ অনুকূল (adapt and localise) কৰি যুগ্মত কৰা হৈছে।

TESS.India মুন্তলবিহুবিদ্যালয়, ইংলেণ্ডৰ দ্বাৰা নেতৃত্ব দিয়া হৈছে আৰু ইংলেণ্ড চৰকাৰৰ দ্বাৰা পুঁজিৰে যোগান ধৰা হৈছে।

দৃশ্য সমল (video resources)

এই গোটটোৰ কিছুমান ত্ৰিস্তাকলাপ তলত দিয়া প্ৰতিকৃতি: . ৰ দ্বাৰা সংযোজিত কৰা হৈছে। এইটোৱে ইয়াকে সূচাইছে যে কিছুমান বিশেষ শৈক্ষিক বিষয়বস্তুৰ বাবে আপুনি TESS.India ৰ দৃশ্য সমলৰ সহায় ল'ব পাৰে।

TESS.India দৃশ্য সমলে ভাৰতৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ পৰিবেশত মুখ্য শৈক্ষিক কৌশলসমূহ বিস্তৃত ভিত্তিত ব্যাখ্যা কৰে। আমি আশা ৰাখিছো যে এই সমল সমূহে আপোনাক একে ব্যৱহাৰিক অনুশীলন সমূহ কৰিবলৈ অনুপ্ৰাণিত কৰিব। এই পাঠ ভিত্তিক গোটসমূহৰ দ্বাৰাই আপোনাৰ কাম কৰাৰ অভিজ্ঞতা উন্নীত কৰিবলৈ আৰু তাক সন্মান জনাবলৈ বিচৰা হৈছে কিন্তু যদি গোট সমূহৰ ভিতৰত প্ৰবেশ কৰিবলৈ সমৰ্থ নহয় তেন্তে সেই সমূহ অসম্পূৰ্ণ হৈ ৰ'ব।

TESS.India দৃশ্য সমল সমূহ অনলাইনত চাৰ পাৰিব নতুৱা TESS.India ৱেবচাইটৰ পৰা ডাউনলোড কৰিব পাৰিব (<http://www.tess-india.edu.in/>) নতুৱা আপুনি এই দৃশ্য সমূহ চি.ডি. নাইৰা মেমৰি কাৰ্ডত উপলব্ধ কৰিব পাৰিব।

এই গোটটোর বিষয়ে (What this unit is about)

গণিত উৎপাদক আৰু গুণিতক উলিওৱা এক অপৰিহার্য অংশ। সৰু কালতেই যেতিয়া পূৰণ আৰু হৰণ শিকা হয়, এই ধাৰণাসমূহ আৰম্ভ হয়। স্কুলৰ গণিতত ই ত্ৰান্তাব্ধয়ে গঢ় লৈ উঠে আৰু উচ্চ পৰ্যায়ৰ গণিততো ইয়াৰ ব্যৱহাৰ হয়।

এই গোটত আপোনালোকে উৎপাদক আৰু গুণিতকৰ ধাৰণা সম্পর্কে ভাৰিব আৰু এই ধাৰণাসমূহ গৱিষ্ঠ সাধাৰণ গুণনীয় (গ.সা.উ.)আৰু লঘিষ্ঠ সাধাৰণ গুণিতক (ল.সা.গ.)ত ব্যৱহাৰ কৰিব। কাৰ্যাবলীৰ বিষয়ে আপুনিৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে গণিতীয় ধাৰণাৰ জৰিয়তে কৰা চিন্তা আৰু সংযোগৰ বিষয়ে ভাৰিব। গণিত শিক্ষকৰ বাবে পাঠ্যপুথি অতিকৈ মূল্যবান সমল, কিন্তু ই শিক্ষণৰ বাধা হ'ব পাৰে। এই গোটটিত আপোনালোকে পাঠ্যপুথি সৃজনশীলভাৱে ব্যৱহাৰ কৰা সম্পর্কে চিন্তা কৰিব।

এই পাঠটিত আপুনি কি শিকিব পাৰিব What you can learn in this unit)

- পাঠ্যপুথিৰ প্ৰয়োজনীয় কেনেকৈ অধিক সুন্দৰ আৰু আকৰ্ষণীয় কৰিব পাৰি।
- উত্তৰ বিচৰাৰ পৰিৱৰ্তে গণিতকৰণৰ পদ্ধতিৰ ওপৰত আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক অধিক দৃষ্টি নিবন্ধ কৰাত সহায় কৰাৰ কেতোৰ উপদেশ।
- গণিতীয় ধাৰণা আৰু গুণাবলীৰ মাজত কেনেদৰে সম্পৰ্ক প্ৰস্তুত কৰিব পাৰি।

সমল 1 অত উনুকিওৱা এন চি এফ (2005) আৰু এন চি এফ টি ই (2009) ৰ শিক্ষণ প্ৰয়োজনীয়তাৰ সৈতে এই গোট সংযুক্তভাৱে

1 পাঠ্যপুথিৰ পৰা শিকনৰ কেতোৰ বিষয়বস্তু (Some issues with learning from textbooks)

গণিতীয় ধাৰণাবোৰ মাজত সম্বন্ধ স্থাপন কৰা বিষয় গণিত বুজাৰ ক্ষেত্ৰত অতি প্ৰয়োজনীয়। গৱেষণা অনুসৰি, যিসকল শিক্ষকে তেওঁলোকৰ শিক্ষণত সংযোগ স্থাপন কৰে তেওঁলোক নকৰা সকলতকৈ অধিক কৃতকাৰ্য হয় (আচকিউ ইত্যাদি (1997))। সংযোগ স্থাপনও এক আনন্দদায়ক অংশ। যেতিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে পাঠ্যপুথিৰ প্ৰয়োজনীয়তাৰ কেতোৰ সহায় কৰাৰ কেতোৰ মূল লক্ষ্য হয় কিমান সোনকালে প্ৰয়োজনীয় সম্পূৰ্ণ কৰিব পৰা যায় আৰু এই প্ৰয়োজনীয় এটা ধাৰণাৰ মাথোঁ এক অংশ যেনে এটা সংখ্যাৰ সকলো উৎপাদকৰ তালিকাকৰণ।

যেতিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে পাঠ্যপুথি ব্যৱহাৰ কৰে। শিকনৰ উদ্দেশ্য সদায়েই তেওঁলোকৰ বাবে স্বচ্ছ নহয়। তেওঁলোকে সমস্যাসমূহ শুন্দিভাৱে সম্পূৰ্ণ কৰাত ইমান মচগুল হৈ থাকে যে হ'বলগীয়া যিকোনো দৃশ্য হৈৰাব পাৰে।



চিন্তন (Pause for thought)

আপোনাৰ শ্ৰেণীৰ এটা শেহতীয়া গণিত পাঠৰ কথা চিন্তা কৰক। ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে পাঠ্যপুথিৰ কোনো প্ৰয়োজনীয়তাৰ কেৱলোতে কেনেকুৰা শিকন পৰিলক্ষিত হয়? তেওঁলোকে কেনে ধৰণৰ গণিত শিকে? তেওঁলোকে কিমানদূৰ গণিতীয় ভাৱে চিন্তা কৰে? তেওঁলোকে কিমান দূৰ গণিতীয় ধাৰণা আৰু বিষয়ৰ মাজত সংযোগ প্ৰতিষ্ঠা কৰে? আপুনি কিয় এই বিষয়ে চিন্তন কৰিছে?

এই গোটৰ কাৰ্যাবলীসমূহ পাঠ্যপুথিত থকা সমস্যা আৰু উদাহৰণসমূহৰ পৰা লোৱা হৈছে। নিম্নোলিখিত ধৰণে ছাত্ৰ-ছাত্ৰক প্ৰয়োজনীয় কৰা চাওক, ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক যান্ত্ৰিকভাৱে উত্তৰ উলিওৱাৰ পৰা প্ৰকৃতাৰ্থত কেনেকৈ ভৱা পৰ্যায়লৈ আগবঢ়াই নিব পাৰি।

- এই উত্তৰটো কেনেকৈ পালা?
- এই প্ৰয়োজনীয় উত্তৰবোৰৰ মাজত মিল আৰু অমিল কি?
- তোমাৰ চিন্তন প্ৰতিক্ৰিয়াত থকা মিল-অমিল সমূহ কি?

যেতিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক শিকন প্ৰতিক্ৰিয়া সম্পৰ্কে আৰু সংযোগ স্থাপনৰ বাবে ভাৰিবলৈ সুবিধা দিয়া হয়, তেওঁলোকে শিকিবৰ বাবে শিকে। তথাপি প্ৰথমতে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে এনে ধৰণৰ প্ৰয়োজনীয়তাৰ বাবে অসুবিধা পাৰে যিহেতু আগতে এনে ধৰণে নাভাৰিবও পাৰে। গতিকে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বাবে সহায়ৰ প্ৰয়োজন হয়, উদাহৰণ স্বৰূপে সহপাঠীসকলৰ লগত দলীয় অথবা যুটীয়াভাৱে কাম কৰাৰ মাজেদি।

2 গণিত বুজিব বাবে সংযোগ প্রতিষ্ঠাপন (Making connections to understand mathematics)

ছাত্র-ছাত্রীসকলে সরুকালৰ পৰাই সংখ্যাৰ উৎপাদক আৰু গুণিতক অধ্যয়ন আৰু ব্যৱহাৰ কৰে। মাধ্যমিক বিদ্যালয়ত ছাত্র-ছাত্রীসকলক সংখ্যাৰ গ.সা.উ. (গৱিষ্ঠ সাধাৰণ গুণনীয়) আৰু লসাণু অধ্যয়ন কৰাটো প্ৰয়োজনীয়। তেওঁলোকে ৰাশিসমূহৰ সৈতে কাম কৰোঁতে এই জ্ঞান প্ৰয়োগ কৰিবলৈ সমৰ্থ হ'ব লাগিব। এই বিষয় আৰু ধাৰণাসমূহ এই বিভিন্ন সময়ত বিভিন্ন বছৰত অধ্যয়ন কৰা হয়। গতিকে ছাত্র-ছাত্রীসকলে অধ্যয়ন কৰা বিভিন্ন অংশৰ সংযোগ চাবলৈ অসমৰ্থ হয় আৰু ফলত তেওঁলোকৰ জ্ঞান খণ্ডিত হ'ব পাৰে। প্ৰতিটো স্বৰত ছাত্র-ছাত্রীসকলে অস্তনিহিত তত্ত্ব বুজাতকৈ মুখস্থৰ ওপৰত অধিক নিৰ্ভৰ কৰি উৎপাদক আৰু গুণিতক উনিয়াৰ, ফলত ছাত্র-ছাত্রীয়ে তত্ত্বটোতে পাহাৰি যায়।

ত্ৰিঙ্কালাপ 1 যে সংখ্যা আৰু ৰাশিৰ উৎপাদকৰ সৈতে উন্নৰ হোৱা জড়তাক নাশ কৰিবলৈ গণিতীয় কৰে। ছাত্র-ছাত্রীসকলক আৰু সংখ্যাৰ উৎপাদক আৰু ৰাশিৰ উৎপাদকৰ মাজত সম্পন্ন প্ৰস্তুত কৰিবলৈ কোৱা হৈছিল। এই ত্ৰিঙ্কালাপত ছাত্র-ছাত্রীক যুটীয়া বা সৰু দলত কাম কৰিবলৈ কোৱা হয় আৰু তেওঁলোকৰ ধাৰণাসমূহ আন ছাত্র-ছাত্রীৰ সৈতে বিনিময় কৰিব লগা হয়।

এই গোটত থকা ত্ৰিঙ্কালাপসমূহ আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ সৈতে ব্যৱহাৰ কৰিবলৈ চেষ্টা কৰাৰ আগতে সকলোৰে (অথবা কমেও একাংশ) আপোনাৰ নিজৰ সৈতে সম্পূৰ্ণ কৰা ভাল ধাৰণা হ'ব। তাতোকৈ যদি আপুনি কোনো সহকৰ্মীৰ সৈতে চেষ্টা কৰেও অধিক সমীচিন হ'ব। কাৰণ যেতিয়া আপুনি অভিজ্ঞতাৰ সৈতে প্ৰতিফলন ঘটাব তেতিয়া আপোনাৰ সহায়কাৰী হ'ব। নিজৰ সৈতে ত্ৰিঙ্কালাপসমূহ চেষ্টা কৰা মানে আপুনি শিকাৰৰ অভিজ্ঞতাৰ অন্তৰ্দৃষ্টি পাব যিয়ে আপোনাৰ ভিতৰত আৰু শিক্ষক হিচাপে আপোনাৰ অভিজ্ঞতাক সহায় কৰিব। যেতিয়া আপুনি সাজু হ'ব ত্ৰিঙ্কালাপসমূহ ছাত্র-ছাত্রীৰ সৈতে ব্যৱহাৰ কৰিব পাঠৰ শেষত ত্ৰিঙ্কালাপ কিন্দৰে পাৰ হ'ল আৰু কি শিকন হ'ল তাৰ বিষয়ে চিন্তা কৰিব। ই আপোনাৰ অধিকমুখী শিক্ষণ পৰিৱেশ গঢ়াত সহায় কৰিব।

কাৰ্য 1 : সংখ্যা আৰু ৰাশিৰ উৎপাদক নিৰ্গয় (Finding factors of numbers and expressions)



Figure 1 Students working in small groups.

আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীসকলক ক'ব -

তলৰ সংখ্যা আৰু ৰাশিসমূহৰ উৎপাদক নিৰ্গয় কৰা ---

- 60
- $3xy$
- 15
- $12x^2y^3$
- $3x^4 - 27x^4$
- $2x^2 - 8x + 8$
- কিয় কিছুমান সংখ্যাৰ মাত্ৰ দুটা উৎপাদক আছে বুলি ভাবা ?

- উৎপাদক নির্ণয় তোমার পদ্ধতি দলের আনসকলক বর্ণনা করা। তোমালোকে সকলোরে একে পদ্ধতি ব্যবহার করিছিল নে? সকলোবোর পদ্ধতিয়ে সকলো প্রয়োজন থাপ খায় নে?
- উৎপাদক মানে কি উদাহরণ সহ তোমার নিজস্ব সূত্র লিখা।

যেতিয়া আপোনার ছাত্র-ছাত্রীসকলে যুটীয়া বা সরু দলত এই কামসমূহ চেষ্টা করে, শ্রেণীটোক একগোট করিব আৰু বিভিন্ন ছাত্র-ছাত্রীক তেওঁলোকৰ উৎপাদকৰ সূত্র বিনিময কৰিবলৈ ক'ব। এই সূত্রসমূহ আৰম্ভণি হিচাপে লৈ উভৰ অগ্রেষণৰ আন প্রয়োজনৈ ব্যবহাৰ কৰিব। যিসকলে আপোনার প্রয়োজনৈ উভৰ দিয়ে সেইটো মন কৰিব সদায় একেজন ছাত্র-ছাত্রীয়েই নেকি? আপুনি আন ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ চিন্তন বিনিময কৰাত কিদৰে নিশ্চয়তা বিকাশ কৰিব?

ভিডিও'ঃ দলীয় কৰ্মৰ ব্যবহাৰ



ভিডিও'ঃ শিকনৰ বন্ধুত্বা



সমল আৰু 3, 'দলীয় কৰ্মৰ ব্যবহাৰ' আৰু 'শিকনৰ বন্ধুত্বা' এই বিষয়সমূহৰ ওপৰত অধিক তথ্য আছে।

বিষয় অধ্যয়ন 1 : শ্রীমতী বকুল শইকীয়াৰ কার্য (Mrs Bakul Saikia reflects on using Activity 1)

ই এগৰাকী শিক্ষকৰ তেওঁৰ মাধ্যমিক ছাত্র-ছাত্রীৰ সৈতে ত্ৰিস্থাকলাপ 1 চেষ্টা কৰাৰ এক বিৱৰণ।

ব্যবহাৰৰ প্রতিফলন, সবল ভাৰধাৰা, সংগ্ৰহৰ বাবে অধিক সুবিধা প্ৰদান কৰিবলৈ আৰু পাৰম্পৰিক সমৰ্থন আগবঢ়াবলৈ, মই ছাত্র-ছাত্রীসকলক চাৰিটা দলত বিভঙ্গু কৰিছিলো। মই দলসমূহক প্ৰতিজন ছাত্র-ছাত্রীৰ নাম বেৰত লিখি দলসমূহ সজাইছিলো। প্ৰতিটো দলতে গণিত জনাত নিশ্চিত থকা আৰু নথকাসকলৰ মিশ্ৰণ প্ৰতিটো দলত বখিবলৈ চেষ্টা কৰিছিলো। মোৰ লক্ষ্য আছিল অধিক জনাসকলে নজনা সকলক সহায় কৰিব। শুন্দসংখ্যাৰ ক্ষেত্ৰত উৎপাদক নিৰ্ণয়ত ছাত্র-ছাত্রীসকল সহজেই সফল হৈছিল। কিন্তু ৰাশিৰ ক্ষেত্ৰত অনেকে যুক্তিহৃতক হৈছিল। এনেকুৰা প্ৰায় প্ৰতিটো দলতে হোৱা দেখা গৈছিল। সেয়ে মই ভাৰিছিলো এই প্ৰয়োজনীয়তা উপলব্ধি কৰা হৈছিল আৰু লগতে কি ধৰণেৰে আগবঢ়ালিলে পদ্ধতিগতভাৱে কাম কৰাত সহায় কৰিব তাক জনা হৈছিল। তেওঁলোকৰ প্ৰচেষ্টা এনে ধৰণৰ আছিল—

- তেওঁলোকে সম্পূৰ্ণ শুন্দভাৱে 60ৰ উৎপাদকসমূহ চিহ্নিত কৰিবলৈ সক্ষম হৈছিল- 1,2,3,4,5,6,10,12,15,20,30 আৰু 60। অৱশ্যে কেতোৰ দলৰ কিছুমান উৎপাদক বাদ পৰিছিল আৰু পিছত তুৰন্ত তেওঁলোকে বাদ পৰা উৎপাদকসমূহ লিখি লৈছিল। ইয়াৰ পৰা এইটো পদ্ধতিগতভাৱে কাম কৰাৰ প্ৰয়োজনীয়তা উপলব্ধি কৰা হৈছিল আৰু লগতে কি ধৰণেৰে আগবঢ়ালিলে পদ্ধতিগতভাৱে কাম কৰাত সহায় কৰিব তাক জনা হৈছিল।
- শ্ৰীমতী প্ৰয়োজন কেতোৰ দলে মাত্ৰ তিনিটা উৎপাদক চিহ্নিত কৰিছিল— $3xy$, 3 আৰু x আৰু y
- কে'বাটাও দলে মৌলিক উৎপাদক লক্ষ্য কৰিছিল আৰু ব্যাখ্যা কৰিছিল যে এনে উৎপাদকসমূহৰ বিশেষত যে ইহাত মাঠোঁ 1 আৰু নিজৰ দ্বাৰাহে বিভাজ্য।

মই প্ৰকৃততে বিচাৰিছিলো যাতে ছাত্র-ছাত্রীয়ে সংখ্যা আৰু ৰাশিৰ উৎপাদকৰ মাজৰ সাদৃশ্য লক্ষ্য কৰিব পাৰে বা প্ৰথম পদক্ষেপ হিচাপে 'মৌলিক উৎপাদকসমূহ অমৌলিক উৎপাদকৰ পৰা কেনেদৰে পৃথক?' বুলি প্ৰয়োজন কৰাৰ পৰিৱৰ্তে মই সুধিছিলো 'কি ধৰণে অমৌলিক উৎপাদকসমূহ মৌলিক উৎপাদকৰ পৰা পৃথক?' মই আশা কৰিছিলো তেওঁলোকে ইতিমধ্যে কৰা ব্যাখ্যা কৰিব পাৰিব।

তেওঁলোক এইবাব কিছু দ্বিধাগত হৈ পৰিছিল, সেয়ে মই সংযোজিত কৰিছিলো— ‘ঠিক আছে, উদাহৰণস্বরূপে 60ৰ উৎপাদকসমূহ লক্ষ্য কৰা’ এতিয়া তোমাৰ বাক্য এনেদৰে আৰম্ভ কৰা : “অ-মৌলিক উৎপাদকসমূহ পৃথক এই কাৰণেই যে....”। এই উভৰৰ বাবে কেবাজনো স্বেচ্ছাই কৈছিল কিন্তু তেওঁলোকৰ বাবে ই বোধগম্য বা স্বচ্ছ নাছিল। সেয়েহে মই ইয়াক আলোচনা বা শিকনৰ সু-পৰিবাহী বুলি বিবেচনা নকৰিলো, মই তেওঁলোকক ‘কথন গাঠনি’ দিয়াৰ সিদ্ধান্ত ল'লো। ই এনে ধৰণৰ গাঠনি যাক ভাষা শিকাৰ সময়ত ‘লিখন গাঠনি’ হিচাপে দিয়া যায়। সেয়ে মই তেওঁলোকক ক'লো— ‘প্ৰথমে তোমালোকে ওচৰৰ জনৰ আগত ক'বলৈ চেষ্টা কৰা তাৰ পিছত মই সমগ্ৰ শ্ৰেণীৰ সমুখ্যত ক'বলৈ ক'ম?’

মোৰ প্ৰথম প্ৰচেষ্টা আছিল মাঠোঁ সহজভাৱে তেওঁলোকৰ কোৱা— মোৰ জ্ঞান তেওঁলোকলৈ আগবঢ়াই দিয়া। কিন্তু তেওঁলোক ইমানেই উৎসাহী আৰু উদ্যমী হৈ পৰিছিল যে তেওঁলোকক ধাৰণাৰ কথা সোধাৰ ক্ষেত্ৰত মই সুধিৰ লগাই নহ'ল। মই বিচাৰিছিলো যাতে তেওঁলোকে নিজস্বভাৱে গণিত আৱিষ্কাৰ কৰি গণিতীয় গঠনৰ সৌন্দৰ্য্য আৰু তাৰ সংযোগ লক্ষ্য কৰি তত্ত্ববিকাৰৰ আনন্দৰ অভিজ্ঞতা অৰ্জন কৰিব পাৰে। কিন্তু মই এনে কি প্ৰয়ুৱ কৰিব পাৰোঁ যাতে তেওঁলোকে সংখ্যা আৰু ৰাশিৰ উৎপাদক সম্পর্কে সচেতন হ'ব পাৰে? মোৰ মনলৈ বহুতো প্ৰয়ুৱ আৰু পথৰ অৱতাৰণা হৈছিল, কিন্তু সেইবোৰ হয় অতিশয় জটিল নতুৱা সাধাৰণভাৱে তেওঁলোকক কোৱা ‘এইটো কি’ এনে ধৰণৰ প্ৰয়ুৱ যদি এনেকৈ কোৱা হয়, মই প্ৰকৃততে তেওঁলোকে কি কৰাটো বিচাৰো? সেয়ে মই ক'লো— ‘মই প্ৰকৃততে তোমালোকে সংখ্যা আৰু ৰাশিৰ উৎপাদক নিৰ্ণয়ৰ মাজৰ মিল আৰু পাৰ্থক্য আৰু সংযোগ আৱিষ্কাৰ কৰাটো বিচাৰো। উদাহৰণস্বৰূপে 60 আৰু $3xy$ ৰ উৎপাদকৰ মাজত। আৰু মই অকল তোমালোকক ক'ব খোজা নাই, মই বিচাৰো তোমালোকে এই বিষয়ে ভাৱা আৰু নিজৰ বাবে আৱিষ্কাৰ কৰা, গতিকে এই পাঠ্টোৰ সময়ত আমি কৰা আলোচনাসমূহৰ বাবে, মৌলিক আৰু অমৌলিক উৎপাদকৰ পাৰ্থক্যৰ বিষয়ে এখন্তেক চিন্তা কৰা আৰু 60 আৰু $3xy$ ৰ উৎপাদকসমূহ লক্ষ্য কৰা। ইহাত মাজৰ মিল আৰু অমিল কি? সকলোবোৰে সকলো উৎপাদক পাইছানে? তোমাৰ দলৰ সৈতে আগবঢ়া।’

আৰু তেওঁলোকে $3xy$ ৰ নথকা উৎপাদক বিচাৰি পালে। তেওঁলোকে $3x^4 - 27x^2$ ক পুনৰ $3x^2(x^2 - 9)$ বৰপত লিখি উৎপাদকসমূহ এনেদৰে চিহ্নিত কৰিলে— $3, x, x^2, x^2 - 9, x(x^2 - 9)$ আৰু $3x^2(x^2 - 9)$ ইয়াৰ পিছত আমি ব্যৱহাৰ কৰা পদ্ধতি সম্পর্কে চিন্তা কৰাৰ কথা আছিল। সময়ৰ অভাৱত এই কামটো পৰিৱৰ্তী পাঠ্টলৈ ৰাখিব লগা হ'ল। এইটো প্ৰকৃততে বেয়া কথা হোৱা নাই কিয়নো মই তেওঁলোকক আগৰ পাঠৰ বিষয়ে ভাৱিবলৈ ক'বলৈৰ আৰু তেওঁলোকৰ অনুশীলন বহীসমূহৰ কি কৰিছিল আৰু কি ভাৱিছিল চাবলৈ ক'বলৈ আৰু ভাৱধাৰাসমূহ পুনঃ প্ৰৱেশ কৰাবলৈ ক'বলৈ সক্ষম হৈছিল। পদ্ধতিসমূহৰ বৰ্ণনাসমূহ সাম্যকভাৱে আগ বাঢ়িছিল; কাৰণ সন্তৰতঃ আমি এই সম্পর্কে ইতিমধ্যে যথেষ্ট চিন্তা-চৰ্চা কৰিলোঁ। আমি সমগ্ৰ শ্ৰেণীৰ সমুখ্যত ভিন্ন ভিন্ন পদ্ধতি আদান-প্ৰদান কৰিছিলো আৰু তেওঁলোকে ইজনে সিজনক শুধৰাই দিছিল যদিহে পদ্ধতিসমূহৰ কিবা অভাৱৰ পৰিলক্ষিত হৈছিল নতুৱা জটিলতৰ হৈছিল। আমি সামৰণিত ‘শ্ৰীমতী Bৰ শ্ৰেণীৰ পৰামৰ্শমূলক পদ্ধতি’ বুলি এখন ডাঙৰ কাগজত লিখি বেৰত ওলমাই ৰাখিছিলো।

আপোনাৰ শিকন অভ্যসনৰ ওপৰত প্ৰতিফলন Reflecting on your teaching practice)

যেতিয়া আপুনি আপোনাৰ শ্ৰেণীত এনে ধৰণৰ অনুশীলন কৰিব, অনুশীলনৰ অন্তত কিমানখিনি ভালদৰে হ'ল আৰু কিমানখিনি কাম ভালদৰে পাৰ হ'ল প্ৰতিবিস্মিত কৰিব। ধৰি লওক এনে কিছুমান প্ৰয়ুৱ যিবোৰ প্ৰতি ছাত্ৰ-ছাত্ৰী আগ্ৰহী আৰু উভৰ দিবলৈ সক্ষম আৰু এনে কিছুমান প্ৰয়ুৱ যিবোৰ আপুনি পৰিষ্কৃট কৰিব লাগে। এনেধৰণৰ প্ৰতিফলনে সদায় এনে কেতবোৰ লিপি প্ৰস্তুত কৰাত সহায় কৰে যিবোৰে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বাবে গণিত আনন্দদায়ক আৰু মনোগ্ৰাহী কৰি তোলে। যদি আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে বুজি নাপায় আৰু কিছুমান কৰিব নোৱাৰে তেতিয়া তেওঁলোক কম পৰিমাণে জড়িত হৈ পৰে। এই গোটৰ কোনো কাৰ্য বাস্তৱ কৰায়ণ কৰোঁতে প্ৰতিবাৰেই এই প্ৰতিফলন অনুশীলন ব্যৱহাৰ কৰিব যাতে শ্ৰীমতী Bৰ শ্ৰেণীৰ পৰামৰ্শমূলক পদ্ধতি’ বুলি এখন ডাঙৰ কাগজত লিখি বেৰত তফাও সৃষ্টি কৰিব পাৰে।



চিন্তন Pause for thought)

পাঠৰ অন্তত আপোনাৰ সহকাৰীৰ সৈতে এই প্ৰয়ুৱসমূহ চেষ্টা কৰাৰ বাবে সময় উলিয়াব।

- আপোনাৰ শ্ৰেণীত পাঠ্টান কেনেদৰে পাৰ হ'ল?

- আপোনার ছাত্র-ছাত্রীর কোনবোর উন্নত অনাকাঙ্ক্ষিত ? কিয় ?
- আপোনার ছাত্র-ছাত্রীর বোধন বুজিবৰ বাবে কেনেকুৱা প্রয়ু ব্যৱহাৰ কৰিছিল ?
- আপুনি কোনো ক্ষেত্ৰত হস্তক্ষেপ কৰিব লগায় যেন অনুভৱ হৈছিল নেকি ?
- কোনটো ক্ষেত্ৰত আপুনি সৱলীকৰণ কৰা যেন অনুভৱ কৰিছিল ?

৩ ল.সা.গু, গ.সা.উ. বৰ মাজৰ পাৰ্থক্য লক্ষ্য আৰু কৌশল অনুশীলন কাৰ্য অভ্যাসন (Practising techniques and noticing differences between LCM and HCF)

পৰৱৰ্তী ব্ৰিঞ্চাকলাপত ছাত্র-ছাত্রীসকলে তেওঁলোকে ব্যৱহাৰ কৰা পদ্ধতিৰ বিষয়ে চিন্তা কৰাৰ অভ্যাস বিকাশ কৰিছে। এই ব্ৰিঞ্চাকলাপ আকো পাঠ্যপুঁথিত থকা কোনো কাৰ্যৰ সৈতে প্ৰায় একে। পাৰ্থক্য ইয়াতেই যে ই ছাত্র-ছাত্রীৰ আগত সাধাৰণ গুণীতক আৰু উৎপাদক উলিওৱা কাৰ্যৰ মিশ্রণ সমস্যাৰ উখাপন কৰা আৰু সংখ্যা আৰু বাশিৰ মিশ্রণ। অন্য এক পাৰ্থক্য হ'ল ব্যৱহৃত পদ্ধতিক টোকা প্ৰস্তুত কৰিবলৈ অনুৰোধ কৰা। এনে সংশোধনৰ উদ্দেশ্য হ'ল যাতে তেওঁলোকে পাঠ্যসমূহৰ মাজৰ সংযোগ সম্পর্কে অৱগত হয়, মিল আৰু অমিল লক্ষ্য কৰিব পাৰে আৰু জড়িত থকা গণিতীয় চিন্তন পদ্ধতি সম্পর্কে অৱগত হয়, তাৰোপৰি তেওঁলোকৰ সুবিধাজনক মণ্ডলৰ পৰা আঁতৰি অহা বুলি ভৱা মনোভাৱৰ পৰা পৰিত্রাণ দিবলৈ, তেওঁলোকক যুটীয়াভাৱে বা সৰু দলত কাম কৰিবলৈ দিলে অধিক সুবিধাজনক হ'ব পাৰে।

কাৰ্য ২ : ল. সা. গু. আৰু গ.সা.উ.ৰ মাজৰ পাৰ্থক্য লক্ষ্য আৰু কৌশল অনুশীলন অভীক্ষণ (Practising techniques and noticing differences between LCM and HCF)

আপোনার ছাত্র-ছাত্রীসকলক কণ্ঠক :

- সাধাৰণ উৎপাদক আৰু গুণিতক উলিয়াবলৈ চেষ্টা কৰা : এই সমস্যাসমূহ ব'ৰ্ডত লিখি দিয়ক।
 - ① 48 আৰু 72
 - ② x^2 আৰু $3xy$
 - ③ $\sqrt{18}$ আৰু $\sqrt{32}$
 - ④ $(a - b)^2$ আৰু $(a - b)^3$
 - ⑤ $(a^2 - b^2)$ আৰু $(a^3 - b^3)$
- এইবোৰ কৰি উলিয়াবলৈ আপুনি ব্যৱহাৰ কৰা পদ্ধতিসমূহ লিখি দিয়ক।
- এতিয়া তোমাৰ সহকাৰীজনক নিশ্চিত কৰা যে এই পদ্ধতিসমূহ গাণিতিকভাৱে শুদ্ধ। যদি তুমি তোমাৰ সহকাৰীৰ সৈতে কাম কৰিছা তেন্তে অন্যযোৰা ছাত্র-ছাত্রীক নিশ্চিত কৰিবলৈ চেষ্টা কৰা।

বিষয় অধ্যয়ন - ২ : শিক্ষক ফাৰাজে কাৰ্য ২ৰ ব্যৱহাৰৰ প্ৰতিফলন (Teacher Faraz reflects on using Activity 2)

ছাত্র-ছাত্রীসকলে প্ৰথম প্ৰয়ুটো যথেষ্ট আস্থাৰে সমাধান কৰিলৈ। যাটোৰ ক্ষেত্ৰত কেতোৰ আলোচনা উখাপিত হৈছিল কিন্তু তৃতীয়টো প্ৰায় এৰি দিয়াৰ দৰে হ'ল। এই তৃতীয় প্ৰয়ুৰ বাবে মই বৰ্গমূল চিহ্ন ভিতৰত থকা সংখ্যাৰ উৎপাদক নিৰ্ণয়ৰ বাবে ইঙ্গিত থাদন কৰিছিলো আৰু কেইজনমানে প্ৰায় ততালিকে উন্নত পালে। চতুৰ্থ প্ৰয়ুৰ বাবে কিছু আলোচনা হোৱা দেখা গৈছিল কিন্তু তেওঁলোকে উন্নত পালে। অৱশ্যে শেষৰ প্ৰয়ুৰ কেইটামান যোচৈ $a^2 - b^2$ ক উৎপাদক হিচাপে আৰু $a^3 - b^3$ ক গুণিতক হিচাপে পালে। তেওঁলোকে পদ্ধতিসমূহ এটা নিয়মযুক্ত পদ্ধতিৰ ৰূপত বৰ্ণনা কৰিছিল। তেওঁলোকে যি নিয়ম পাইছে তাক বাৰম্বাৰ কৈছিল আৰু তেওঁলোকে শিকিছিল যে ইয়েই নিয়ম আৰু মই তেওঁলোকক এনেদৰে কৈছিলৈ। মই কৈছো যে ই মোৰ ক্ষেত্ৰত আত্মানুসন্ধান জাতীয়

হৈছিল। কিন্তু মই জোৰ কৰিছিলো আৰু বাবে বাবে সুধিছিলো যে তেওঁলোকে কেনেকৈ জানিলে যে প্রতিটো প্রয়োজনীয় কেনেদৰে আৰু কিয় কৰিব লাগে। মই তেওঁলোক কল্পনা কৰিবলৈ কৈছিলোঁ যে তেওঁলোকৰ সৰু ভনীয়োকে বাবে বাবে প্ৰয়োজনীয় কিয় আৰু তাই নিশ্চয় এনে উন্নৰ্বৰ সৈতে সুখী নহ'ব—‘কাৰণ মই কৈছিলো’?



চিন্তন Pause for thought)

- ছাত্র-ছাত্রীৰ কোনোৰ উন্নৰ্বৰ অনাকাঙ্ক্ষিত? কিয় ?
- ছাত্র-ছাত্রীৰ বোধন জুখিবলৈ আপুনি কেনে প্ৰয়োজনীয় কৰিবলৈ কৰিছিল।
- আপুনি কোনো ক্ষেত্ৰত কামটো সাল-সলনি কৰিছিল নেকি? যদি কৰিছিল এনে কৰাৰ কাৰণ কি?

4 ভয়াতুৰ ছাত্র ছাত্রীৰ কামৰ পৰা শিকন Learning from the work of fictitious students)

আপুনি এতিয়া অনেক ত্ৰিলুকলাপৰ সৈতে জড়িত যি আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীসকলক সাধাৰণ উৎপাদক আৰু গুণিতক উলিওৱাৰ ক্ষেত্ৰত নিজস্ব পদ্ধতি বিহুৱণ আৰু বৰ্ণনা কৰিবলৈ জড়িত থকা গণিতীয় পদ্ধতিৰ বিষয়ে ভাৰিবলৈ সহায় কৰে।

পৰৱৰ্তী ত্ৰিলুকলাপে ছাত্র-ছাত্রীসকলক তেওঁলোকে কি কৰিছে আৰু কি শিকিছে তাৰ বিষয়ে সমালোচনামূলকভাৱে ভাৰিবলৈ উৎসাহ ঘোগায়।

এই ত্ৰিলুকলাপে ছাত্র-ছাত্রীসকলক সমালোচনামূলকভাৱে কিছুমান ভয়াতুৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ কাৰ্য পদ্ধতি মূল্যায়ন কৰিবলৈ কয় আৰু কিয় ছাত্র-ছাত্রীসকলক কৰ্মপথা গাণিতীকভাৱে বৈধ হ'ব নে নহয় তাৰ ওপৰত সিদ্ধান্ত দিবলৈ কয়। ভয়াতুৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ কৰ্মবাজি ব্যৱহাৰ কৰিলে সন্তুষ্টতাৰ ভাস্তু দিয়াত প্ৰায়েই সমৰ্থ হয়, কাৰণ আৱেগিক প্ৰতিত্ৰিলিপা আৰু বিমুচ্ততাৰ ভাৰমূৰ্তি পৰিহাৰ কৰে। যিহেতুকে এই কামসমূহ ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ নিজৰ নহয় বা অইন কোনো সহপাঠীৰ নহয় গতিকে তেওঁলোকে কাৰো কথা নভৰাকৈ ক'ব পাৰি, যি তেওঁলোকে কৈছে তাৰ বাবে বিমুচ্ত বা হতাশ হ'ব পাৰে, তাৰোপৰি এই কাৰ্য অধিক সমৃদ্ধ কিয়নো ইয়াত ব্যৱহাৰত এটা পদ্ধতি সিমান শুদ্ধ নহয় অৰ্থাৎ ইয়াৰ সীমাৱৰদ্ধতা আছে।

কাৰ্য 3 : ভয়াতুৰ ছাত্র ছাত্রীৰ কৰ্মৰ ব্যৱহাৰ (Using fictitious students' work)

আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীসকলক কওঁক যে A,B,C $2x$ তলৰ সমস্যাসমূহ সমাধা কৰিবলৈ কোৱা হৈছে—

$$\frac{5}{12} - \frac{3}{10}$$

a. মীনাই এনেদৰে কৰিছিল :

$$\begin{aligned} &= \frac{5}{12 \times 4} - \frac{3}{10 \times 6} \\ &= \frac{5-3}{60} \end{aligned}$$

b. দীপকে ভাৰিছিল এইটো এনেদৰে কৰিব লাগে :

$$\begin{aligned} &= \frac{5 \times 10 - 3 \times 12}{120} \\ &= \frac{50 - 36}{120} \\ &= \frac{14}{120} \end{aligned}$$

c. আদিত্য নিশ্চিত আছিল যে এইটোরেই পদ্ধতি হ'ব :

$$\begin{aligned}
 &= \frac{5 \times 5}{12 \times 5} - \frac{3 \times 6}{10 \times 6} \\
 &= \frac{25}{60} - \frac{18}{60} \\
 &= \frac{25 - 18}{60 + 60} \\
 &= \frac{7}{120}
 \end{aligned}$$

d. অনিশে এনেদেরে সমাধান করিছিল :

$$\begin{aligned}
 &= \frac{5 \times 5}{12 \times 5} - \frac{3 \times 6}{10 \times 6} \\
 &= \frac{25 - 18}{60} \\
 &= \frac{7}{60}
 \end{aligned}$$

প্রতিটো পদ্ধতি সম্পর্কে আলোচনা করা—

1. এইবোৰ গাণিতিকভাৱে শুন্দ, অশুন্দ অথবা আংশিকভাৱে?
2. কিয়?
3. তুমি কেনেকৈ জানিলা?

তাৰ পাছত শ্ৰেণীটোক একলগ কৰক আৰু ভিন্ন যুটীক তেওঁলোকৰ উন্নৰ প্ৰদৰ্শাৰলৈ কওক। প্ৰতি উন্নৰৰ বাবে আন ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে তেওঁলোকৰ উন্নৰসমূহ বিনিময় কৰাত সন্মত আৰু উৎসাহী হয় নে নহয় সোধক। এই ধৰণৰ শ্ৰেণীগত আলোচনাত শিক্ষক হিচাপে আপোনাৰ ভূমিকা সুবিধা প্ৰদানকাৰী হিচাপেহে নিৰ্দিষ্ট মতামত দিবলৈ নহয়। সেয়ে আপুনি কৰিবলগীয় বাক্যাংশ : ‘সকলোৰোৰ সন্মত নে?’ আৰু ‘কোনে ভিন্ন মত আগবঢ়াব পাৰে?’ আপুনি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক ইজনে সিজনক সুধিবৰ বাবে আৰু প্ৰতিজনৰ বোধনৰ ওপৰত গঢ় ল'বৰ বাবে উৎসাহিত কৰা উচিত।

বিষয় অধ্যয়ন - 3 : শিক্ষক ফাৰাজৰ কাৰ্য 4ৰ ব্যৱহাৰৰ প্ৰতিফলন (Teacher Faraz reflects on using Activity 3)

ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক যুটীয়াভাৱে দলৰদ্ব কৰা হ'ল যাতে দুয়োজনৰ পৰা নিৰেশ আৰু ভাৰ পোৱা যায়। এইবাৰ মই ডাঙৰ দল গঠন নকৰাৰ সিদ্ধান্ত ল'লো। কাৰণ মই ভাৰিছিলো যে এই কৰ্মত বিশদ গঠন আৰু আলোচনাৰ প্ৰয়োজন হ'ব। যুটীয়া দলৰদ্বতাই ওচৰাওচৰি কৰ্ম পৰিৱেশ গঢ়ি তোলে য'ত প্ৰতিজন ছাত্ৰই কৰ্ম পুঁখানুপুঁখভাৱে পৰীক্ষা কৰিব পাৰে। ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে ইজনে সিজনক প্ৰহৃত কৰা আৰু অসন্মত হ'লে যুনিহুদাঙি ধৰিবলৈ কোৱা মই শুনিবলৈ পাইছো। প্ৰতিটো অনুচ্ছেদৰ সৈতে অৱধাৰণ্য কৰিবলৈ তেওঁলোকে যথেষ্ট সময় পোৱাৰ পিছত ভয়াতুৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ পদ্ধতি সম্পর্কে এটাৰ পিছত এটা বোৰ্ডত আমি আলোচনা কৰিছিলো। প্ৰতিটোৰ বাবে মই একোজন ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক বোৰ্ডলৈ আহি শিক্ষক হিচাপে আলোচনাটোক নেতৃত্ব দিবলৈ কৈছিলো। প্ৰথম প্ৰচেষ্টা কিছু পৰিমাণে বিশ্বেষণ আছিল, কিয়নো কিছুমান ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে চিত্ৰ-বাখৰ কৰিছিল। কিন্তু যেতিয়া মই ক'লো চিত্ৰ-বাখৰ প্ৰয়োজন নাই, মাথো হাতহে দাঙিৰ লাগে, আলোচনাটো প্ৰকৃততেই উন্নত আৰু প্ৰয়োজনযুগ্মলৈ উঠিল। মই একায়ে ঠিয় তৈ আছিলো, মাজে মাজে অন্য চিত্ৰৰ অৱতাৰণা কৰিছিলো, কিন্তু প্ৰকৃততেই মোৰ ফালৰ পৰা খুব কমহে হস্তক্ষেপ কৰিছিলো।



চিন্তন (Pause for thought)

- যোৰ হিচাপে আপুনি ছাত্র-ছাত্রীসকলক কেনেদৰে সজালে? আপুনি তেওঁলোকক নিজে নিজে সহকাৰী বাচি ল'বলৈ কৈছিল নে কাৰ সৈতে কাম কৰিব লাগে কৈছিল?
- ছাত্র-ছাত্রীৰ বোধন শত্রুতায়ন্ত কৰিবলৈ আপুনি কেনে ধৰণৰ প্ৰত্যুৱ অৱতাৰণা কৰিছিল?
- আপুনি কোনো ক্ষেত্ৰত হস্তক্ষেপ কৰিবলগীয়া যেন অনুভৱ কৰিছিল নেকি?
- কি কি ক্ষেত্ৰত আপুনি সৱলীকৰণ কৰা যেন অনুভৱ কৰিছিল?

আপুনি গণিতৰ পাঠ্যত্ৰুৱ বিভিন্ন ক্ষেত্ৰৰ পৰা এই ত্ৰিস্কালালাপ প্ৰহণ কৰিব পাৰে। পৰৱৰ্তী মাহত শিকাব খোজা পাঠ্যসমূহৰ কথা ভাৱক। ছাত্র-ছাত্রীসকলে সাধাৰণতে কেনেবোৰ পাঠ ভাল পায়? বিগত বৰ্ষৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ কামৰ কোনো উদাহৰণ আপোনাৰ আছে নেকি? ত্ৰিস্কালালাপৰ দৰে এটা ত্ৰিস্কালালাপ আপোনাৰ শ্ৰেণীত ব্যৱহাৰৰ বাবে পৰিকল্পনা কৰক। আপোনাৰ স্কুলৰ বা গোটৰ অন্য শিক্ষকৰ সৈতে আপোনাৰ ভাৱ বিনিময় কৰা বা এই ধৰণে আপুনি আপোনাৰ শিক্ষকৰ বাবে পাঠ্যপুঁথিৰ ভিত্তিত আগ্ৰহমূলক ত্ৰিস্কালালাপৰ গোট বিকাশ কৰক।

5 পাঠ্যপুঁথিৰ বাবে প্ৰত্যুৱ অভিযোজন (Adapting questions from textbooks)

এই গোটৰ শেষৰ ত্ৰিস্কালালাপে ছাত্র-ছাত্রীয়ে কঠিনৰ প্ৰত্যুৱ মোকাবিলা কৰাত আৰু তেওঁলোকৰ গণিত বিষয়ত বিভিন্ন স্থান চিনান্তৰ কৰাত য'ত গ.সা.উ. আৰু ল.সা.গু. তেওঁলোকে ব্যৱহাৰ কৰিব লাগে তাত আপুনি কেনেকৈ সহায় কৰিব পাৰে তাক দেখুৱাইছে আৰু সেয়ে সমকক্ষ সংখ্যাসমূহ যোগ বা বিয়োগৰ পূৰ্বে পাৰ। তেওঁলোকক এই প্ৰত্যুৱ কোনটো একে বা কোনুটো বেলেগ চাৰলৈ কোৱা হ'ব যাতে তেওঁলোকে পৰিস্থিতি সাপেক্ষে ব্যৱহাৰ কৰিব লগা পদ্ধতি আৰু পত্ৰিকা সম্পর্কে অৱগত হ'ব পাৰে। ছাত্র-ছাত্রীসকলক এই ধৰণে পাঠ্যপুঁথিৰ প্ৰত্যুৱ সৈতে জড়িতকৰণে সন্নিবিষ্ট কৰা গাণিতিক পদ্ধতিৰ চিন্তা কৰিবলৈ উৎসাহ যোগায়।

কার্য ৫ : পাঠ্যপুঁথির পৰা প্রশ্নৰ অভিযোজন (Adapting questions from textbooks)

আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক তলৰ সমস্যাকেইটা চাবলৈ কওঁক:

$$\frac{-3}{10} + \frac{5}{6}$$

$$\frac{\cos A}{1 - \sin A} + \frac{1 + \sin A}{\cos A}$$

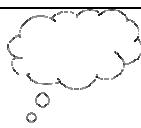
$$\frac{24}{18-x} - \frac{24}{18+x} = 1$$

$$\frac{5}{(x+1)(x-2)} + \frac{2}{(x-2)(x+3)}$$

ওপৰৰ প্রশ্নসমূহত কোনো সাদৃশ্য আছে নেকি? কি গণিতীয় পার্থক্য দেখিবলৈ পাইছা?

- এই সমস্যাসমূহ কেনেদৰে সমাধা কৰিবা?
- এই সমস্যাসমূহ সমাধান কৰাত কোনো শুন্দৰ বা অশুন্দৰ প্ৰতিক্রিয়া আছে নেকি?
- NCERT ৰ পাঠ্যপুঁথিৰ বিভিন্ন পাঠ পৰীক্ষা কৰি এনে ধৰণৰ সমস্যা চিহ্নিত কৰিব পাৰা নেকি চোৱা।
- এই প্রশ্নসমূহৰ সাদৃশ্য আৰু বৈশাদৃশ্য কি?

যেতিয়া আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলৰ বেছি সংখ্যকেই অধিক অনুশীলন বিচাৰি উলিয়াব, তেতিয়া আলোচনা বন্ধ কৰিব আৰু সমগ্ৰ শ্ৰেণীৰ সৈতে তেওঁলোকৰ ভাৱ বিনিময় কৰিবলৈ ক'ব। আকো আপোনাৰ ভূমিকা হৈছে সহায়কৰ ৰূপত তেওঁলোকৰ চিঞ্চলক সহযোগ দিয়া আৰু ইজনে সিজনক সুধি পৰিষ্কাৰ হোৱাত উৎসাহ যোগোৱা।



চিঞ্চল (Pause for thought)

- আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ কোনৰোৰ উন্নত অনাকাৎক্ষিত? কিয়?
- আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বোধন আপুনি কেনেদৰে জুখিছিল? তেওঁলোকৰ শিকন উন্নত কৰাত এই অনুশীলসমূহে সহায় কৰিছিল নেকি?
- কার্যটি আপুনি কোনো ক্ষেত্ৰত সালসলনি কৰিছিল নেকি? যদি কৰিছিল তেনে কৰাৰ কাৰণ কি?

আকো আপুনি এই অনুশীলন, আপুনি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ গণিতীয় সংযোগ গঠনত সহায় কৰিবৰ বাবে ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰে। ই তেওঁলোকৰ গণিত বিষয়ৰ ওপৰত বিশেষকৈ অপৰিচিত সমস্যা সমাধান কৰিবলৈ কোৱাৰ সময়ৰ নিশ্চয়তা বিকাশ কৰিব।

৬ সাৰাংশ : (Summary)

এই গোটে এটা ধাৰণা গণিত পাঠ্যপুঁথিৰ ভিন্ন অংশলৈ ৰূপান্তৰ কৰাৰ বাবে উৎপাদক আৰু গুণিতক শিক্ষণৰ ধাৰণাৰ ওপৰত অধ্যেষণ কৰিলে। এন এছ চি এফ (5) আৰু এন চি এফ টি ই (09)ৰ শিক্ষণ প্ৰয়োজনীয়তাক সচৰাচৰভাৱে লক্ষ্য কৰি লোৱা হৈছে কিন্তু এই গোটৰ ধাৰণাসমূহে দেখুৱায় যে সৃজনাত্মকভাৱে পাঠ্যপুঁথি প্ৰশ্নৰ ব্যৱহাৰে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক সম্বন্ধ প্ৰত্যক্ষকৰণ আৰু গঠন দৰ্শন কৰিবলৈ সুযোগ দিয়ে। যদি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে যুক্তিস্বীকৃততা ব্যৱহাৰ কৰে, বাক্যাংশৰ সত্যাসত্য তৰ্ক কৰে আৰু মিল আৰু অমিল বিচাৰে, তেওঁলোকে বুজিবলৈ আৰম্ভ কৰে আৰু গণিতৰ ধাৰণাৰ জাল দেখে। স্কুলৰ প্ৰাকবৰ্ষসমূহৰ ধাৰণাৰ অনৰ্গলতা যে পিছৰফালে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলৰ জটিল ধাৰণাৰ সৈতে কাম কৰিবলৈ প্ৰয়োজনতাৰ বোধন পিছৰফালে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক তাৎক্ষণিক প্ৰয়োগ প্ৰকাশ নতুন ধাৰণাৰ সৈতে কিয় জড়িত হ'বলৈ কোৱা হয় তাক বুজাত সহায় কৰে।

সমলবোৰ 1 NCF/NCFTE শিক্ষণ আৱশ্যকতা (NCF/NCFTE teaching requirements)

এই গোটটোৰ শিকনে NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষণ আৱশ্যকতাৰ লগত তলত দিয়া ধৰণে সমন্ব স্থাপন কৰিছে।

- জ্ঞানলাভৰ ক্ষেত্ৰত ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকল সত্ৰিঙ্গা অংশীদাৰ ওহ'ব লাগে, কেৱল জ্ঞান-শিক্ষা লওঁতা হৈ থাকিব নালাগে। ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে জ্ঞান-শিক্ষা আহৰণ কৰাৰ ক্ষমতা বৃদ্ধিৰ সময়ত লাগতিয়াল উৎগণি কৰিব, কেৱল আনুশঠানিক শিক্ষাত মেৰ পাক খাই ৰ'বলৈ দিব নালাগে।
- ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে অনুভৰ কৰে গণিত এনে এক বিষয় যে ইয়াৰ বিষয়ে কথা পাতিব পাৰি, ইজন সিজনৰ মাজত কৰিব পাৰি, আলোচনাত বিহিব পাৰি আৰু একেলগে (গণিতৰ) কাৰ্য কৰিব পাৰি।
- গণিতৰ যোগেদি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে বিমুৰ্ত ধাৰণাৰে (গাণিতিক) সম্পর্কবোৰ চাৰলৈ শিকে, একোটা বিষয়ত যুক্তিহৃতাগবঢ়ায়, কোনো উত্তিৰ্ক সত্যাসত্য নিৰ্বপণ কৰে।
- কাৰীকুলাম, পাঠ্যত্ৰিঙ্গা আৰু পাঠ্যপুস্তকবোৰত যুক্তিহৃত সময়োপযোগী কৰিব পাৰে, কৰ্তৃপক্ষই এইবোৰ ‘দিছে’ বাবেই ‘ল'ম’ এনে হ'ব লাগে।

সমল 2: দলগত কাৰ্য (Using groupwork)

দলগত কাম হৈছে এটা প্ৰণালীবদ্ধ, সত্ৰিঙ্গা শিকন শিক্ষণ কৌশল, যি কৌশলে ছাত্ৰ-ছাত্ৰী সৰু সৰু দলত একে লক্ষ্যৰ বাবে একেলগে কাম কৰিবলৈ অনুপ্ৰেৰণা যোগায়। এই সৰু দলটোৱে ভালদৰে সংগঠিত ত্ৰিঙ্গাকলাপৰ জৰিয়তে লাভ কৰা শিকন অধিক সত্ৰিঙ্গা আৰু কাৰ্যকৰী হয়।

দলগত কামৰ উপকাৰিতা (The benefits of groupwork)

শিকনৰ প্ৰতি আগ্ৰহী কৰি তুলিবলৈ দলগত কাৰ্য এবিধ কাৰ্যকৰী উপায়, যিয়ে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক ভাবিবলৈ পৰম্পৰভাৱে আৰু ধাৰণা বিনিময় কৰিবলৈ, যোগাযোগ আৰু সিদ্ধান্ত ল'বলৈ অনুপ্ৰেৰণা যোগায়। আপোনাৰ ছাত্ৰই দলগত কাৰ্যৰ জৰিয়তে শিকিব আৰু শিকাবঃ যিটো শিকনৰ এটা শত্রিঙ্গালী আৰু সত্ৰিঙ্গা ৰূপ।

দলগত কামে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে দলত বহাটোৱেই নুবুজায়। নিৰ্দিষ্ট এটা শিকন লক্ষ্য লৈ তাৰ বাবে শিকনৰ কাম থিনি ভাগ বতৰা কৰি লৈ সকলোৱে কাম কৰি নিৰ্দিষ্ট লক্ষ্যলৈ বৰঙণি যোগোৱাক বুজায়। আপুনি নিজে স্পষ্ট হ'ব লাগিব শিকনৰ বাবে আপুনি কিয় দলগত কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰিছে, আকো কথন, যুৰীয়া কাৰ্য বা ব্যক্তিহৃত কাৰ্যতকৈ ইয়াক কিয় গুৰুত্ব দিয়া হয় সেই বিষয়েও আপুনি জানিব লাগিব। সেয়েহে দলগত কাৰ্য ভালদৰে পৰিকল্পনা কৰাৰ লগতে উদ্দেশ্যও জড়িত থাকিব লাগে।

দলগত কামৰ পৰিকল্পনা (Planning groupwork)

কেতিয়া আৰু কেনেকৈ দলগত কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰিব, সেই কথা নিৰ্ভৰ কৰিব আপুনি পাঠ্টোৰ শেষত কি শিকন লক্ষ্য উপনীত হ'বলৈ বিচাৰিছে। আপুনি পাঠ্য আৰম্ভণি, শেষ নাইবা মাজতো দলীয় কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰি পাৰে, মাথো আপোনাৰ কিছু সময়ৰ দৰকাৰ হ'ব। আপুনি আপোনাৰ ছাত্ৰক কৰিবলৈ দিয়া কামটো কেনেকৈ শেষ কৰাৰ কথা আৰু দক্ষতাৰে দল গঠন কৰাৰ আটাইতকৈ ভাল উপায়ৰ কথা ভবাৰো দৰকাৰ।

দলগত কামে যাতে কৃতকাৰ্যতা লাভ কৰিব পাৰে তাৰ বাবে শিক্ষক হিচাপে আপুনি আগতীয়াকৈ কিছুমান পৰিকল্পনা কৰা দৰকাৰ যেনে

- দলীয় ত্ৰিঙ্গাকলাপৰ লক্ষ্য আৰু আশা কৰা ফলাফল।
- কামৰ বাবে দিয়া সময়ৰ লগতে যিকোনো প্ৰতিপুষ্টি আৰু সাৰাংশ।
- কেনেকৈ দল গঠন কৰিব, কিমানটা দল হ'ব, এটা দলত কিমানকৈ থাকিব, দল গঠনৰ নিয়মাবলী।
- দলটো কেনেকৈ সংগঠিত কৰিব, দলত সদস্যৰ ভূমিকা, দৰকাৰী সময়, সামগ্ৰী লিপিবদ্ধকৰণ আৰু প্ৰতিবেদন।

- কেনেকৈ মান নির্ধারণ কৰা হ'ব আৰু তাক লিপিবদ্ধকৰণ কৰা হ'ব (ব্যান্ড্রুত আৰু দলীয় মান নির্ধারণৰ পাৰ্থক্যৰ ক্ষেত্ৰত সাৰধান হ'ব)
- কেনেকৈ আপুনি দলীয় কাৰ্য নিৰীক্ষণ কৰিব।

দলগত কাৰ্যত কৰিবলগীয়া কাম (Groupwork tasks)

আপুনি দলগতভাৱে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক কি কাম কৰিবলৈ দিব সেয়া নিৰ্ভৰ কৰে আপুনি তেওঁলোকে কি শিকন লাভ কৰাটো বিচাৰে। দলগত কাৰ্যত ভাগ লৈ তেওঁলোকে শিকনৰ কিছুমান কৌশল যেনে পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ কথা শুনিবলৈ, নিজৰ ধাৰণা ব্যাখ্যা কৰিবলৈ আৰু সহযোগিতাৰে কাম কৰিবলৈ শিকে। যিয়েই নহওক কিয়, দলগত কামৰ মূল লক্ষ্য হৈছে আপুনি শিকাই থকা বিষয়ৰ ওপৰত কিছু কথা শিকা। দলগতভাৱে কৰিবলগীয়া কিছু কাম তলত দিয়া ধৰণৰ হ'ব পাৰে।

- **উপস্থাপন :** আৰম্ভণিতে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে শ্ৰেণীটোৱ এটা পাঠৰ উপস্থাপন নিৰ্দেশ কৰিব পাৰিব। তেওঁলোকে সৰু দল পাতি পাঠটোৱ বিভিন্ন দিশৰ সুকীয়াকৈ উপস্থাপন তৈয়াৰ কৰিব পাৰে। তেনে কৰিলে তেওঁলোকে এটা বিষয় একাধিকবাৰ চৰ্চা কৰাৰ পৰিৱৰ্তে, ভিন্ন বিষয়ত পৰম্পৰ আলাপ কৰাৰ সুযোগ পাৰ। দলীয় উপস্থাপনৰ সময় আৰু ভাল উপস্থাপনৰ চৰ্তসমূহত শিক্ষক কঠোৰ হ'ব। পাঠদানৰ পুষ্ট এই চৰ্তবোৰ ব'ড়ত ফটগফটীয়াকৈ লিখি দিয়ক। তেনেহ'লে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে উপস্থাপন তৈয়াৰ কৰাৰ বাবে ঠিক নিৰ্দেশনা পাৰ। চৰ্তবোৰ এনে হ'ব লাগে
 - উপস্থাপন ভালদৰে সংগঠন কৰা হৈছেনে?
 - উপস্থাপনৰ পৰা কিবা শিকিলোনে?
 - উপস্থাপনে মোক কিবা ভাবিবলৈ বাধ্য কৰিলোনে?
- **সমস্যাৰ সমাধান :** ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে দলগত কামত এটা বা অনেক সমস্যাৰ সমাধান কৰিব। ইয়াৰ ভিতৰত বিজ্ঞানৰ এটা পৰীক্ষা, গণিতৰ সমস্যাৰ সমাধান, ইংৰাজীৰ এটা গল্প নাইবা পদ্যৰ বিহুৰূপ নাইবা বুৰজীৰ ঘটনাৰ বিহুৰূপ হ'ব পাৰে।
- **এবিধ সামগ্ৰীৰ সৃষ্টি :** ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে এটা গল্প, নাটকৰ একাংশ, সংগীতৰ একাংশ, কোনো এটা ধাৰণাৰ ব্যাখ্যা কৰিবলৈ আহি, বহুভাৱে চৰ্চিত কোনো বিষয়ৰ ওপৰত বাতৰিৰ প্ৰতিবেদন, এখন পষ্টাৰ য'ত তথ্যৰ সাৰাংশ বা কোনো ধাৰণা ব্যাখ্যা থকা এখন পষ্টাৰ, আদিৰ কাম দলগতভাৱে কৰে। দলগতভাৱে কাম কৰিবলৈ দিয়াৰ আৰম্ভণিত ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক চিন্তা উন্নৰক আলোচনা কৰিবলৈ বা মনৰ ক্ষণবেৰখা প্ৰস্তুত কৰিবলৈ পাঁচ মিনিট সময় দিলে তেওঁলোকে বিষয়টোৱ ওপৰত ইতিমধ্যে কিমান জানে সেই কথা গম পাৰ। এইটোৱে আপোনাক যথাযথ স্বৰূপ পাঠটো লৈ যোৱাত সহায় কৰিব।
- **কামৰ পাৰ্থক্য :** দলগত কামে বিভিন্ন বয়সৰ বিভিন্ন মেধাসম্পন্ন ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক একেলগে যথাযথ কাম কৰাৰ সুযোগ দিয়ে। বেছি মেধাসম্পন্ন ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে কামৰ ব্যাখ্যা কৰিবলৈ পাই উপকৃত হ'ব আৰু কম মেধাসম্পন্ন ল'ৰা-ছোৱালী গোটেই শ্ৰেণীত প্ৰয়ু সোধাতকৈ দলত প্ৰয়ু সুধিবলৈ সহজ পাৰ আৰু সহপাঠীৰ পৰাও শিকিব পাৰিব।
- **আলোচনা :** ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে এটা চৰ্চিত বিষয় লৈ সিদ্ধান্ত গ্ৰহণ কৰিব। বিষয়টো বিভিন্ন দিশ সামৰি ল'ব পৰাকৈ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ যথেষ্ট জ্ঞান আছেনে জানিবলৈ আপোনাৰ প্ৰস্তুতিৰ দৰকাৰ হ'ব। কিন্তু এখন আলোচনা বা বিতৰ্কৰ সৃষ্টি কৰিলে আপোনাৰ আৰু ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বাবে ফলপ্ৰসূ হ'ব।

দল সংগঠন কৰা (Organising groups)

দল গঠন কৰোতে দলত চাৰিৰ পৰা আঠলৈ সদস্য থাকিলে ভাল কিন্তু এই কথা নিৰ্ভৰ কৰে শ্ৰেণীৰ আকাৰ, ভৌতিক পৰিৱেশ আৰু আচ-বাব, ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সাফল্য আৰু শ্ৰেণী ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বয়সৰ পৰিসীমা। আদৰ্শগতভাৱে এটা দলৰ পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ লগত নিচিএওৰাকৈ কথা পাতিব লাগে পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ প্ৰতি মন কাণ দিব লাগে আৰু সকলোৱে দলৰ কামৰ ফল লাভৰ বাবে বৰঙণি জনাব লাগে।

- কেনেকৈ আৰু কিয় ল'ৰা-ছোৱালীখনিক দলত ভাগ কৰিব সেইটো ঠিক কৰি লওক। উদাহৰণস্বৰূপে আপুনি বন্ধুত্ব, আগ্ৰহ ভিত্তিত দল গঠন কৰিব পাৰে নাইবা সাফল্যপ্ৰাপ্তি যেনে একে সাফল্য প্ৰাপ্তি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰে গঠিত দল নাইবা মিশ্ৰিত সাফল্য প্ৰাপ্তিৰ ল'ৰা-ছোৱালীৰেও দল গঠন কৰিব পাৰে।
- দলৰ সদস্যসকলক কি ভূমিকা দিব তাৰে পৰিকল্পনা কৰক (উদাহৰণস্বৰূপে টোকা লিখক, সময় নিয়ন্ত্ৰক বা সজুলি সংগ্ৰাহক) আৰু কেনেকৈ এইখনি ঠিক কৰি ল'ব।

দলগত কার্য পরিচালনা (Managing groupwork)

দলগত কার্য ভালদৰে পরিচালনা কৰিবলৈ আপুনি ঝটিন প্ৰস্তুত আৰু নিয়ম নিৰ্ধাৰণ কৰিব পাৰে। আপুনি নিয়মিতভাৱে দলগত কার্য চলালে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে আপুনি কি আশা কৰে তাক জানিব পাৰে আৰু তাৰ পৰা তেওঁলোকে আনন্দ লাভ কৰিব পাৰে। আপুনি দলগত কামত ব্যৱহাৰনো কেনেকুৱা হ'ব লাগে তাৰে এখন তালিকা প্ৰস্তুত কৰিব আৰু প্ৰদৰ্শন কৰিব। উদাহৰণস্বৰূপে পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ প্ৰতি শ্ৰদ্ধা, শুনা, পৰম্পৰে পৰম্পৰক সহায় কৰা, এটাতকৈ বেছি ধাৰণাৰ চেষ্টা কৰা।

দলগত কাৰ্যৰ বাবে স্পষ্ট মৌখিক নিৰ্দেশনা দিয়াটো গুৰুত্বপূৰ্ণ কথা সেইথিনি লেক ব'ডতো লিখি দিব পাৰে। আপুনি তলত দিয়া কথা যিনি মানি চলা দৰকাৰ।

- ল'বা-ছোৱালীসকলক আপোনাৰ পৰিকল্পনা মতে য'ত কাম কৰিব তালৈ যাবলৈ নিৰ্দেশনা দিয়ক। সেয়া আপোনাৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ নিৰ্দিষ্ট ঠাইত পাৰে নাইবা আপোনাৰ নিৰ্দেশনা মতে আচ-বাৰ, কিতাপৰ বেগ আঁতবাই লোৱা ঠাইত হ'ব পাৰে।
- কি কাম কৰা হ'ব সেই সম্পর্কে আপোনাৰ স্পষ্ট ধাৰণা থাকিব লাগিব আৰু সেইথিনি সৰু নিৰ্দেশনা বা ছবিৰ সহায়ত লেক ব'ডত লিখি থ'ব। আপুনি আৰম্ভ কৰাৰ আগতে ছাত্ৰক প্ৰত্ব সুধিবলৈ দিয়ক।

দলগত কাম কৰি থাকোতে আপোনাৰ হয়তো দল সলাবলৈ ইচ্ছা হ'ব পাৰে। ইয়াতে দিয়া কিটিপ দুটা দলগত কাম কৰি যেতিয়া আপোনাৰ আত্ম-বিহুস আহিব তেতিয়া প্ৰয়োগ কৰিব পাৰে- বেছি সংখ্যাক ছাত্ৰ-ছাত্ৰী থকা শ্ৰেণী পৰিচালনাৰ বাবে এই দুটা বিশেষভাৱে সহায়কাৰী।

- **দক্ষ দলবোৰ :** প্ৰত্যেক দলক বেলেগা বেলেগা কাম দিয়ক যেনে বিদ্যুৎ উৎপাদনৰ এটা পদ্ধতি বিচৰা বা এখন নাটকৰ চৰিত্ৰবোৰ বিকাশ কৰা। কিছু সময় পাছত এটা নতুন দল সংগঠন কৰক য'ত প্ৰথম দলটোৰ পৰা এটা দক্ষ ব্যক্তিস্থাকিব। তাৰ পাছত কিছুমান কাম যেনে কেনে ধৰণৰ শক্তিস্থলকেন্দ্ৰ হ'ব তাৰ সিদ্ধান্ত প্ৰহণ বা এখন নাটকাৰ কিছু অংশ প্ৰস্তুতকৰণ আদি কামবোৰ এই নতুন দলক কৰিব দিয়ক।
- **বিশেষ দৃত :** যদি কামটো এনেকুৱা হয় য'ত নতুন বস্তুৰ সৃষ্টি কৰিব লাগে বা কোনো সমস্যাৰ সমাধান কৰিব লাগে তেতিয়া প্ৰত্যেক দলক অন্য এটা দললৈ বিশেষ দৃত পঠিয়াবলৈ ক'ব। তেওঁলোকে ধাৰণাবোৰ তুলনা কৰিব পাৰে বা সমস্যাৰ সমাধানো কৰিব পাৰে আৰু তাৰ পাছত নিজৰ দললৈ ঘূৰি দলক অন্য দলত কি হ'ল তাৰে প্ৰতিবেদন দিব। এইদৰে দলে পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ পৰা শিকিব পাৰে।

কামৰ শেষত যি শিকা হ'ল আৰু সাৰাংশ ক'ব আৰু যদি আপুনি কিবা ভুল বুজাবুজি দেখে তাৰ সংশোধন কৰিব। আপুনি প্ৰত্যেক দলৰ পৰা প্ৰতিপুষ্টি ল'ব পাৰে, নাইবা মাত্ৰ এটা বা দুটা দলক যিয়ে ভালদৰে প্ৰতিপুষ্টি দিব পাৰে বুলি আপুনি ভাৰে তেওঁলোকক প্ৰতিপুষ্টি ল'ব পাৰে। ছাত্ৰই প্ৰস্তুত কৰা প্ৰতিবেদন বাখিব আৰু তেওঁলোকৰ অন্য দলৰ পৰা প্ৰতিপুষ্টি লোৱা অনুপ্ৰাণিত কৰক যাতে তেওঁলোকৰ কামৰ কোন অংশ ভাল হৈছে, কোন অংশ আকৰ্ষণীয় হৈছে আৰু কোন অংশত অধিক উন্নত কৰাৰ থল আছে তাকে চিনাভক্ষণৰণ কৰিব পাৰিব। যদিও শ্ৰেণীত আপুনি দলগত কাম কৰিব বিচাৰে প্ৰথমতে আপুনি টান পাব, কিয়নো কিছুমান ছাত্ৰই

- কিছুমান ছাত্ৰই সত্ৰিল্লা শিকন্ত বাধা দিয়ে আৰু কাম নকৰে।
- আনক শাসন কৰে।
- আভ্যন্তৰীণ কৌশল নিম্নমানৰ বা আত্মবিহুস অভাৱ হোৱা বাবেও অংশগ্ৰহণ নকৰে।

দলগত কাম সঠিকভাৱে পৰিচালনা কৰিবলৈ ওপৰত উল্লেখিত কথাকেইটা বিবেচনা কৰাটো গুৰুত্বপূৰ্ণ লগতে শিকনৰ লক্ষ্যতো কিমানথিনি উপনীত হ'ল আৰু ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সহাবি কিমান সেয়াও বিবেচনা কৰিব (সচাঁকৈয়ে তেওঁলোক লাভৰান হৈছেনে?) সকলো কথা চালি জাৰি চাই যদি দলীয় কাম, সম্পদ, সময় আৰু বিন্যাসত কিবা সলনিৰ দৰকাৰ, সেইমতে পৰিকল্পনা কৰক।

গৱেষণাৰ পৰা জনা গৈছে যে ইতিবাচক সহাবিৰ বাবে শিকোৱা সকলো সময়তে দলগত কাৰ্য প্ৰয়োগ কৰিব নালাগে। গতিকে প্ৰতিটো পাঠতে দলগত কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰিবলৈ বাধ্যতামূলক বুলি ভাবি ল'ব নালাগে। দলগত কাৰ্যটো এটা অতিৰিক্ত কৌশল হিচাপে ভাবি ল'ব লাগে। উদাহৰণ স্বৰূপে বিষয়বস্তুৰ সলনিৰ মাজৰ সময়থিনিত নাইবা যেতিয়া শ্ৰেণীকোঠাৰ আলোচনাথিনি আকৰ্ষণীয় ক্ষেত্ৰ সজাবলৈ বিচাৰে, জড়তা ভাঙিবলৈ নাইবা পৰীক্ষামূলক ত্ৰিলুকালাপৰ আৰম্ভণি হিচাপে নাইবা শ্ৰেণীকোঠাৰ সমস্যা সমাধানৰ অনুশীলন কৰোঁতে দলগত কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰিব পাৰে।

Additional resources

- A newly developed maths portal by the Karnataka government:<http://karnatakaeducation.org.in/KOER/en/index.php/Portal:Mathematics>
- Class X maths study material: http://www.zietmysore.org/stud_mats/X/math.pdf

- National Centre for Excellence in the Teaching of Mathematics: <https://www.ncetm.org.uk/>
- National STEM Centre: <http://www.nationalstemcentre.org.uk/>
- OpenLearn: <http://www.open.edu/openlearn/>
- BBC Bitesize: <http://www.bbc.co.uk/bitesize/>
- Khan Academy's math section: <https://www.khanacademy.org/math>
- NRICH: <http://nrich.maths.org/frontpage>
- Mathcelebration: <http://www.mathcelebration.com/>
- Art of Problem Solving's resources page: <http://www.artofproblemsolving.com/Resources/index.php>
- Teachnology: <http://www.teach-nology.com/worksheets/math/>
- Maths is Fun: <http://www.mathsisfun.com/>
- National Council of Educational Research and Training's textbooks for teaching mathematics and for teacher training of mathematics: <http://www.ncert.nic.in/ncerts/textbook/textbook.htm>
- LMT-01 *Learning Mathematics*, Block 1 ('Approaches to Learning') Block 2 ('Encouraging Learning in the Classroom'), Block 6 ('Thinking Mathematically'): <http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-lmt-01-study-materialbooks.html>
- *Learning Curve and At Right Angles*, periodicals about mathematics and its teaching: http://azimpremjifoundation.org/Foundation_Publications
- Central Board of Secondary Education's books and support material (also including the *Teachers Manual for Formative Assessment – Mathematics (Class IX)*) – select 'CBSE publications', then 'Books and support material': <http://cbse.nic.in/welcome.htm>

References/bibliography

- Askew, M., Brown, M., Rhodes, V., Johnson, D. and Wiliam, D. (1997) *Effective Teachers of Numeracy*. London: King's College.
- De Morgan, A. (1865) 'A speech of Professor De Morgan, President, at the first meeting of the London Mathematical Society', *Proceedings of the London Mathematical Society*, Vol. 1 (1866), pp. 1–9.
- Marton, F. and Booth, S. (1997) *Learning and Awareness*. Mahwah, NJ: Erlbaum.
- National Council of Educational Research and Training (2005) *National Curriculum Framework (NCF)*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2009) *National Curriculum Framework for Teacher Education (NCFTE)*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2012a) *Mathematics Textbook for Class IX*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2012b) *Mathematics Textbook for Class X*. New Delhi: NCERT.
- Watson, A., Jones, K. and Pratt, D. (2013) *Key Ideas in Teaching Mathematics*. Oxford: Oxford University Press.

Acknowledgements

This content is made available under a Creative Commons Attribution-ShareAlike licence (<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/>), unless identified otherwise. The licence excludes the use of the TESS-India, OU and UKAID logos, which may only be used unadapted within the TESS-India project.

Every effort has been made to contact copyright owners. If any have been inadvertently overlooked the publishers will be pleased to make the necessary arrangements at the first opportunity.

Video (including video stills): thanks are extended to the teacher educators, headteachers, teachers and students across India who worked with The Open University in the productions.