

Building mathematical resilience: similarity and congruency in triangles

গণিতিক নমনীয়তা গঢ়ি তোলা :
ত্রিভুজের সাদৃশ্যতা আৰু সর্বসমতা



Teacher Education
through School-based
Support in India
www.TESS-India.edu.in

অনুবাদ আৰু অভিযোজন : ৰাজ্যিক শিক্ষা গবেষণা অৰু প্ৰশিক্ষণ পৰিষদ, অসম



<http://creativecommons.org/licenses/>



TESS.India ৰ লক্ষ্য হৈছে মুন্তলশিক্ষা সমলৰ যোগেদি ভাৰতৰ প্ৰাথমিক আৰু মাধ্যামিক শিক্ষক সকলৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ কাৰ্য উন্নত কৰাৰ লগতে ছা৤-ছাত্ৰী কেন্দ্ৰীক অংশগ্ৰহণকাৰী প্ৰয়াসৰ বিকাশ কৰা। TESS.India ৰ মুন্তলশিক্ষা সমল সমূহে শিক্ষকক পাঠ্যপুঁথিৰ লগতে সহযোগীতা আগবঢ়ায়। শিক্ষক সকলে তেওঁলোকৰ শ্ৰেণীকোঠাত ছা৤-ছাত্ৰী সকলৰ সৈতে আৰু পৰিস্থিতি অধ্যয়নৰ জৰিয়তে ত্ৰিস্তুাকলাপ সমূহ ব্যৱহাৰ কৰাৰ লগতে অন্য শিক্ষকে তেওঁলোকৰ পাঠ পৰিকল্পনা আৰু বিষয় জ্ঞানৰ বাবে সংযোগকাৰী সমলসমূহৰ সহায় ল'ব, এই সকলোবোৰে মুন্তলশিক্ষা সমলৰ দ্বাৰা সন্তোষ হ'ব।

TESS.India ৰ মুন্তলশিক্ষা সমল সমূহ ভাৰতীয় পাঠ্যত্ৰন্ত আৰু প্ৰাসংগিকতা সমূহক আগত ৰাখি ভাৰতীয় আৰু আন্তঃৰাষ্ট্ৰীয় লিখকৰ দ্বাৰাই লিখা হৈছে লগতে ছপা মাধ্যম তথা অনলাইনত (<http://www.tess-india.edu.in/>) সহজ লভ্য কৰা হৈছে। মুন্তলশিক্ষা সমল সমূহ প্ৰতিখন অংশগ্ৰহণকাৰী ভাৰতীয় ৰাজ্যৰ বাবে বিভিন্ন ভাষাত সহজলভ্য হৈছে আৰু ব্যৱহাৰকাৰী সকলক আমন্ত্ৰন কৰি স্থানীয় প্ৰয়োজনীয়তা আৰু প্ৰাসংগিকতা পূৰ্বাৰ পৰাকৈ স্থানীয়ভাৱে পৰিবেশৰ অনুকূল (adapt and localise) কৰি যুগ্মত কৰা হৈছে।

TESS.India মুন্তলবিহুবিদ্যালয়, ইংলেণ্ডৰ দ্বাৰা নেতৃত্ব দিয়া হৈছে আৰু ইংলেণ্ড চৰকাৰৰ দ্বাৰা পুঁজিৰে যোগান ধৰা হৈছে।

দৃশ্য সমল (video resources)

এই গোটটোৰ কিছুমান ত্ৰিস্তুাকলাপ তলত দিয়া প্ৰতিকৃতি:  . ৰ দ্বাৰা সংযোজিত কৰা হৈছে। এইটোৱে ইয়াকে সূচাইছে যে কিছুমান বিশেষ শৈক্ষিক বিষয়বস্তুৰ বাবে আপুনি TESS.India ৰ দৃশ্য সমলৰ সহায় ল'ব পাৰে।

TESS.India দৃশ্য সমলে ভাৰতৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ পৰিবেশত মুখ্য শৈক্ষিক কৌশলসমূহ বিস্তৃত ভিত্তিত ব্যাখ্যা কৰে। আমি আশা ৰাখিছো যে এই সমল সমূহে আপোনাক একে ব্যৱহাৰিক অনুশীলন সমূহ কৰিবলৈ অনুপ্ৰাণিত কৰিব। এই পাঠ ভিত্তিক গোটসমূহৰ দ্বাৰাই আপোনাৰ কাম কৰাৰ অভিজ্ঞতা উন্নীত কৰিবলৈ আৰু তাক সন্মান জনাবলৈ বিচৰা হৈছে, কিন্তু যদি গোট সমূহৰ ভিতৰত প্ৰবেশ কৰিবলৈ সমৰ্থ নহয় তেন্তে সেই সমূহ অসম্পূৰ্ণ হৈ ৰ'ব।

TESS.India দৃশ্য সমল সমূহ অনলাইনত চাব পাৰিব নতুৱা TESS.India ৱেবচাইটৰ পৰা ডাউনলোড কৰিব পাৰিব (<http://www.tess-india.edu.in/>) নতুৱা আপুনি এই দৃশ্য সমূহ চি.ডি. নাইবা মেমৰি কাৰ্ডত উপলব্ধ কৰিব পাৰিব।

এই গোটটোর বিষয়ে (What this unit is about)

সকলোবোর শিকনেই কিছুপরিমানে নমনীয় (resilience) হোৱাৰ প্ৰয়োজন। ছাত্র-ছাত্ৰীয়ে জীৱনব্যাপি শিকিবলৈ হ'লে বৰ্তমান বিদ্যালয়ত নমনীয় (resilience) হোৱাৰ প্ৰয়োজন হৈছে বুলি বহুলভাৱে পৰিচিত হৈছে। গণিতত এটা বিশেষ ধৰণৰ নমনীয় (resilience) হোৱাৰ প্ৰয়োজন যেন দেখা যায়। আংশিকভাৱে তাৰ কাৰণ হৈছে, সমাজত যি ধৰণেৰে গণিতক চোৱা হয়, যি ধৰণেৰে গণিতক উপস্থাপন কৰা হয়, তাৰ পৰা সৃষ্টি হোৱা বাধাৰোৰ, সমস্যাবোৰ আঁতৰাবলৈ কিন্তু মানুহক বহুত দৈৰ্ঘ্য আৰু চেষ্টাৰ দৰকাৰ হয়। বিভিন্ন ধৰণৰ নমনীয়তা গঢ়িবলৈ সহায় কৰি ছাত্র-ছাত্ৰীক ভালদৰে গণিত শিকিবলৈ সমৰ্থ কৰোৱাৰ লগতে তেওঁলোকক প্ৰয়োজনীয় শিক্ষাগত অৰ্হতা আহৰণ কৰোৱাই জীৱনৰ সুযোগ / সুবিধাবোৰ পৰ্যাপ্ত পৰিমাণে বৃদ্ধি কৰোৱাত সহায় কৰিব পাৰি।

গণিতৰ জটিলটাৰ এটা ভাল উদাহৰণ আপোনালোকে ত্ৰিভুজৰ সৰ্বসমতা আৰু সাদৃশ্যতা পাঠ্টোত বিচাৰি পাৰ আৰু আপোনালোক এই গোটটোত সেই বিষয়ে অধ্যয়ন কৰিব। এইবোৰ খুৱেই সৰল আৰু বুজিবলৈ সহজ ধাৰণা, কিন্তু যিকোনো পাঠ্যপুঁথি চাওক গাণিতজ্ঞ সকলৰ আবিষ্কাৰ আৰু সৃষ্টিবোৰ লক্ষ্য কৰিবলৈ দেখিব যে, তেওঁলোকে কেইবা শতিকাৰ আগৰে পৰাই এনে ধৰণৰ বুজিবলৈ সহজ ধাৰণাবোৰ পৰা বহুত গাণিতিক ধাৰণাৰ বিকাশ কৰিছে। এই গোটটোত দিয়া কাৰ্যৰ যোগেন্দি আপুনি গণিত শিকনত ছাত্র-ছাত্ৰীৰ নমনীয়তা বিকাশ কৰিবলৈ সহায় কৰিব পাৰে যাতে তেওঁলোকে গণিতৰ বিভিন্ন ধাৰণাবোৰ / অনুসন্ধান কৰিবলৈ ইচ্ছুক আৰু সমৰ্থ হয় আৰু ফলস্বৰূপে ছাত্র ছাত্ৰীসকল কৃতকাৰ্য্য হৰলৈ হ'লে যথেষ্ট চেষ্টা আৰু দৈৰ্ঘ্যৰ দৰকাৰ হয়।

এই গোটটোত আপুনি কি শিকিব পাৰিব (What you can learn in this unit)

- গণিত শিকোতে ছাত্র-ছাত্ৰীৰ নমনীয়তা কেনেকৈ গঢ়িব পাৰি।
- গণিত শিকনত ভাল কৰিবলৈ আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্ৰীক কেনেদৰে সহায় কৰিব তাৰ কেইটামান পৰামৰ্শ।
- গণিত শিকোতে কেনেকৈ ছাত্র-ছাত্ৰীক বেছি সময় ব্যৱ কৰি ৰাখিব আৰু তেওঁলোকৰ অসুবিধাবিলাক কেনেদৰে আঁতৰাব পাৰিব তাৰ কেইটামান দিশ।

সমল 1 ত উল্লেখ কৰা NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষণৰ প্ৰয়োজনীয়তা সমূহক এই গোটটোৱে সংযোগ ঘটাইছে।

1 শিকনত নমনীয়তা আৰু গাণিতিক নমনীয়তা (Resilience and mathematical resilience in learning)



চিন্তন শচন্ত্ৰতন্ত্ৰ দৃষ্টিকোণ

ভাৰতীয় পাঠ্যত্ৰ্যালাত ‘ত্ৰিভুজ’ হৈছে পাঠ্যত্ৰ্যালাতৰ এটা মুখ্য অংশ। আপুনি নৱম আৰু দশম মান শ্ৰেণীৰ পাঠ্যপুঁথিত ত্ৰিভুজ, সৰ্বসমতা আৰু সাদৃশ্যতাৰ বিষয়ে বিচাৰি পাৰ। [NCERT কিতাপৰ নৱম শ্ৰেণীৰ 7 আৰু 8 নং অধ্যায় আৰু দশম শ্ৰেণীৰ 13 নং অধ্যায়]

এইবোৰ বিষয়ে কিয় প্ৰায়েই অধ্যয়ন কৰিবলৈ কোৱা হৈছে ভাৰি ছাইছেনে? পাঠ্যত্ৰ্যালাত যি দৰে ইয়াক গুৰুত্ব দিয়া হৈছে তাত আপুনি সন্মত নে?

নমনীয়তা হৈছে সমস্যাৰ সৈতে যুঁজিব পৰা এটা সামৰ্থ। সমস্যাটো যিমানেই টান নহওক কিয়, ই আপোনাক/ছাত্র ছাত্ৰীক আগবঢ়াই লৈ যায়। জীৱনত ভালকৈ কাম কৰিবলৈ হলে কিছুপৰিমানে হলেও আমি সকলোৱে নমনীয় হোৱাটো প্ৰয়োজন।

বৰ্তমানৰ শৈক্ষিক অনুশীলন আৰু গৱেষণাই শিকনত নমনীয় হোৱাটোৰ গুৰুত্বতাৰ ওপৰত আৰু নমনীয়তাৰ প্ৰভাৱ শিক্ষাগত প্রাপ্তি আৰু বৃত্তিগত কৃতকাৰ্য্যতাৰ ওপৰত কেন্দ্ৰীভূত কৰিছে। জীৱনযোৰা শিকন সমাজৰ নিয়ম হৈ পৰিছে। নমনীয় শিকাৰ বিলাকৰ শিকনৰ দিশত এটা যোগায়ুক স্থিতি থাকে আৰু কিছুমান ঘৰৱা সমস্যা যেনে - কাম কৰিবলৈ এটুকুৰা নিৰিবিলি ঠাই বিচাৰি নাপালেও বা ভোক-লাগিলেও বা শিকনৰ কিছুমান সমস্যা যেনে - গণিতৰ সুত্ৰৰ অৰ্থ বুজি নাপালেও কিন্তু তেওঁলোকে এই সমস্যা আৰু বাধাৰোৰ আঁতৰাই শিকনক আগবঢ়াই লৈ যাব পাৰে।

গাণিতিক ভাবে নমনীয় হোরাটো বিশেষকৈ গুরুত্বপূর্ণ। Lee আৰু Johnson- Widden(2013) য়ে গাণিতিক ভাবে নমনীয় হোরাটোক ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ গণিতৰ প্ৰতি এজন শিকাৰৰ স্থিতি (Stance i.e. standpoint) বুলি বৰ্ণনা কৰিছে আৰু যিটোৱে তেওঁলোকক গণিত শিকনৰ যাত্রাটোত বাধা আৰু প্ৰত্যহান পালেও আগবঢ়াই লৈ যাবলৈ সমৰ্থ হয়। বিভিন্ন কাৰকৰ বাবে গণিত শিকিবলৈ ছাত্র-ছাত্রীক এটা বিশেষ ধৰণৰ নমনীয়তাৰ দৰকাৰ বুলি তেওঁলোকে যুক্তিহৃদয়ে। সেই কাৰকবোৰ হ'ল -

- শিক্ষণৰ বিভিন্ন প্ৰকাৰবোৰক প্ৰায়েই জড়িত কৰা হয়। (Nardi আৰু Steward, 2003)
- গণিতৰ নিজা বৈশিষ্ট্য
- গাণিতিক সামৰ্থতা (Mathematical ability) ‘স্থিৰ’ বুলি থকা প্ৰচলিত বিন্দুস



চিঞ্চল শচ্ছান্তিসমূহ দ্রুপ্রস্তুতন্ত্ৰবৃক্ষ

আপুনি নিজে গণিতৰ ওপৰত কেতিয়া কাম কৰিছিল ঘূৰি চাওকচোন। আপুনি বাৰু নিজকে এজন গাণিতিক ভাবে নমনীয় শিকাৰ বা আন হিচাপে বিবেচনা কৰিবলৈ আপুনি আপোনাৰ শিকনত কি কৰিব?

আপোনাৰ শ্ৰেণীত কিছুমান ছাত্র-ছাত্রীয়ে কেনেকৈ গণিত শিকে ভাৱক। আপুনি গাণিতিক ভাবে নমনীয় বুলি ভৱা এজন বিশেষ ছাত্র আৰু গাণিতিক ভাবে নমনীয় নোহোৱা আন এজন ছাত্ৰৰ বিষয়ে ভাৱকচোন। তেওঁলোকৰ শিকন ব্যৱহাৰত কি ধৰণৰ সাদৃশ্য আৰু কি ধৰণৰ বৈসাদৃশ্য আছে?

2 গাণিতিক ভাবে নমনীয় হ'লৈ শিক্ষণ (Teaching for mathematical resilience)

গণিত শিকনৰ প্ৰতি এটা “বৰ্দিত মানসিক আন্তঃগাঠনি” বিকাশ

বিভিন্ন সমস্যাৰ মুখামুখি হ'লেও, যিসকল ছাত্র-ছাত্রীয়ে গাণিতিক সমস্যাবোৰ সমাধান কৰিবলৈ বিভিন্ন ধৰণৰ উপায় উলিয়াইছে সেইসকল ছাত্র-ছাত্রীক গাণিতিকভাৱে নমনীয় বুলি ক'ব পাৰি। এনে ধৰণৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ এটা বৰ্দিত মানসিক আন্তঃগাঠনি থাকে অৰ্থাৎ তেওঁলোকে জানে যে প্ৰত্যহানবিলাক অতিত্ৰুত্ব কৰিবলৈ আৰু সমস্যাবোৰ সমাধান কৰিবলৈ তেওঁলোকে যিমানেই কাম কৰিব, সিমানেই তেওঁলোক পাকৈত / পাগত (smart) হ'ব। যিবিলাক ছাত্র-ছাত্রীৰ এনেধৰণৰ এটা বৰ্দিত মানসিক আন্তঃগাঠনি (মনোভাৱ) থাকে, তেওঁলোকে শিকনৰ এটা নিৰ্দিষ্ট সীমা থকা বুলি বা এখন চিলিঙ্গ আছে বুলি প্ৰহণ কৰি নলয়। সেয়েহে তেওঁলোকে গণিতৰ বিভিন্ন দিশ সমূহ সম্পূৰ্ণৰূপে নিজৰ মাজত সোমোৱাই নোলোৱালৈকে (বা বুজি নোপোৱালৈকে) তেওঁলোকক সহায় কৰিব পৰা যিকোনো লোকৰ সৈতে গণিতৰ বিভিন্ন ধাৰণাসমূহ / দিশসমূহৰ ওপৰত আলোচনা কৰিব আৰু প্ৰয়োজনীয় কৰি যাব। এইধৰণৰ নমনীয় উপায়েৰে কাম কৰোতে বিভিন্ন দিশসমূহ ব্যাখ্যা কৰিবলৈ আৰু দলগতভাৱে কাম কৰিবলৈ যথেষ্ট পৰিমাণে গাণিতিক পৰিভাষা জানিব লাগিব।

পৰীক্ষা নিৰীক্ষা চলোৱা আৰু প্ৰয়োজনীয় হোৱাটোৰ এটা ভাগ। উদাহৰণস্বৰূপে, বিভিন্নধৰণৰ তথ্য প্ৰযুক্তি (ICT) সঁজুলি বা হস্তসঞ্চালনৰ মাধ্যমৰে যি সকল ছাত্র-ছাত্রীক গণিতৰ বিভিন্ন ধাৰণাসমূহ খেলাৰ মাধ্যমেৰে শিকিবলৈ উৎসাহিত কৰা হয়, সেইবিলাক ছাত্র-ছাত্রীৰ নমনীয়তা বিকাশ হয়। কাৰণ, তেওঁলোকে সেই ধাৰণাসমূহ অনুসন্ধান কৰি লাহে লাহে সেইবোৰ বুজিবলৈ আৰম্ভ কৰে। দলগতভাৱে কাম কৰি আন এক উপায়েৰে নমনীয়তা বিকাশ কৰিব পাৰি, যিহেতু ছাত্র-ছাত্রীয়ে তেওঁলোকক যেতিয়াই দৰকাৰ হয়, তেওঁয়াই সমনীয়াৰ পৰা সহায় ল'ব পাৰে। এজন নমনীয় ছাত্ৰই বিভিন্ন উৎস যেনে, জেষ্ট ছাত্র-ছাত্রী, পাঠ্যপুঁথি, Internet, শিক্ষক বা আন কোনোৰা এজন সম্বন্ধীয় জ্ঞানী মানুহ ইত্যাদিৰ পৰা সহায় ল'ব পাৰে। ছাত্র-ছাত্রীৰ নমনীয়তা বিকাশ কৰাৰ আন এক উপায় হৈছে ছাত্র-ছাত্রীক অলগ পাক থকা / জটিল ধৰণৰ প্ৰয়োজনীয় কৰিবলৈ দিব লাগে আৰু তেনে ধৰণৰ প্ৰয়োজনীয় টান হ'লেও লাগি থাকিবলৈ দি তাতকৈ বেছি বুধিয়ক হ'লৈ সমৰ্থ কৰাৰ লাগে। সকলোৰে ছাত্র-ছাত্রীয়ে জানিব লাগিব যে তেওঁলোকে নিজেই নিজৰ শিকনৰ দায়িত্ব ল'ব লাগিব আৰু সেয়েহে তেওঁলোকে ভালকৈ বুজি পাৰ লাগিব। গাণিতিক ভাবে নমনীয় ছাত্ৰজনে তেওঁ কিমানখিনি আয়ত্ব কৰিব পাৰে বুজি পাৰ আৰু তেওঁৰ সীমাটো বঢ়াবলৈ / উন্নতি কৰিবলৈ হ'লৈ সঠিক দিশত কেনেকৈ, ক'ব পৰা সহায় ল'ব লাগে সেই বিষয়ে জানিব পাৰিব।

চমুকে, গাণিতিকভাবে নমনীয় ছাত্র-ছাত্রীয়ে তেওঁলোকৰ অভ্যসনৰ জৰিয়তে তেওঁলোক গাণিতিকভাবে যে অকলশৰীয়া নহয় বা গাণিতিকভাবে তেওঁলোক যে মূৰ্খ নহয়, নিশ্চিতভাবে ক'ব পাৰিব। তেওঁলোকে সত্ৰিঙ্গাভাৱে কাম নকৰাকৈ, আনৰ পৰা পৰোক্ষভাৱে গণিতৰ বিভিন্ন দিশসমূহ বা ধাৰণাসমূহ গ্ৰহণ কৰিব নোখোজে, কিন্তু তেওঁলোকে নিজে কাম কৰি বুজি পোৱাটোত সম্ভৱতি জনাবলৈহে দাবী জনায়। গাণিতিক চিন্তাধাৰাত তেওঁলোকৰ বৰ্তমানৰ জ্ঞান, ৰোধ, কৌশল আৰু প্ৰয়োগ ব্যৱহাৰ কৰি তেওঁলোকে নিজা নিজা গাণিতিক চিন্তা আগবঢ়াই নিয়াটোকে পুনৰ বিচাৰে আৰু নতুন নতুন ধৰণৰ গণিত শিকিবলৈ যি সামৰ্থতাৰ দৰকাৰ হয়, সেই বিষয়ে নিজকে আত্মবিহ্বাসী কৰি গঢ়ি তোলে।

(Lee আৰু Johnston wilder, 2013)

গাণিতিক নমনীয়তা বিকাশ কৰাৰ বিভিন্ন উপায় (Working in ways that develop mathematical resilience)

Lee আৰু Johnston wilder (2013)ৰ মতে গাণিতিক নমনীয়তা বিকাশ কৰিবলৈ ছাত্র-ছাত্রীয়ে তলত দিয়াবোৰ কৰিবলৈ সুবিধা পাব লাগিব-

- গাণিতিক ভাষাত কথা বতৰা পাতোতে যথেষ্ট পৰিমাণে গাণিতিক পৰিভাষা আৰু বিভিন্ন প্ৰকাশভঙ্গীৰে ছাত্র-ছাত্রীক কেনেকৈ ব্যন্ত বাখিৰ পাৰে, প্ৰয়ুৰ সজাৰ প্ৰাথমিক ধাৰণা, দলগতভাৱে কেনেকৈ কাম কৰিব লাগে আৰু ৰোধৰ ভেটি কেনেকৈ গঢ়িব লাগে আৰু গাণিতিকভাৱে কেনেকৈ চিন্তা কৰিব লাগে শিকিব লাগিব। ইয়াৰ অৰ্থ এইটোৱে যে কেৱল শিক্ষকৰ কথা শুনিলেই নহ'ব ছাত্র ছাত্রীয়ে নিজে গাণিতিক পৰিভাষা ব্যৱহাৰ কৰি তাক কেনেকৈ প্ৰকাশ কৰিব লাগে জানিব লাগিব।
- ভুল কৰক আৰু ভুল কৰি আগবঢ়াক যাতে তেওঁলোকৰ বিহ্বাস জন্মে যে টান পোৱা স্বত্বেও যদি তেওঁলোকে চেষ্টা কৰি থাকে, তেন্তে কৃতকাৰ্য হ'বলৈ বেছি দূৰ নাই।
- এটা গাণিতিক পৰিৱেশত বিভিন্ন ধাৰণাবোৰৰ ওপৰত পৰীক্ষা নিবীক্ষা কৰি চেষ্টা চলাই যাবলৈ দিয়ক যাতে তেওঁলোকৰ সামৰ্থতা বাঢ়ে আৰু সেই কাম কৰি তেওঁলোকে যে ভাল পাইছে সেই বিশয়ে আমি আমাৰ অভিজ্ঞতাৰ পৰা জানিব লাগিব।
- উল্লেখযোগ্য সমস্যাবোৰৰ সমাধান বিচাৰিব দিয়ক। এনেকুৱা সমস্যাবোৰৰ লগত কাম কৰি ছাত্র-ছাত্রীসকলে উন্নৰ উলিয়াবলৈ চেষ্টা কৰিব, নিজে কৰা ভুলবোৰ চিনি পাব আৰু আন আন মানুহৰ সহায় লৈ বেছি সময়লৈকে কাম কৰি এটা ভাল যুক্তিলংগত সমাধান বিচাৰি পাব।
- গণিতৰ প্ৰতি এটা প্ৰতিফলিত আৰু চিন্তাপূৰ্ণ স্থিতি আহৰণ কৰক। তেওঁলোকে জানিব যে, যদি তেওঁলোকে গভীৰভাৱে চিন্তা কৰিব পাৰে, আনৰ লগত মত বিনিময় কৰে, গণিতৰ বিভিন্ন দিশ বা ধাৰণা সমূহৰ বিষয়ে পঢ়ি যি জ্ঞান আহৰণ কৰিলে তাক যদি পুনৰাই মনত পেলায়, তেন্তে বাস্তৱ বা সত্য বুলি ভাবি থকা কঠিন ধাৰণা আৰু সমস্যাবোৰক লৈ তেওঁলোক আগুৱাই যাবলৈ সমৰ্থ হ'ব।

এই গোটটোত দিয়া কাৰ্যবোৰে 5 টা নমনীয়তা কৌশল বিকাশ ঘটোৱাত সহায় কৰিব।

3. গাণিতিক ভাষাৰ বিকাশ (Developing mathematical language)

গাণিতিকভাৱে নমনীয় হ'বলৈ হ'লে ছাত্র-ছাত্রীয়ে কিহৰ কাৰণে কষ্ট কৰি আছে তাক লক্ষ্য কৰাটো আৰু তেওঁলোকৰ প্ৰয়ু, মনৰ ভাৱ আৰু ধাৰণাবোৰ প্ৰকাশ কৰাটো প্ৰয়োজন। এইবোৰ কৰিবলৈ সমৰ্থ হ'বলৈ হ'লে ছাত্র-ছাত্রীয়ে পঢ়িব, ব্যাখ্যা কৰিব আৰু গাণিতিক শব্দবোৰ প্ৰয়োগ কৰিবলৈ শিকাৰ সুবিধা পোৱাটো দৰকাৰী। যিহেতু যিকোনো ভাষা শিকোতে শব্দবোৰ আৰু লগতে সেইবোৰ কেনেকৈ প্ৰকাশ কৰে তাক জানিব লাগিব, বেলেগ বেলেগ প্ৰসংগ আৰু জটুৱা ঠাচত ব্যৱহাৰ কৰিব লাগিব আৰু সেই শব্দবোৰ আৰু সিহত্ব প্ৰকাশভঙ্গীক অৰ্থ দিব লাগিব। এটা ভাষা ভালকৈ ফলপৎসু ভাবে শিকিবলৈ হ'লে আপুনি নিয়মিতভাৱে ভাষাটো শুনিব লাগিব, চাৰ লাগিব, পঢ়িব লাগিব, লিখিব আৰু ক'বলৈ অনুশীলন কৰিব লাগিব।

গাণিতিক (গণিত সম্বন্ধীয়) পৰিভাষা কেনেকৈ ব্যৱহাৰ কৰিব লাগে কাৰ্য-1 ত দিয়া হৈছে। ইয়াৰ কাৰণে ছাত্র-ছাত্রীয়ে তেওঁলোকৰ নিজা গণিত সম্বন্ধীয় অভিধান আৱিষ্কাৰ (নতুনকৈ ওলোৱা) কৰাটো প্ৰয়োজন। যিবিলাক গাণিতিক শব্দ আৰু উন্নিত স্পষ্টীকৰণৰ প্ৰয়োজন, সেইবোৰ চিনাত্বুকৰা, তেওঁলোকৰ নিজা ব্যাখ্যা লিখা আৰু আন ছাত্র-ছাত্রীৰ সৈতে সেই বিষয়ে কথা পতাৰ প্ৰয়োজন। তাকে কৰোতে

তেওঁলোকে কেনেকৈ গাণিতিক ভাষাবোর ব্যবহার করে তাক শিকিব লাগিব আৰু ফলত গণিত শিকোতে তেওঁলোকক কৃতকাৰ্য হোৱাত সহায় কৰিব।

এই গোটটোত সকলোবোৰ কাৰ্যৰে গাণিতিক প্ৰসংগ হৈছে- ত্ৰিভুজ আৰু বিশেষকৈ ত্ৰিভুজৰ সাদৃশ্যতা আৰু সৰ্বসমতা। যিয়েই নহওঁক, কাৰ্যবোৰত লোৱা পদ্ধতি ঘোৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে অধ্যয়ন কৰা আটাইবোৰ পাঠতে প্ৰয়োগ কৰিব পাৰিব।

কাৰ্য-1ৰ ভাগ 3 ত ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক ভাগ 1 আৰু ভাগ 2 ত যি শিকিলে তাক আকো এবাৰ বিচাৰ কৰি চাবলৈ কোৱা হৈছে। এই গোটটোত প্ৰায়বোৰ কাৰ্যতে ইয়াক বাবে বাবে কোৱা হৈছে। এইটো কৰাৰ উদ্দেশ্য হৈছে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে যেতিয়া শিকে, কোনোৰ বস্তুৱে তেওঁলোকক শিকন্ত বেছি পৰিমাণে সত্ৰিয় কৰি গঢ়ি তোলা হয়।

এই গোটটোত দিয়া কাৰ্যবোৰ আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সৈতে চেষ্টা কৰাৰ আগোয়ে আটাইবোৰ নহ'লৈও কেইটামান কাৰ্য নিজে কৰি চালে ভাল হয়। তাতকৈ যদি আপুনি এই কাৰ্যবোৰ আপোনাৰ এজন সহকাৰীৰ সৈতে কৰে তেতিয়া আৰু ভাল হয়। কাৰণ কাৰ্যকেইটা কেনে হ'ল তাক বুজাত ই আপোনাক সহায় কৰিব। নিজে কৰি চালে, ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ কি ধৰণৰ অভিজ্ঞতা হ'ব পাৰে তাক বুজিবলৈ আপোনাৰ সহায় হ'ব আৰু আনহাতেদি শিক্ষক হিচাপে ই আপোনাৰ শিক্ষণ আৰু অভিজ্ঞতাক প্ৰভাৱিত কৰিব। এইদৰে সাজু হৈ আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সৈতে কাৰ্যকেইটা কৰক। পাঠটো শিকোৱাৰ পিছত আপুনি কাৰ্যকেইটা কেনেকৈ শিকালে আৰু ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে কি শিকিলে সেই বিষয়ে ভাৱক। ই আপোনাক এটা ভাল শিকাৰ কেন্দ্ৰিক শিক্ষণ পৰিৱেশ বিকাশ হোৱাত সহায় কৰিব।

কাৰ্য-1 আপোনাৰ নিজা গাণিতিক অভিধান বনাওক (making your our mathematical ditionary)

এই কাৰ্যটোত ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে দুজনীয়া বা সৰু সৰু দলক বাহি ইজনে সিজনৰ লগত তেওঁলোকৰ বিভিন্ন ধাৰণা আৰু তাৰ উভৰ সমূহ বিনিময় কৰিব। কাৰ্যটোৰ সকলোবোৰ ভাগ যাতে নিৰ্দিষ্ট সময়ত আলোচনা হয়, সময় পাৰ হৈ নায়ায় সেই বিষয়ে আগোয়ে ভাৱি ল'ব। উদাহৰণস্বৰূপে যেনে, ‘পিছত 10 মিনিটত মই তোমালোকক.....’ ইত্যাদি।

আপুনি সমল 2 ত ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ এখন অভিধানত অন্তৰ্ভুক্তকৰা কিছুমান উদাহৰণ বিচাৰিব পাৰে।

ভাগ 1 : অভিধান প্ৰস্তুত কৰণ (Making the dictionary)

আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক তলত দিয়াবোৰ কওক :

তোমালোকৰ পাঠ্যপুথিত থকা ত্ৰিভুজৰ অধ্যায়টো চোৱা-

- অধ্যায়টোত ব্যৱহাৰ হোৱা জ্যামিতিৰ শব্দবোৰৰ এখন তালিকা বনোৱা।
- তালিকাখনত থকা শব্দবোৰৰ মাজত দৈনন্দিন ব্যৱহাৰ হোৱা কিবা শব্দও আছে নেকি? শব্দবোৰৰ জ্যামিতিৰ অৰ্থ আৰু দৈনন্দিন ব্যৱহৃত অৰ্থৰ মাজত কি সাদৃশ্য বা বৈসাদৃশ্য আছে?
- জ্যামিতিৰ শব্দবোৰৰ বাবে তোমালোকে নিজা নিজা ব্যাখ্যা লিখা। এই শব্দবোৰ হয়তো তোমালোকক এটা নক্ষা বা ছবিও অঁকাত সহায় কৰিব পাৰে।

ভাগ 2: গাণিতিক উত্তিষ্ঠ অৰ্থ প্ৰদান (Giving meaning to mathematical statement)

আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক তলৰ কথাকেইটা কওক

আকো, এবাৰ আগৰ দৰে দলত বা দুজনীয়া দলত তোমালোকৰ পাঠ্যপুথিত থকা ত্ৰিভুজৰ অধ্যায়টো চোৱা

- তোমালোকে ইতিমধ্যে পাই অহা আৰু ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ বাবে বুজিবলৈ টান হোৱা কিছুমান গাণিতিক উত্তিষ্ঠলিখা। উদাহৰণস্বৰূপে যদি এটা ত্ৰিভুজৰ দুটা বাহ আৰু অন্তৰত্তী কোনটো আন এটা ত্ৰিভুজৰ দুটা বাহ আৰু তাৰ অন্তৰত্তী কোনৰ সমান হয়, তেন্তে ত্ৰিভুজ দুটা সৰ্বসম হয়। (SAS সৰ্বসমতা নিয়ম)
- গাণিতিক উত্তিষ্ঠটোৰ লগত প্ৰসংগ নথকা বুলি তোমালোকে ভাৱা শব্দ কিছুমান চিনাভুক্তকৰা। ওপৰত দিয়া উদাহৰণটোত অন্তৰত্তী শব্দটো তোমালোকে নিশ্চয় দৈনন্দিন ব্যৱহাৰ হোৱা ভাষাত বুজি পাৰা কিন্তু গাণিতিক উত্তিষ্ঠ ইয়াক ব্যাখ্যা কৰিবলৈ

টানি পাব পাৰা।

- এই শব্দবোৰ অৰ্থ কি হ'ব পাৰে তাক আলোচনা কৰি লিখা। চেষ্টা কৰা আৰু যিমান পাৰা সিমান পৰিস্কাৰকৈ বহলাই লিখা। কাৰ্যৰ এই ভাগটোৱ বাবে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক উদাহৰণবোৰ বিচাৰিব দিয়াতকৈ বৰং আপুনি কিছুমান উদাহৰণ আগেয়ে সাজু কৰি বাখিলে আপোনাৰ নিশ্চয় সহায় হ'ব। তেওঁলোকে অধ্যয়ন কৰা পাঠ্যপুঁথিখনৰ পৰাই আপুনি উদাহৰণবোৰ ল'ব পাৰে। ই আপোনাক সময় বচোৱাত সহায় কৰিব কাৰণ তেতিয়া ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে উদাহৰণসমূহ নিজে বিচাৰিবলগীয়া নহয়।

ভাগ ৩ঃ আপোনাৰ শিনৰ প্ৰতিফলন (Reflecting on your learning)

আপোনাৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক তলৰ কথাকেইটা কওক

কাৰ্যৰ এই ভাগটোত তোমালোকে ইতিমধ্যে কি শিকিলা তাক আকৌ এৰাৰ ভাৰি চোৱা যাতে তোমালোকে গণিতত আৰু ভাল হোৱা আৰু আনন্দৰে গণিত শিকিব পাৰা।

- এই কাৰ্যৰ ভাগ ১ টো কৰোতে তোমালোকে কি টান বা সহজ পালা?
- তোমালোকে এই কাৰ্যটোৱ কি ভাল পালা?
- তোমালোকে এই কাৰ্যটোৱ পৰা কি ধৰণৰ গণিত শিকিলা?
- গণিত কেনেকৈ শিকিব পাৰি সেই বিষয়ে কি শিকিলা?

ভিডিওঁ: স্থানীয় সমলৰ ব্যৱহাৰে



ভিডিওঁ: দলীয় কাৰ্যৰ ব্যৱহাৰে



‘স্থানীয় সমলত ব্যৱহাৰ’ আৰু দলীয় কাৰ্যৰ ব্যৱহাৰ’ৰ মূল ২ সমল সমূহ আপুনি চাব বিচাৰিব পাৰে।

বিষয় অধ্যয়ন ১ঃ কাৰ্য ১ ৰ সহায়ত শ্ৰীযুত গোপাল বৰাই কি শিকালে তাৰ ওপৰত প্ৰতিফলন (Mrs Gopal Bora reflects on using activity1)

এইটো এজন শিক্ষকে তেওঁৰ মাধ্যমিক পৰ্যায়ৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সৈতে এই কাৰ্যটো কৰি পোৱা এটা অভিজ্ঞতাৰ বিৱৰণ। তেওঁ এখন ইংৰাজী মাধ্যমৰ বিদ্যালয়ৰ শিক্ষক।

এই কাৰ্যটো আৰম্ভ কৰোতে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকল বৰ সুখী হৈছিল। তেওঁলোকে নিজৰ নিজৰ পাঠ্যপুঁথি মেলি লৈ তেওঁলোকৰ বাবে নতুন ধৰণৰ যেন বুলি ভাবা শব্দবোৰ বা বিশেষ ধৰণৰ জ্যামিতিৰ শব্দবোৰ বিচাৰিবলৈ ধৰিলে। শ্ৰেণীকোঠাটোৱ চাৰিওফালে ঘূৰি ফুৰোতে মই লক্ষ্য কৰিলো যে তেওঁলোকে ইজনে সিজনৰ পৰা বা পাঠ্যপুঁথিত দিয়া ব্যাখ্যাবোৰ পঢ়ি, কিছুমান শব্দৰ অৰ্থ পঢ়ি বিচাৰি উলিয়ালে আৰু নজনাবোৰৰ কাৰণে ঠাইবোৰ খালী কৈ থৈ দিলে। শব্দবোৰে কি সূচায় তাক জানিবলৈ ইজনে সিজনক সোধাসুধি কৰোতে শ্ৰেণীকোঠাত আচলতে যথেষ্ট চিত্ৰৰ বাখৰ হৈছিল। সন্তুষ্টতাৰ মই তেওঁলোকক সন্মুখত বা পিছত বহাজনক নহয়, ওচৰত বহাজনক হে সুধিবলৈ দিম। এইদৰে তেওঁলোকে গণিতৰ কথা বতৰা পাতি, যথেষ্ট চিত্ৰৰ বাখৰ কৰি ইজনে সিজনক সুধি গণিতৰ বহুতো বস্তুৱেই উলিয়াই আনিলো।

অলপ সময়ৰ পিছত কাৰ্যটোত কৰিবলৈ যে আন প্ৰত্বেও আছে সেই বিষয়ে মই তেওঁলোকক মনত পেলাই দিলো। সেইবোৰৰ ভিতৰত

তেওঁলোকে বিচারি উলিওরা শব্দবোর নিজৰ ভাষাত লিখিবলৈ চেষ্টা কৰা, এটা নক্ষা বনোৱা আৰু তেওঁলোকে সেই শব্দটো গণিতৰ বাহিৰেও আন কিবা বেলেগ প্ৰসংস্কৃত ব্যৱহাৰ হোৱা দেখিছেনেকি আৰু সেই প্ৰসংস্কৃত শব্দটোৱে কি অৰ্থ বুজাইছে সেই বিষয়ে ভাবি লিখা। শব্দৰ অৰ্থ বুজোৱা শেষৰ প্রত্তুটো ছাত্-ছাত্ৰীয়ে টান পালে। ইংৰাজীভাষাৰ ব্যৱহাৰ তেওঁলোকে বেছিকে কৰা নাছিল আৰু সেয়ে মই তেওঁলোকক অভিধানত তাৰ অৰ্থবোৰ চাবলৈ উদগনি যোগালো যাতে তেওঁলোকে গাণিতিক শব্দবোৰ দৈনন্দিন ব্যৱহাৰত শব্দৰ লগত মিলে নে নিমিলে তাক চাব পাৰে। মই কিছুমান ছাত্-ছাত্ৰীক শব্দবোৰ হিন্দীলৈও অনুবাদ কৰি দিছিলো।

এই উদাহৰণটো আমাৰকাৰণে এটা খুবেই লাভদায়ক উদাহৰণ আছিল। ছাত্-ছাত্ৰীসকলে গণিতৰ ভাষাৰ ক্ষেত্ৰত যেনে- লিখা, পঢ়া আৰু কথা পাতবলৈ এটা ভাল সুযোগ পালে। গণিতত ব্যৱহাৰ হোৱা ভাষাটো ছাত্-ছাত্ৰীৰ বাবে কিমান অচিনাকী আৰু গাণিতিক ধাৰণাবোৰ আয়ত্ব কৰাত ই তেওঁলোকৰ বাবে কিমান বাধাস্বৰূপে হৈ আছে, তাক মই উপলক্ষি কৰিবলৈ বাধ্য হৈছিলো। ভৱিষ্যতে গণিতৰ ভাষা শিকালে সচাঁকৈয়ে মই বেছিকে সময় আৰু বেছি মনোযোগ দিব বিচাৰো - যদি তেওঁলোকৰ বাবে এই শব্দবোৰৰ কোনো অৰ্থই নাই তেন্তে সেইবোৰ বিষয়ে তেওঁলোকে কেনেকৈ শিকিব পাৰিব? উদাহৰণস্বৰূপে, মই আমাৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ কাৰণে এখন গণিতৰ ইংৰাজী-হিন্দী অভিধান সংগ্ৰহ কৰিবলৈ দিছো।

আপোনাৰ শিকন অভ্যাসনৰ ওপৰত প্ৰতিফলন (Reflecting on your Teaching practice)

যেতিয়া আপুনি শ্ৰেণীত এনেধৰনৰ কাৰ্য কৰে, তেন্তে কি ভাল হ'ল আৰু কি অলপ ভাল হ'ল পিছত আকৌ এবাৰ ভাবি চাওক। আপুনি এনে ধৰণৰ প্রত্তু বিবেচনা কৰিব যিবোৰে ছাত্-ছাত্ৰীক আমোদ যোগায় আৰু তেওঁলোকে সমাধান কৰিবলৈ সমৰ্থ হয় আৰু আপোনাৰ বাখ্যাৰ প্ৰয়োজন হয়। এনেধৰণৰ প্ৰতিফলিত শিক্ষণ আপোনাক সদায় এনে কিছুমান প্রত্তু বিচাৰি উলিওৱাত সহায় কৰে, যাৰ দ্বাৰা আপুনি ছাত্-ছাত্ৰীক গণিতক ভাল পাবলৈ আৰু উপভোগ কৰি তুলিবলৈ ব্যস্ত বাখ্যিব পাৰে। যদি তেওঁলোকে বুজি নাপায় আৰু একো কৰিব নোৱাৰে তেন্তে কাৰ্যবোৰত জড়িত হৰলৈও ইচ্ছা নকৰে। ত্ৰীযুত গোপাল বৰাই কৰাৰ দৰে, আপুনি যেতিয়াই কাৰ্য কৰায়, প্ৰত্যেক সময়তে এনেধৰণৰ প্ৰতিফলিত অনুশীলনৰ সহায় লব - কাৰণ কেতিয়াবা কিছুমান একেবাৰে সৰু বস্তুৱেও এটা ডাঙৰ ফল দিব পাৰে।



চিন্তন (Pause for thought)

এনেধৰণৰ প্ৰতিফলনৰ কাৰনে কিছুমান ভাল প্রত্তু তলত দিয়া হৈছে -

- আপোনাৰ শ্ৰেণীত এই কাৰ্যটো কৰি কেনে পালে?
- ছাত্-ছাত্ৰীৰ পৰা কি ধৰণৰ উভ্যৰ আশা কৰা নাছিল আৰু কিয় নাছিল?
- ছাত্-ছাত্ৰীসকলে বুজি পাইছেনে নাই তাক জানিবৰ বাবে আপুনি কি ধৰণৰ প্রত্তু ব্যৱহাৰ কৰিছিল (সুধিছিল) ?
- কাৰ্যটোৰ কোনোবা এটা ভাগত আপুনি সহায় কৰিব লাগিছিল বুলি অনুভৰ কৰিছিল নেকি?
- কোনটো ভাগত আপোনাৰ দৃঢ়ীকৰণৰ প্ৰয়োজন আছিল বুলি অনুভৰ কৰিছিল নেকি?
- কাৰ্যটো আপুনি কিবা উপায়েৰে সংশোধন কৰিছিল নেকি? যদি কৰিছিল তাৰ কাৰণ কি আছিল?

4. ভুলধাৰণা আৰু ভুলৰ ব্যৱহাৰ কৰি (Dealing with misconception and mistakes)

আপোনালোকে যেতিয়া বাইচাইকেল চলাবলৈ শিকে, সমতা (Balance) কেনেকৈ বাখ্যিব লাগে তাক শিকিব লাগে। এইটো জনা কথা যে, বাইক চলাবলৈ শিকোতে, আপোনালোক কেইবাবাৰো পৰিব, ভুলকৈ চলাব, হেন্দেলডাল টানকৈ টানি ধৰিব, ব্ৰেক ক'ত আছে পাহাৰ যাব বা গিয়েৰ কেনেকৈ লগাব লাগে তাক হয়তো ভুলকৈ শিকিব ইত্যাদি। এইদৰে ভুল কৰি আপোনালোকে চাইকেল চলোৱাৰ কৌশলৰ বিকাশ আৰু শোধন কৰিব। ভুল কৰি আৰু ভুল ধাৰণাৰ সৈতে মুখামুখি হৈহে ভৱিষ্যতে আপোনালোকে ভালদৰে শিকিব পাৰিব।

গণিত শিকাতো এখন বাইক চলাবলৈ বা আন কিবা চলাবলৈ শিকাতকৈ একো বেলেগ নহয়। ভুল কৰাটো প্ৰতিক্রিয়াৰ এটা ভাগ আৰু আচলতে ই এটা ভাল কথা, কাৰণ সচৰাচৰ যি ধৰণেৰে আপুনি ভাবে, তাত ই বাধা প্ৰদান কৰে, আৰু আপুনি কি কৰি আছে তাক পুনৰ ভাৰিবলৈ শিকায়। যদি এনে এটা শ্ৰেণীকোঠা থাকে য'ত ছাত্-ছাত্ৰীয়ে ভুল কৰি শিকে আৰু ভুল কৰাটো ফলপ্ৰসু শিকনৰ এটা ভাগ হয়,

তেন্তে ছাত্র-ছাত্রীয়ে শিকিবলৈ ইচ্ছুক হোৱাৰ লগতে পৰীক্ষা কৰি চাবলৈও বহুত সমৰ্থ হব। নতুন নতুন ধাৰণাবোৰ ব্যৱহাৰ কৰি চেষ্টা কৰি চাব পাৰিব, ভুল কৰাৰ কাৰণে ভয় বেছি নাখাব আৰু ফলস্বৰূপে তেওঁলোকে গণিতৰ নতুন নতুন ধাৰণাবোৰ অনুসন্ধান কৰি উপভোগ কৰিবলৈ বা ভাল পাৰলৈ শিকিব।

ছাত্র-ছাত্রীসকলে তেওঁলোকে কৰা ভুলবোৰ আৰু ভুল ধাৰণাবোৰ ইজনে সিজনৰ লগত আলোচনা কৰিব পৰা বৈশিষ্ট্যৰ এটা শ্ৰেণীকোঠা একে বাতিৰ ভিতৰত প্রতিষ্ঠা কৰাটো সহজ নহয় - ইয়াৰ কাৰণে যথেষ্ট পৰিচৰ্যা আৰু সুদৃঢ় প্ৰশিক্ষণৰ প্ৰয়োজন। যিয়েই নহওক এনেধৰণৰ বিজ্ঞান সন্মত বৈশিষ্ট্যবোৰ প্ৰচলন কৰিবলৈ কিছু পদ্ধতি আছে-

- সন্তুষ্য ধাৰণাবোৰ বাহিৰ উলিয়াই আনিবলৈ কল্পনাপ্ৰণ ছাত্র-ছাত্রী বা নতুন তথ্য উদধাটন কৰি ভালপোৱা ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ সৈতে কাম কৰক। কাৰণ যিবোৰ কাম তেওঁলোকে নিৰীক্ষণ কৰি আছে সেইবোৰ তেওঁলোকে নিজে কৰা কাম নহয়। গতিকে তাত আবেগিক প্ৰতিক্ৰিয়া বা লাজ পোৱাৰ কথা থাকিব নোৱাৰে।
- এটা উত্তৰক মাত্ৰ ভুল বুলি কৈ প্ৰত্যাহাৰ কৰাৰ পৰিৱৰ্তে ভুল আৰু ভুলধাৰণাবোৰ পুনৰাই ভাৰিবলৈ আৰু বিচাৰ কৰি চাবলৈ উৎসাহিত কৰক। ই শিকনৰ এটা ফলপ্ৰসু উপায়।
- তেওঁলোকৰ ধাৰণাসমূহ সম্পূৰ্ণ নহলেও বা ভুল হলেও ধাৰণাসমূহ আনৰ লগত আলোচনা কৰিবলৈ উৎসাহিত কৰক।

পিছৰ কাৰ্যটো এনেদৰে সজাওক যাতে ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভুল কৰাৰ সন্তাৱনা থাকে। বহুলভাৱে আলোচনা কৰিবলৈ ভুলধাৰণা সমূহৰ পৰা এটা উত্তৰ পাৰলৈ সক্ষম হব আৰু এইবোৰক আপুনি গণিত শিকনৰ বাবে সুবিধাজনক কৰি লব পাৰে।

কাৰ্য 2 : ভুল ধাৰণা আৰু ভুলৰ পৰা শিকি ত্ৰিভুজ শিকোআঁহক (Activity 2: Triangles challenge – learning from misconceptions and mistakes)

ভাগ 1 : ত্ৰিভুজৰে খেলা -ধূলা (Playing triangle challenge)

আপোনাৰ শ্ৰেণীৰ ছাত্র-ছাত্রীক তিনিজনীয়া দলত ভাগ কৰি লওক আৰু আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীক তলত দিয়াবোৰ ব্যাখ্যা কৰক :

- প্ৰতিটো দলৰ এজন ছাত্র দলপতি হব আৰু দলপতিজনে দলৰ আন দুজনক নেদেখুৱাকৈ এটা ত্ৰিভুজ আঁকিব। দলপতিজনে তেওঁলোকৰ ত্ৰিভুজটোৰ বিষয়ে এবাৰত এটা সত্য কথা (fact) ক'ব। দলৰ আন দুজন ছাত্রৰ প্ৰতিজনে দলপতিয়ে দিয়া তথ্যৰ ভিত্তিত একে ত্ৰিভুজ আঁকিব লাগিব। তেওঁলোকে আকাৰ আৰু আকৃতি শুনুকৈ জানিবলৈ হ'লে মনোযোগ দিব লাগিব।
- যদি দলৰ বাকীদুজন ছাত্র-ছাত্রীয়ে দলপতিয়ে দিয়া তথ্যৰ ভিত্তিত ত্ৰিভুজটো আঁকিব নোৱাৰে তেতিয়া তেওঁলোকে দলপতিক আৰু অলপ বেছিকে ইঙ্গিত (clue) দিবলৈ কৰ। তেতিয়া দলপতিয়ে তেওঁলোকৰ ত্ৰিভুজটোৰ বিষয়ে আন এটা তথ্য দিব। ছাত্র-ছাত্রীদুজনে তেওঁলোকৰ নিজা নিজা ত্ৰিভুজ অঁকাৰ পিছত যদি ত্ৰিভুজ দুটা একে হয় তেতিয়া দলপতিজনে 1 পইন্ট দিব আৰু যদিহে বেলেগ হয় তেন্তে একো পইন্ট নাপায়। পূৰ্বতে অঁকা ত্ৰিভুজটো আৰু এটা পইন্ট পোৱা ত্ৰিভুজটো শ্ৰেণী কোঠাত হৈ দিব। অন্য বোৰ পেলাই দিব।
- প্ৰতিবাৰতে দলবোৰৰ দলপতি সলনি কৰি প্ৰত্যেক দলেই দুবাৰকৈ এই কাৰ্যটো কৰিব।

কাৰ্যটো কৰি শেষ হোৱাৰ পিছত, ছাত্র-ছাত্রীসকলক তলৰ প্ৰত্যন্তেহাঁটা সোধক :

- কোনটো ত্ৰিভুজ আঁকিবলৈ সহজ আছিল আৰু কিয় সহজ আছিল ?
- তোমালোকৰ কিছুমানে আনবোৰে পোৱাৰ নিচিনাকৈ কিয় সৰ্বসম ত্ৰিভুজ নাপালা ? কি ভুল হ'ল আৰু কিয় হ'ল ?

ভাগ 2 : Continuing the Challenge (আগৰ কাৰ্যটো ত্ৰুটিৰ সুৰক্ষা)

শ্ৰেণীকোঠাত ছাত্র-ছাত্রীসকলে যিবোৰ ত্ৰিভুজ দম কৰি বাখিছিল, এতিয়া সেই ত্ৰিভুজবিলাকৰ ওপৰত কাম কৰিব লাগিব বুলি আপুনি তেওঁলোকক কওঁক। তিনিজনীয়াৰ প্ৰতিটো দলে ত্ৰিভুজৰ দমটোৰ পৰা এটাকৈ ত্ৰিভুজ আনিব। এজন ছাত্রই নিজৰ ইচ্ছামতে বৈ যোৱা ত্ৰিভুজৰ দমৰ পৰা যি কোনো এটা ত্ৰিভুজ ল'ব আৰু ত্ৰিভুজটোৰ বিষয়ে এবাৰত এটাকৈ সত্য কথা ক'ব। ছাত্র-ছাত্রীসকলে নিজৰ নিজৰ দলত তেওঁলোকৰ লোৱা ত্ৰিভুজবোৰ অবিকল মিলা (Exact match) নে একে ধৰণেৰে মিলা (similar match) পৰীক্ষা কৰি চাব। অবিকল মিলাটোৱে আকো এটা 1 পইন্ট পাব।

বৈ যোৱা ত্রিভুজোৰ ব্যৱহাৰ কৰি শেষ নোহোৱালৈকে এই অনুশীলনটো বাবে বাবে কৰাই থাকক।

প্ৰতিটো ৰাউণ্ড (Round) শেষ হোৱাৰ পিছত তলত প্ৰাঞ্চিলাকৰ উন্নৰ দিবলৈ কওকঃ

- কিমানটা সঁচা কথা বা ইঙ্গিত পোৱাৰ পিছত তোমালোকে এটা অবিকল ত্রিভুজ পালা ?
- কেইটামান মাত্ৰ ইঙ্গিতৰ বে তোমালোকে এটা অবিকল ত্রিভুজ পালাহেঁতেন নে ?
- তোমালোকে এটা অবিকল ত্রিভুজ পালা নে এটা একে ধৰণৰে মিলা ত্রিভুজ পালা ?
- এইটো কিয় হৈছে ভাৰি চাইছানে ?

ভাগ ৩ঃ আপুনি কি শিকালে তাৰ ওপৰত প্ৰতিফলন (reflecting on your learning)

কাৰ্যৰ এই ভাগটোত ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে কি শিকিলে, সেই শিকনৰ বিষয়ে ভালকৈ ভাবিবলৈ কৈছে যাতে তেওঁলোকে গণিত শিকনত আৰু ভাল হয় আৰু আৰামেৰে (comfortably) গণিত শিকিব পাৰে। তলত দিয়াবোৰৰ বিষয়ে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক সোধক -

- এই কাৰ্যৰ ভাগ 1 টোত তোমালোকে কি টান পালা আৰু কি সহজ পালা ?
- কাৰ্যটোৰ বিষয়ে তোমালোকে কি ভাল পালা ?
- ইয়াৰ পৰা গণিতৰ কি শিকিলা ?
- গণিত কেনেকৈ শিকিব পাৰি সেই বিষয়ে তোমালোকে কি শিকিলা ?

বিষয় অধ্যয়ন ২ঃ কাৰ্য ২ ৰ সহায়ত শ্ৰীমতী নমিতা হাজৰিকাই কি শিকালে তাৰ ওপৰত প্ৰতিফলন (Mrs. Namita Hazarika reflects on using activity-2)

উন্নৰ লিখিবৰ বাবে মই দলবোৰৰ মাজত কাগজ ভগাই দিছিলো। তাৰ পিছত মই তেওঁলোকক কাৰ্যটো ব্যাখ্যা কৰিলো। দলপতিয়ে দিয়া ইঙ্গিতবোৰ (Facts) (যিবোৰ ব্যৱহাৰ কৰি তেওঁলোকে ত্রিভুজ আঁকিছিল) লিখিবলৈ দি তেওঁলোকক সুধিলৈ মই কাৰ্যটো অলপ সাল-সলনি কৰি লঞ্জো। মাত্ৰ কেইটামান স্তৰতে তেওঁলোকে এটা ত্রিভুজ কিয় আঁকিব পাৰে তাক চাবলৈ দিলো আৰু এইথবণেৰে কৰিলৈ যে তেওঁলোকৰ সহায় হব সেই বিষয়েও জনালৈ।

এই কাৰ্যটো কৰি ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে বৰ ভাল পালে। তেওঁলোকৰ মাজত এটা প্ৰতিযোগিতামূলক মনোভাৱ গঢ়ি উঠিছিল আৰু দলবোৰৰ সকলোৱে দলপতি হোৱাৰো এটি সুযোগ পাইছিল। এজন ছাত্ৰই কেনেকৈ ফাঁকি দি এটা উপৰঞ্চি পইন্ট পাইছিল সেই বিষয়ে গম পাই আন কিছুমান ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে অসম্পৃষ্টি প্ৰকাশ কৰিছিল ফাঁকি দি পইন্ট লোৱাটো যে ভাল কথা নহয় সেই বিষয়ে মই তেওঁলোকক কলো আৰু সেই উপৰঞ্চি পইন্টটো কেনেকৈ পালে তাৰ কাৰণ দৰ্শাৰ লাগিব বুলিও কলো।

‘ভুলৰ পৰা শিকা’ আলোচনাটো বৰ মনোগ্ৰাহী হৈছিল। মই ভাৰি আছিলো যে ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে তেওঁলোকে কৰা ভুলবোৰ কৰলৈ ইচ্ছা নকৰিব; কিন্তু মোৰ হে ভুল হৈছিল - তেওঁলোকে খুব ফুৰ্তিৰে, আনন্দৰে সেইবিলাকৰ বিষয়ে কথা পাতিছিল। সন্তৰতঃ ইয়াৰ কাৰণ এইটোৱেই আছিল যে - তেওঁলোকে প্ৰথমে দলত কথা পতাটো নিৰাপদ বুলি ভাৰিছিল। তেতিয়া মই ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলক তেওঁলোকে কৰা ভুলবোৰ গোটেই শ্ৰেণীটোৰ আগত কৰলৈ দি সেইবোৰ ইলেক্ৰোডেণ্ট লিখিবলৈ কলো। আমাৰ আলোচনাবোৰ এনেধৰণৰ আছিল- ‘আ’ এইটো বৰ আমোদজনক হৈছে, এই ভুলটো কিয় হল বাৰু? তেওঁলোকে কি ভাৰি আছিল? ইত্যাদি। এই ভুল ধাৰণাবোৰ পৰা শ্ৰেণীটোত সকলো ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে বহুত কথা শিকিলো। আমিও আলোচনা কৰিছিলো- আমি হয়তো ভুল কৰি আৰু এই ভুলবোৰ আলোচনা কৰিয়েই শিকিলো আৰু সঁচাকৈয়ে আমি যে শিকিলো সেই বিষয়ে আমি সকলো সম্মত হঞ্জো। কিছুমান ছাত্ৰ ছাত্ৰীয়ে তেওঁলোকৰো যে এটা ভুল ধাৰণা আছিল সেই বিষয়ে অৱশ্যেত আৱিষ্কাৰ কৰিলৈ। আৱস্থণিৰে পৰা যিসকলে “শুন্দ হৈছে” বুলি কৈ আছিল, তেওঁলোকেও কলো যে- এইটো কেৱল শুনিবলৈহে ভাল আৰু তেওঁলোকে কি কাৰণে শুন্দ হৈছে বুলি ভাৰিছিল তাৰ কাৰণে বিচাৰি পালে। কাৰণ বহুত সময়ত তেওঁলোকে কাৰ্য আৰু প্ৰাঞ্চিলোৰ নভৰাকৈয়ে কৰিছিল।



চিন্তন (Pause for thought)

- ছাত্র-ছাত্রীর পৰা কি ধৰনৰ উত্তৰ আশা কৰা নাছিল আৰু কিয় নাছিল ?
- আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীয়ে বুজি পাইছেনে নে নাই তাক জানিবলৈ আপুনি কি প্ৰত্তি ব্যৱহাৰ কৰিছিল (সুধিছিল) ?
- আপুনি কিবা উপায়েৰে কাৰ্টোৰ সংশোধন কৰিছিল নেকি ? যদি কৰিছিল তাৰ কাৰণ কি আছিল ?

5. সাৰাংশ (Summary)

এই গোটটোত ত্ৰিভূজৰ সৰ্বসমতা আৰু সাদৃশ্যতাৰ ওপৰত আৰু গাণিতিকভাৱে নমনীয় শিকাৰু (যিজনে গণিতৰ প্ৰতি এটা ধনাত্মক স্থিতি বিকাশ কৰিব পাৰে আৰু বিষয়টো শিকোতে তেওঁলোকে মুখামুখি হোৱা অসুবিধাবোৰ কেনেকৈ আঁতৰাৰ লাগে তাক জানে)ৰ ওপৰত কেন্দ্ৰীভূত কৰিছে (গুৰুত্ব দিচ্ছে)। এই গোটটো পঠোতে আপুনি কেনেকৈ আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ শব্দৰ ভঁৰালটো বিকাশ কৰিব পাৰে সেই বিষয়ে চিন্তা কৰিব যাতে তেওঁলোকে তেওঁলোকৰ জেষ্ঠজনৰ লগত ব্যাখ্যা কৰিব পাৰে। আপুনি আপোনাৰ ছাত্র-ছাত্রীক ভুল কৰাটো যে শিকনৰ এটা অপৰিহাৰ্য অংগ তাক বুজাবলৈ কেনেকৈ সহায় কৰিব সেই বিষয়েও বিবেচনা কৰিব লাগিব। গণিতৰ এজন সফল শিকাৰু হ'বলৈ হ'লে অনুসন্ধান কৰি চোৱা আৰু কষ্ট হলেও নেৰা নেপোৰাকৈ লাগি থকাৰ কৌশল আয়ত্ত কৰাবলৈকো আপুনি বিবেচনা কৰিব লাগিব।

শিকন প্ৰতিক্রিয়াত সাধাৰণ শিকনতকৈ প্ৰতিফলিত শিকন কিয় গুৰুত্বপূৰ্ণ হৈছে আপুনি দেখা পাইছে। গাণিতিকভাৱে নমনীয় শিকাৰুৰে পৰীক্ষাত ভালকৈ কৃতকাৰ্য হব পাৰে কাৰণ তেওঁলোকে বিপদলৈ, টান প্ৰত্বলৈ ভয় নকৰে বৰং সেইবোৰ কেনেকৈ অতিৰুচ্ছা কৰিব পাৰে তাৰ উপায় বিচাৰি লয় আৰু বিদ্যালয়ৰ বাহিৰৰ তেওঁলোকৰ জীৱনত গাণিতিক ধাৰণাবোৰ ব্যৱহাৰ কৰিব পৰাকৈ তেওঁলোকে কিছুমান শিক্ষণ শিকন সজুলি (TLM) ও লগত লৈ ফুৰে।



চিন্তন শ্চেক্ষণসমূহ দ্রুপদ্ধতিৰ বিবৃতি

আপুনি আন পাঠ পঢ়ওতে ব্যৱহাৰ কৰিব পৰা এই গোটটোত ব্যৱহাৰ হোৱা তিনিটা ধাৰণা চিনাত্তুকৰক। সেই ধাৰণা বিলাকৰ সামান্য সালসলনি কৰি অতি সোনকালে আপুনি শিকাবলগীয়া দুটা পাঠত সেইবোৰ ব্যৱহাৰ কৰিব পৰাকৈ এটা টোকা বনাওক।

সমল

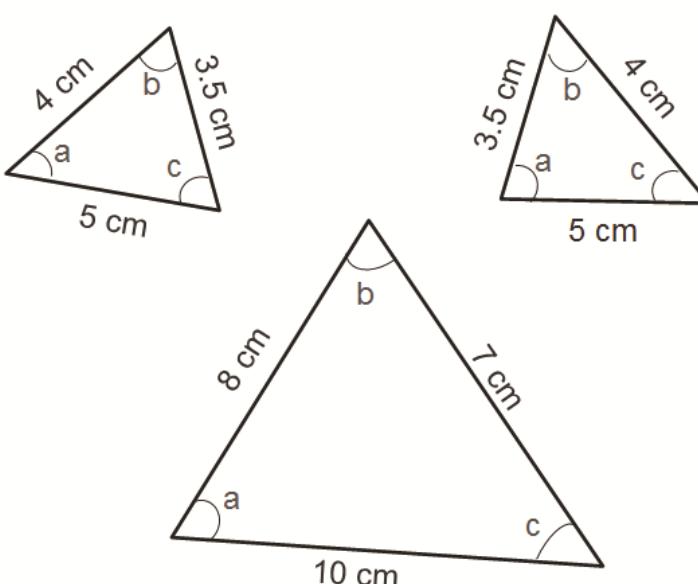
সমল 1 NCF/NCFTE শিক্ষণ আৱশ্যকতা

এই গোটটোৰ শিকনে NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষন আৱশ্যকতাৰ লগত তলত দিয়া ধৰণে সমন্ব স্থাপন কৰিছে।

- ছাত্র-ছাত্রী সকলক তেওঁলোকে নিজে শিকাৰ কাৰণে সত্ৰায় অংশীদাৰ হিচাবে গন্য কৰিব কেৱল জ্ঞান আহৰণকাৰী হিচাবে নহয়।
- কাৰীকুলাম পাঠ্যসূচী আৰু পাঠ্যপুথি যেনে আছে তেনেকৈ কোনো প্ৰত্ব নকৰাকৈ গ্ৰহণ কৰাৰ সলনি সমালোচনা কৰা দৃষ্টিৰে চালি-জাৰি চাৰ লাগে।
- গণিতক ছাত্র-ছাত্রীসকলে কথা পাতিৰ পৰা, তেওঁলোকৰ মাজত আলোচনা কৰা একেলগে কাম কৰিব পৰা বিষয় হিচাবে ল'বলৈ দিব লাগে।
- সমন্বয়ৰ জানিবলৈ ছাত্র-ছাত্রীক বিমুক্ত ধাৰণা ব্যৱহাৰ কৰা, গঠনবোৰ অধ্যয়ন কৰা, সমস্যাবোৰ কাৰণ নিৰ্ণয় কৰা, উত্তিৰোৱাৰ ভুলশুন্দৰ বিচাৰ কৰিবলৈ দিয়া।

সমল 2: এজন ছাত্র / ছাত্রীর গাণিতিক অভিধানত অন্তর্ভুক্ত বিবরণ পৰা কিছুমান উদাহৰণ (Examples of entries of a student's mathematical dictionary)

শব্দ / ধারণা	ত্রিভুজের সর্বসমতা
ক'ত আছে?	নবম শ্রেণী, অধ্যায় 7,
দৈনন্দিন ব্যবহৃত ভাষাত কিবা অর্থ আছে নেকি?	অভিধানৰ মতে 'সর্বসম সৈতে' মানে 'উপযুক্ত সমত হোৱা কিন্তু মই সেইটো কেতিয়াও ব্যবহাৰ কৰা নাছিলো বা শুনা নাছিলো (অক্সফোৰ্ড অভিধান, 1997').
পাঠ্যপুঁথি / শিক্ষকৰ পৰা পোৱা গাণিতিক ব্যাখ্যা	'সকলো ক্ষেত্ৰতে সমান' বা যিবোৰ চিৰ (এই ক্ষেত্ৰত ত্রিভুজ) আকাৰ আৰু আকৃতি দুয়োটাই সমান হয় (NCERT পাঠ্য পুঁথি নবম শ্রেণী, পৃষ্ঠা 109).
মোৰ নিজৰ ব্যাখ্যা	যি বোৰ ত্রিভুজৰ আকৃতি আৰু আকাৰ সমান হয়, সেইবোৰক সর্বসম ত্রিভুজ বোলা হয়। মাজে সময়ে মই ত্রিভুজবোৰক চাৰিওফালে ঘূৰাই দি বা এটাৰ ওপৰত আনটো বাখি সেইবোৰ সমান হয় নে নহয় আচলতে চাব বিচাৰিছিলো। সেই কাৰণে সর্বসম ত্রিভুজৰ বাহুৰ জোখবোৰ আৰু কোণবোৰ সমান হয়। কিন্তু কেৱল সেইটোৱে নহয়। সেই একে জোখৰ বাহু আৰু কোনবোৰ একে ঠাইতে থাকিব লাগিব সেইকাৰণে সেইবোৰক 'অনুৰূপ' বুলি কোৱা হয়। যেতিয়া তোমালোকে ত্রিভুজবোৰ কাটি উলিওৱা তেতিয়া তোমালোকে এটাৰ ওপৰত সিটো ত্রিভুজ বাখিলে দুয়োটা ত্রিভুজকে এটা আনটোৰ অবিকল একে / নকল (copy) বুলি ক'ব পাৰা। সর্বসম ত্রিভুজবোৰ একে সময়তে সদৃশ্য ত্রিভুজো হয়, কিন্তু সদৃশ্য ত্রিভুজবোৰ সদায় সর্বসম নহয়। তাৰোপৰি তোমালোকে 'সদৃশ ত্রিভুজ' গাণিতিক অভিধান চালে এই ধাৰণাবোৰ কেনেকৈ সংযোগ হৈ আছে দেখিবা।
চিৰৰ সৈতে ব্যাখ্যা	এইবোৰ সর্বসম ত্রিভুজ

শব্দ / ধারণা	ত্রিভুজের সাদৃশ্যতা
ক'ত আছে?	দশম শ্রেণী, অধ্যায় 6,
দৈনন্দিন ব্যবহৃত ভাষাত কিবা অর্থ আছে নেকি?	এটা বস্তু আন এটা বস্তুর লগত একে হ'লে তাক সদৃশ বুলি কয়। কিহৰ কাৰণে এটা বস্তু আন এটা বস্তুর লগত একে হয় তাৰ কাৰণ প্ৰায়েই স্পষ্ট নহয়।
পাঠ্যপুঁথি / শিক্ষকৰ পৰা পোৱা গাণিতিক ব্যাখ্যা	'দুটা ত্রিভুজ সদৃশ হ'ব, যদি (i) সিহঁতৰ অনুৰূপ কোনবোৰ সমান হয় আৰু (ii) সিহঁত্র অনুৰূপ বাছবোৰ সমান হয় বা সিহঁত একে অনুপাতত (বা সমানুপাতত) থাকে।'(NCRT পাঠ্যপুঁথি, দশম শ্রেণী, পৃষ্ঠা 123)
মোৰ নিজৰ ব্যাখ্যা	মোৰ নিজস্ব টোকাঃ সৰ্বসমৰ সৈতে মিহলাই নেপেলাবা ! সাদৃশ ত্রিভুজের আকৃতি একে কিন্তু আকাৰ একে নহয়। যদি সিহঁতৰ একে আকৃতি আৰু একে আকাৰ হয়, তেন্তে সিহঁত সদৃশ আৰু সৰ্বসম দুয়োটাই হয়। সেইকাৰণে সদৃশ ত্রিভুজের আকৃতি একে, কিন্তু আকাৰ একে নহয়। সিহঁতৰ আকৃতি বিলাক সমানুপাতিক ভাবে বৃদ্ধি বা হ্রাস কৰিব পাৰি কাৰণে সিহঁত 'সদৃশ' হয়। অর্থাৎ, সকলোবোৰ বাছৰ অনুপাত একে (বা সমানুপাত) হয় (উদাহৰণস্বৰূপে, দ্বিতীয় ত্রিভুজটোৰ আকাৰ প্ৰথম ত্রিভুজটোৰ দুণ্ড)। আৰু এইকাৰণেই ত্রিভুজের সাদৃশ্যতাৰ এই চৰ্ত বিলাক অৰ্থপূৰ্ণ।
চি৤ৰ সৈতে ব্যাখ্যা	এইবোৰ সদৃশ ত্রিভুজ 

Additional resources

- A newly developed maths portal by the Karnataka government:<http://karnatakaeducation.org.in/KOER/en/index.php/Portal:Mathematics>

- Class X maths study material: http://www.zietmysore.org/stud_mats/X/math.pdf
- National Centre for Excellence in the Teaching of Mathematics: <https://www.ncetm.org.uk/>
- National STEM Centre: <http://www.nationalstemcentre.org.uk/>
- OpenLearn: <http://www.open.edu/openlearn/>
- BBC Bitesize: <http://www.bbc.co.uk/bitesize/>
- Khan Academy's math section: <https://www.khanacademy.org/math>
- NRICH: <http://nrich.maths.org/frontpage>
- Mathcelebration: <http://www.mathcelebration.com/>
- Art of Problem Solving's resources page: <http://www.artofproblemsolving.com/Resources/index.php>
- Teachnology: <http://www.teach-nology.com/worksheets/math/>
- Maths is Fun: <http://www.mathsisfun.com/>
- National Council of Educational Research and Training's textbooks for teaching mathematics and for teacher training of mathematics: <http://www.ncert.nic.in/ncerts/textbook/textbook.htm>
- LMT-01 *Learning Mathematics*, Block 1 ('Approaches to Learning') Block 2 ('Encouraging Learning in the Classroom'), Block 6 ('Thinking Mathematically'): <http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-Lmt-01-study-materialbooks.html>
- *Learning Curve and At Right Angles*, periodicals about mathematics and its teaching: http://azimpremjifoundation.org/Foundation_Publications
- Central Board of Secondary Education's books and support material (also including the *Teachers Manual for Formative Assessment – Mathematics (Class IX)*) – select 'CBSE publications', then 'Books and support material': <http://cbse.nic.in/welcome.htm>

References/bibliography

- Bell, A. (1986) 'Diagnostic teaching 2: developing conflict: discussion lesson', *Mathematics Teaching*, no. 116, pp. 26–9.
- Bell, A. (1987) 'Diagnostic teaching 3: provoking discussion', *Mathematics Teaching*, no. 118, pp. 21–3.
- Bouvier, A. (1987) 'The right to make mistakes', *For the Learning of Mathematics*, vol. 7, no. 3, pp. 17–25.
- Dweck, C. (2000) *Self Theories: Their Role in Motivation, Personality and Development*. Lillington, NC: Psychology Press, Taylor & Francis.
- Lee, C. and Johnston-Wilder, S. (2013) 'Learning mathematics – letting the pupils have their say', *Educational Studies in Mathematics*, vol. 83, no. 2, pp. 163–80.
- Mason, J. (1988) *Learning and Doing Mathematics*. London: Macmillan.
- Mason, J., Burton, L. and Stacey, K. (2010) *Thinking Mathematically*, 2nd edn. Harlow: Pearson Education.
- Nardi, E. and Steward, S. (2003) 'Is mathematics T.I.R.E.D.? A profile of quiet disaffection in the secondary mathematics classroom', *British Educational Research Journal*, vol. 29, no. 3, pp. 345–66.
- National Council of Educational Research and Training (2005) *National Curriculum Framework (NCF)*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2009) *National Curriculum Framework for Teacher Education (NCFTE)*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2012a) *Mathematics Textbook for Class IX*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2012b) *Mathematics Textbook for Class X*. New Delhi: NCERT.

Polya, G. (1962) *Mathematical Discovery: On Understanding, Learning and Teaching Problem Solving*, two volumes. New York, NY: John Wiley & Sons.

Watson, A., Jones, K. and Pratt, D. (2013) *Key Ideas in Teaching Mathematics*. Oxford: Oxford University Press.

Acknowledgements

This content is made available under a Creative Commons Attribution-ShareAlike licence (<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/>), unless identified otherwise. The licence excludes the use of the TESS-India, OU and UKAID logos, which may only be used unadapted within the TESS-India project.

Every effort has been made to contact copyright owners. If any have been inadvertently overlooked the publishers will be pleased to make the necessary arrangements at the first opportunity.

Video (including video stills): thanks are extended to the teacher educators, headteachers, teachers and students across India who worked with The Open University in the productions.