

## Hands-on learning and embodiment: constructions in geometry

শিক্ষনত হাত আৰু শৰীৰ ব্যৱহাৰ :  
জ্যামিতি অংকণ



Teacher Education  
through School-based  
Support in India  
[www.TESS-India.edu.in](http://www.TESS-India.edu.in)

অনুবাদ আৰু অভিযোজন : ৰাজ্যিক শিক্ষা গৱেষণা আৰু প্ৰশিক্ষণ পৰিষদ, অসম



<http://creativecommons.org/licenses/>



TESS.India ৰ লক্ষ্য হৈছে মুন্ত শিক্ষা সমলৰ যোগেন্দি ভাৰতৰ প্ৰাথমিক আৰু মাধ্যামিক শিক্ষক সকলৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ কাৰ্য উন্নত কৰাৰ লগতে ছা৤-ছাত্ৰী কেন্দ্ৰীক অংশগ্ৰহণকাৰী প্ৰয়াসৰ বিকাশ কৰা। TESS.India ৰ মুন্ত শিক্ষা সমল সমূহে শিক্ষকক পাঠ্যপুঁথিৰ লগতে সহযোগীতা আগবঢ়ায়। শিক্ষক সকলে তেওঁলোকৰ শ্ৰেণীকোঠাত ছা৤-ছাত্ৰী সকলৰ সৈতে আৰু পৰিস্থিতি অধ্যয়নৰ জৰিয়তে ত্ৰিয়াকলাপ সমূহ ব্যৱহাৰ কৰাৰ লগতে অন্য শিক্ষকে তেওঁলোকৰ পাঠ পৰিকল্পনা আৰু বিষয় জ্ঞানৰ বাবে সংযোগকাৰী সমলসমূহৰ সহায় ল'ব, এই সকলোবোৰে মুন্ত শিক্ষা সমলৰ দ্বাৰা সন্তুষ্ট হ'ব।

TESS.India ৰ মুন্ত শিক্ষা সমল সমূহ ভাৰতীয় পাঠ্যত্ৰ আৰু প্ৰাসংগিকতা সমূহক আগত ৰাখি ভাৰতীয় আৰু আন্তঃৰাষ্ট্ৰীয় লিখকৰ দ্বাৰাই লিখা হৈছে লগতে ছপা মাধ্যম তথা অনলাইনত (<http://www.tess-india.edu.in/>) সহজ লভ্য কৰা হৈছে। মুন্ত শিক্ষা সমল সমূহ প্ৰতিখন অংশগ্ৰহণকাৰী ভাৰতীয় ৰাজ্যৰ বাবে বিভিন্ন ভাষাত সহজলভ্য হৈছে আৰু ব্যৱহাৰকাৰী সকলক আমন্ত্ৰন কৰি স্থানীয় প্ৰয়োজনীয়তা আৰু প্ৰাসংগিকতা পূৰ্বাৰ পৰাকৈ স্থানীয়ভাৱে পৰিবেশৰ অনুকূল (adapt and localise) কৰি যুগ্মত কৰা হৈছে।

TESS.India মুন্ত বি এবিদ্যালয়, ইংলেণ্ডৰ দ্বাৰা নেতৃত্ব দিয়া হৈছে আৰু ইংলেণ্ড চৰকাৰৰ দ্বাৰা পুঁজিৰে যোগান ধৰা হৈছে।

## দৃশ্য সমল (video resources)

এই গোটটোৰ কিছুমান ত্ৰিয়াকলাপ তলত দিয়া প্ৰতিকৃতি: . ৰ দ্বাৰা সংযোজিত কৰা হৈছে। এইটোৱে ইয়াকে সূচাইছে যে কিছুমান বিশেষ শৈক্ষিক বিষয়বস্তুৰ বাবে আপুনি TESS.India ৰ দৃশ্য সমলৰ সহায় ল'ব পাৰে।

TESS.India দৃশ্য সমলে ভাৰতৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ পৰিবেশত মুখ্য শৈক্ষিক কৌশলসমূহ বিস্তৃত ভিত্তিত ব্যাখ্যা কৰে। আমি আশা ৰাখিছো যে এই সমল সমূহে আপোনাক একে ব্যৱহাৰিক অনুশীলন সমূহ কৰিবলৈ অনুপ্ৰাণিত কৰিব। এই পাঠ ভিত্তিক গোটসমূহৰ দ্বাৰাই আপোনাৰ কাম কৰাৰ অভিজ্ঞতা উন্নীত কৰিবলৈ আৰু তাক সন্মান জনাবলৈ বিচৰা হৈছে, কিন্তু যদি গোট সমূহৰ ভিতৰত প্ৰবেশ কৰিবলৈ সমৰ্থ নহয় তেন্তে সেই সমূহ অসম্পূৰ্ণ হৈ ৰ'ব।

TESS.India দৃশ্য সমল সমূহ অনলাইনত চাব পাৰিব নতুৱা TESS.India ৱেবচাইটৰ পৰা ডাউনলোড কৰিব পাৰিব (<http://www.tess-india.edu.in/>) নতুৱা আপুনি এই দৃশ্য সমূহ চি.ডি. নাইৰা মেমৰি কাৰ্ডত উপলব্ধ কৰিব পাৰিব।

## এই গোটটো কিছি বিষয়ে (What this unit is about)

আমাৰ চৌপাশে থকা পৰিৱেশ লক্ষ্য কৰিলে কোণ দেখা পোৱা যায়। বস্তু, ঘৰ, পৰ্কৰত-পাহাৰ, গছ, সাগৰৰ টোত আনকি মানুহৰ হাত আৰু ভৰি ঘূৰালোও বা ল'বচৰ কৰিলোও কোণ দেখা পোৱা যায়। (চিত্ৰ ১ )



চিত্ৰ ১ : কোণ সকলোতে আছে

এই গোটটোত জ্যামিতিক অংকণ কৰিবলৈ যাওঁতে ছাত্র-ছাত্রীসকলে কেনেদৰে হাত আৰু শৰীৰৰ আন অংগ ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰে সেই বিষয়ে জানিব। ইয়াত শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰখন গাণিতিক ক্ষেত্ৰ হিচাপে ধৰি শিকোৱাৰ কিছুমান পৰামৰ্শ ডাঙি ধৰা হৈছে। এনেধৰণে কৰিলে ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ নিজে শিকাৰ প্ৰণতা বাঢ়ে আৰু তেওঁলোকে শ্ৰেণীকোঠাত আয়ত্ত কৰা ধাৰণাসমূহ বাস্তৱ জীৱনত প্ৰয়োগ কৰিব পৰা হয়। এই গোটটোৰ জড়িয়তে ছাত্র-ছাত্রীসকলে পিছলৈ শিক্ষণীয় বিষয়বস্তুখনি যাতে খোকোজা নলগাকৈ শিকিব পাৰে তাৰ উপৰত গুৰুত্ব আৰোপ কৰা হৈছে।

## এই গোটটোত আপুনি কি শিকিব পাৰিব (What you can learn in this unit)

- শৰীৰৰ অংগ ব্যৱহাৰ কৰি ডাঙৰ জোখৰ কোণ গঠন কৰি গণিত শিকা আৰু ইয়াৰ দ্বাৰা আনন্দ উপভোগ কৰা।
- ভালদৰে আয়ত্ত কৰিব নোৱাৰা ছাত্র-ছাত্রীৰ বাবে কিছু ধাৰণা বা কৌশল অবগত কৰোৱা যিবোৰৰ সহায়ত তেওঁলোকে শিকন্ত আগবঢ়ি যাবলৈ সমৰ্থ হ'ব।
- হাতৰে দেখুওৱা কিছুমান কৌশলৰ সহায়ত কেনেদৰে জ্যামিতিক অংকণ শিকিব তাক জানিবলৈ সহায় কৰা।

এই গোটটোৱে সমল 1 অৰ অন্তৰ্গত NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষণৰ প্ৰয়োজনীয়তাখনি সংযোগ কৰিছে।

## ১ কাগজ ভাঁজ করি কোণৰ অংকণ (Constructing angles by folding paper)

কোণবোৰে আমাৰ জীৱনত এটা গুৰুত্ব পূৰ্ণ ভূমিকা পালন কৰিছে। তথাপিও ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে তেওঁলোকৰ চৌপাশে থকা কোণবোৰ মন নকৰে বা গণিতৰ শ্ৰেণীকোঠাত কোণবোৰ ওপৰত কৰা কাৰ্যৰ লগত জড়িত নহয়। যেতিয়া ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে কোণৰ বিষয়ে চিন্তা কৰে তেওঁলোকে প্রায়ে কোণবিলাক অকল বেখাৰ সহায়ত কাগজত আঁকিব পাৰি বুলি ভাবে আৰু এই অংকণ কৰা কোণবোৰ অকল কোণমান যন্ত্ৰ আৰু কম্পাছৰ সহায়ত গঠন কৰিব পাৰি বুলি ভাবে।

১ নং কাৰ্যৰ উদ্দেশ্য হ'ল আয়তাকাৰ কাগজৰ টুকুৰাৰ সহায়ত সঁজুলি ব্যৱহাৰ নকৰাকৈ কাগজ ভাঁজ কৰি কেনেদৰে কোণ গঠন কৰিব পাৰি এই বিষয়ে ছাত্ৰ ছাত্ৰীক শিকেৱা। এনেদৰে হাতেৰে কাগজ ভাঁজ কৰি কোণ গঠনৰ অভিজ্ঞতাই ছাত্ৰ ছাত্ৰীক ইয়াৰ লগত জড়িত চিহ, অৰ্থ আৰু ধাৰণা সম্বন্ধ জানিবলৈ অনু প্ৰাণিত কৰিব। এই কাৰ্যটো কোণৰ পুনৰালোচনাৰ বাবে কৰা হৈছে যিবোৰৰ ধাৰণা ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে প্ৰাথমিক বিদ্যালয়ত পাই আহিছে।

ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলৰ লগত এই গোটটোত দিয়া কাৰ্য সমূহ কৰাৰ আগতে, আপুনি ইয়াত থকা সকলোবোৰ কাৰ্য বা ইয়াৰ কিছু অংশ নিজে কৰি চোৱাটো ভাল। এইটো আৰু ভাল হ'ব যদিহে আপুনি আপোনাৰ সহকৰ্মীৰ লগত কাৰ্যবোৰ কৰি চায় কিয়নো ইয়ে আপোনাৰ অভিজ্ঞতাৰ প্ৰতিফলনত সহায় কৰিব যিয়ে আপোনাৰ শিক্ষাদানত প্ৰভাৱাত্মিত কৰিব পাৰিব। আপুনি নিজে কাৰ্যসমূহ কৰিবলৈ প্ৰস্তুত হলেহে ছাত্ৰ ছাত্ৰীক এইবোৰ কৰিবলৈ দিয়ক। ছাত্ৰ ছাত্ৰীয়ে কেনেদৰে এই কাৰ্যসমূহত আগবঢ়িছিল, কেনেদৰে তেওঁলোকৰ শিকন প্ৰত্ৰিয়া চলিছিল এই বিষয়ে পাঠ্টো শেষ হোৱাৰ পিছত চিন্তা কৰক। ইয়ে আপোনাক শিকাৰ কেন্দ্ৰিক শিক্ষণৰ বাতাবৰণ গঢ়ি তোলাত সহায় কৰিব।

### কাৰ্য ১ : কাগজ ভাঁজ কৰি কোণৰ অংকণ (Activity 1: Constructing angles by folding paper)

কাগজৰ যিকোনো পোন বা চিধা কায়ে সৰল কোণ অৰ্থাৎ  $180^0$ ৰ কোণ বুজায় এই বিষয়ে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক কওক।

এই জ্ঞান ব্যৱহাৰ কৰি  $180^0, 90^0, 77.5^0, 50^0, 45^0, 30^0, 22.5^0$  আৰু  $11.25^0$ ৰ কোণ অংকণ কৰিবৰ বাবে ছাত্ৰ-ছাত্ৰীক চেষ্টা কৰিবলৈ কওক।

এইবোৰ ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে কৰাৰ পিছত তেওঁলোকে তলৰ প্ৰকেইটাৰ উত্তৰ দিব পাৰিব।

- কোণবিলাক কোণ ভাঁজ কৰিবলৈ সহজ আছিল ?
- কোণবিলাক কোণ ভাঁজ কৰিবলৈ টান বা কৰিব নোৱাৰা ধৰণৰ আছিল ?
- এই কোণ বিলাকৰ প্ৰত্যেকটোৱেই কিয়  $180^0$  তকৈ কম?  $180^0$  তকৈ বেছি মাপৰ কোণ দ্বিখণ্ডিত কৰাটো সন্তুষ্ট নে?

### বিষয় অধ্যয়ন ১ : কাৰ্য ১ ব্যৱহাৰ কৰি শ্ৰী ৰাহুল দত্তৰ প্ৰতিফলন (Case Study 1: Mr Rahul Dutta reflects on using Activity 1)

ছাত্ৰ-ছাত্ৰীয়ে আগতে কাগজ ভাঁজ কৰি কোণ গঠন কৰাৰ অভিজ্ঞতা নাছিল বা হয়তো বহুদিন এনে অনুশীলন কৰা নাই বাবে কাৰ্যটোৰ আৰম্ভণিতে তেওঁলোকক অলপ দোমোজাত পৰা যেন দেখা হৈছিল। তথাপিও ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে কোণ ভাগ কৰিব পৰা ধাৰণাটো পালে। ছাত্ৰ-ছাত্ৰীসকলে কোণ সম্বন্ধে কি ভাৰিছিল সেইটো জানিবলৈ মই প্ৰক কৰিছিলো আৰু মই গম পাইছিলো যে তেওঁলোকৰ কোণ মানে কিবা এটা স্থিৰ হৈ থকা বা লৰচৰ নকৰা বা গতি নথকা ঘূৰাৰ নোৱাৰা এটা ধাৰণা আছে। গতিকে মই প্ৰথমে তেওঁলোকক থিয় হ'বলৈ দিলো আৰু দুয়োখন হাত সন্মুখৰ ফালে ডাঙি ল'বলৈ দি এনেভাৱে ঘড়ীৰ কাটাৰ দিশত বা ঘড়ীৰ কাটাৰ বিপৰীত দিশত,  $180^0, 360^0, 720^0, 90^0, 45^0, 360^0$ ৰ আধা,  $45^0$ ৰ দুঙ্গণ ইত্যাদি ঘূৰাৰলৈ দিলোঁ যাতে এখন হাত স্থিৰ ৰাখি আনখন হাতৰ ওপৰত ৰাখি ওপৰত উল্লেখ কৰা কোণবোৰ পোৱা যায় আৰু দেখিবলৈ এনে ভাৱ হৈছিল যে কোণৰ জোখ বা মাপ মানে বেখাৰ ঘূৰ্ণন

হয়।

ইয়াৰ পিছত ছাত্র-ছাত্রীয়ে কাগজ ভাঁজ কৰি কোণ গঠন কৰিবলৈ ভাল পোৱা হ'ল। কোণ ভাঁজ কৰোঁতে বিশেষকৈ সৰু কোণ ভাঁজ কৰাৰ ক্ষেত্ৰত অৰ্থাৎ সঠিকভাৱে কোণ জোখাটো তেওঁলোকৰ বাবে সমস্যাৰ নিচিনা হৈছিল।

## আপোনাৰ শিক্ষণ প্রতি য়াৰ প্রতিফলন (Reflecting on your teaching practice)

শ্ৰেণীত কৰি অহা কাৰ্য বা অনুশীলনবোৰ ভিতৰত কোনবোৰ ভাল হ'ল আৰু কোনবোৰ বেছি ভাল নহ'ল চালিজাৰি চোৱাটো নিয়ান্তই প্ৰয়োজন। যিবিলাক প্ৰএই ছাত্র-ছাত্রীক কাৰ্যৰ প্ৰতি আগ্ৰহ জন্মায় আৰু গাণিতিক ধাৰণাৰ বিকাশ সাধন কৰে তেন্তেৰণৰ প্ৰএ সুধি কাৰ্যৰ প্ৰতি আকৰ্ষিত কৰিব লাগে। এনেধৰণৰ কাৰ্যই ছাত্র-ছাত্রীক ব্যস্ত বাখি গণিত শিক্ষণ শিকন প্ৰতি য়া অধিক আমোদজনক কৰি তোলে। কাৰ্যটো বুজি নাপালে ছাত্র-ছাত্রীয়ে অংশগ্ৰহণ নকৰাৰ সন্তাৱনাই অধিক। আপুনিও এনেধৰণৰ প্ৰতিফলিত অনুশীলন সঘনাই ব্যৱহাৰ কৰক যাব দ্বাৰা ৰাখল দন্তই ভাল ফল পাবলৈ সক্ষম হৈছিল।



### চিন্তন (Pause for thought)

ভাল প্ৰএই এনেধৰণৰ প্রতিফলন কৰে।

- আপুনি শ্ৰেণীত কাৰ্যটোত কেনেদৰে আগবঢ়িছিল? ছাত্র-ছাত্রীয়ে কাৰ্যটো কৰি আনন্দ পাইছিল নে? কাৰ্যটোত থকা ধাৰণাবোৰ ছাত্র-ছাত্রীৰ বাবে পৰিচিত আছিল নে?
- ছাত্র-ছাত্রীৰ পৰা পোৱা কোনবিলাক সহাবি আশানুৰূপ নাছিল? কিয়?
- আপুনি কিবা ক্ষেত্ৰত দৃঢ়ীকৰণ কৰিবলগীয়া হৈছিল বুলি অনুভৱ কৰিছিল নেকি?
- আপুনি কাৰ্যটোৰ কিবা সংশোধন কৰিছিল নেকি? যদি কৰিছিল, ইয়াৰ কাৰণ কি আছিল?

## 2. সৰু ডাঙৰ কৰা (Scaling up and scaling down)

প্ৰত্যেকখন প্ৰতিচ্ছবি আকৃতি স্কেল বা মাপৰ সহায়ত ডাঙৰ বা সৰু কৰিব পাৰি। এইটো বাস্তৱ জীৱনত প্ৰায়েই কৰা হয়। মূল ছবি আৰু ডাঙৰকৈ জোখালৈ কৰা ছবি সদায়েই ইটো সিটোৰ সদৃশ। দশম শ্ৰেণীত সন্নিৰিষ্ট থকা সদৃশ ত্ৰিভুজৰ ধাৰণা ছাত্র-ছাত্রীয়ে ভালদৰে আয়ত্ন কৰিব নোৱাৰিব যদিহে তেওঁলোকে জোখ লৈ প্ৰতিচ্ছবি ডাঙৰ সৰু কৰিব নোৱাৰে আৰু মূল প্ৰতিচ্ছবি আৰু সৰু বা ডাঙৰ কৰা প্ৰতিচ্ছবিৰ সম্বন্ধৰ বিষয়ে অৱগত নহয়।

ইয়াৰ পিছৰ কাৰ্যটোত আপুনি ছাত্র-ছাত্রীয়ে নিজে নিজে ত্ৰিভুজ সৰু-ডাঙৰ কৰাৰ কৌশল শিকাৰ বাবে সহায় কৰিব। ছাত্র-ছাত্রীয়ে ত্ৰিভুজৰ প্ৰতিচ্ছবি ডাঙৰ বা সৰু কৰি জোখ নিৰূপণ কৰিব। এই কাৰ্যটো ছাত্র-ছাত্রীয়ে শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰত কৰিলে অধিক কাৰ্যকৰী হ'ব আৰু তেওঁলোকৰ বহীত কৰাতকৈ ডাঙৰ জোখৰ ত্ৰিভুজ আকিব পাৰিব। বাস্তৱ জীৱনত পোৱা কিছুমান জোখ লৈ তাৰ ওপৰত কাৰ্য কৰি তেওঁলোকে পোৱা গাণিতিক শিকন বিষয় অধ্যয়নটোত বৰ্ণনা কৰা হৈছে আৰু 3 নং বিষয় অধ্যয়নত আকো এই বিষয়ে অনুসন্ধান কৰা হৈছে।

### কাৰ্য 2 : সৰু ডাঙৰ কৰা (Activity 2: Scaling up and scaling down)

#### প্ৰস্তুতি (Preparation)

এই কাৰ্যটো ছাত্র-ছাত্রীয়ে তিনি বা চাৰিজনীয়া দলত লগে ভাগে কৰিলে ভাল ফল পোৱা যায়। আপুনি দলবিলাকত কোন কোন ছাত্র-ছাত্রী থাকিব তাৰে আগতীয়াকৈ পৰিকল্পনা কৰিব। আঞ্চলিক বাস বেছি থকা ছাত্র-ছাত্রীৰ লগত আঞ্চলিক বাস কম থকা ছাত্র-ছাত্রীৰ দল গঠন কৰিবলৈ দিব পাৰে। এই কাৰ্যটো শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰত বিদ্যালয়ৰ খেলপথাৰত কৰাটো গুৰুত্বপূৰ্ণ কৰিবলৈ ছাত্র-ছাত্রীয়ে চকেৰে মাটিত লিখিব বা আঁকিব পাৰিব। তেওঁলোকে বাতৰি কাকতো ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰে যিহেতু ই বহীৰ পাততকৈ ডাঙৰ। যেতিয়া ছাত্র-ছাত্রীসকলক দলত কাম কৰিবলৈ দিয়া হয় তেওঁলোকক ডাঙৰ কাগজৰ পৃষ্ঠা বা খিলা দিব লাগে যাতে সকলোৱে কাগজত লিখিবলৈ দেখা পায়। অৰ্থাৎ ডাঙৰ কাগজত ডাঙৰ ডাঙৰ আখবৰে লিখিবলৈ লাগে।

## কার্য

তলত দিয়াধৰণে ছাত্র-ছাত্রীক কওক।

- তোমালোকক এখিলা কাগজ দিয়া হৈছে। কাগজখিলা এনেদৰে ভাঁজ কৰা যাতে এটা ত্রিভুজ গঠন হয়। ত্রিভুজৰ আকাৰটো গুৰুত্ব পূৰ্ণ নহয়।
- ত্রিভুজটোৰ কোণ আৰু বাহুৰ জোখা আৰু ইয়াৰ পৰিসীমা নিৰ্ণয় কৰা।
- তুমি কাগজেৰে গঠন কৰা ত্রিভুজটোৰ পৰিসীমাৰ 10 গুণ ডাঙৰ আকাৰৰ এটা ত্রিভুজ খেলপথাৰত অংকণ কৰা। ইয়াৰ সমাধান এটাতকৈ বেছি আছে নে?
- ডাঙৰকৈ অঁকা ত্রিভুজটোৰ জোখ উলিওৱা।
- আগতে প্ৰয়োগ কৰা কৌশলটো ব্যৱহাৰ কৰি তুমি কাগজখিলাত অঁকা ত্রিভুজটোৰ ভিতৰত এটা ত্রিভুজ আঁকা যাৰ বাহুবিলাক মূল ত্রিভুজৰ অনুৰূপ বাছ বিলাকৰ আধা।
- মূল ত্রিভুজটোক যিকোনো মাপৰ (সৰু বা ডাঙৰ) ত্রিভুজৰ লগত তুলনা কৰা।
- এই তিনিটা ত্রিভুজৰ কি একে আৰু কি বেলেগ এই বিষয়ে ভাৱা।
- তোমাৰ দলত এটা ত্রিভুজৰ পৰা কেনেদৰে আনটো পাৰি তাৰ এটা বা দুটা পদ্ধতিৰ বিষয়ে চিন্তা কৰা।
- এতিয়া তোমাৰ পদ্ধতিটো বৰ্ণনা কৰা।

ভিডিও'ঃ দলগত কাৰ্য ব্যৱহাৰ কৰি।



অধিক তথ্যৰ বাবে সমল 2 ৰ 'দলগত কাৰ্যৰ ব্যৱহাৰ' শীৰ্ষক সমলটো ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰে।

## বিষয় অধ্যয়ন 2 : কাৰ্য 2 ব্যৱহাৰ কৰি শ্ৰীমতী মঞ্জু বৰাৰ প্ৰতিফলন (Case Study 2: Mrs Manju Bora reflects on using Activity 2)

দলবিলাকৰ মাজত কাৰ্যটো সম্বন্ধে আলোচনা আৰম্ভ কৰা দেখা গৈছিল কিন্তু বেছিভাগ ছাত্র-ছাত্রীয়ে আলোচনাত একেবাৰেই অংশগ্রহণ কৰা নাছিল। তেতিয়াহে মই অনুভূতি কৰিছিলো যে ছাত্র-ছাত্রীসকলে কাৰ্যটো টান পাইছিল। কিন্তু মই বুজি পোৱা নাছিলো কাৰ্যটোৰ কোনখিনিত তেওঁলোকে নুবুজাকৈ আছিল। প্ৰটোৰ প্ৰথম ভাগত তেওঁলোকক কাগজৰ পৰা ত্রিভুজ তৈয়াৰ কৰিবলৈ দিয়া হৈছিল যিটো নিশ্চয়কৈ ইমান টান নাছিল। মই ভাবিলো সম্ভৱতঃ তেওঁলোকে ত্রিভুজৰ বিষয়ে পাহৰিলে। সেয়েহে মই তেওঁলোকক মনত পৰিবৰ বাবে পাঠ্যপুঁথি চাৰিলৈ কৈছিলো।

যিৱেই নহওঁক আমি তেতিয়া খেলপথাৰত আছিলো আৰু কিতাপবোৰ শ্ৰেণীকোঠাতে আছিল, ছাত্র ছাত্রীয়ে শ্ৰেণীকোঠালৈ গৈ ত্রিভুজৰ বিষয়ে পঢ়িবলৈ বহুত সময় লাগিব। সেয়েহে মই ভাবিছিলো 'ঠিক আছে মই আচলতে তেওঁলোকৰ কঠ খোকোজা আছে নাজানো হয়তো মই এই বিষয়ে তেওঁলোকক সুধি চাব পাৰো'। একে সময়তে মই এইটোও ভাবিছিলো 'হয়তো তেওঁলোকৰ খোকোজা লগাটো মই ভাল পোৱা নাই'। এইটো দেখা গৈছিলয়ে তেওঁলোকে সদায় কি কৰিব লাগে সেইটো মই কৈ দিয়ালৈকে বথি থাকে যাতে তেওঁলোকৰ খোকোজা নালাগো। তেওঁলোকে আকো প্ৰাৰ্বিলাক ভাণ্ডি ভাণ্ডি সৰু সৰু ভাগ কৰি বুজাই দিয়াটো বিচাৰে। ইয়ে তেওঁলোকক স্ব শিকন বা সমস্যা সমাধান কৰাত সহায় কৰিব বুলি মই নাভাবো, যাৰ প্ৰকৃততে বিদ্যালয়ৰ বাহিৰত অৰ্থাৎ বাস্তৱ জীৱনত খুবৈই প্ৰয়োজন আছে। সেয়েহে মই ভবামতে তেওঁলোকক কৈছিলো-

তোমালোক সকলোৰে খোকোজা লগা যেন অনুভূত হৈছে। জীৱনত খোকোজা লগাটো স্বাভাৱিক। খোকোজা নলগাঁকৈ থাকিব পৰাটো গুৰুত্বপূৰ্ণ। গতিকে তোমালোকে প্ৰথমে দলত আলোচনা কৰি লোৱা তোমালোকৰ কোনখিনিত খোকোজা লাগিছে আৰু কেনেদৰে খোকোজাবোৰ নোহোৱা কৰিব পাৰিব। আমি তোমালোকৰ কিছুমান ধাৰণা গোটেই শ্ৰেণীৰ ছাত্র ছাত্রীৰ লগত আলোচনা কৰিম। দেখা গ'ল পঁচ মিনিটৰ ভিতৰতেই ছাত্র ছাত্রীসকলে খোকোজা নলগাঁকৈ কিছুমান ভাল ধাৰণা দিব পাৰিছিল। এই আলোচনাটোৱে আমাক

গোটেই দলের লগত একেলগে কাম করার প্রবণতা, যুটীয়া ভাবে ইজনে সিজনক সহায় করার দায়িত্ব লব পৰা, খোকোজাবোৰ দূৰ কৰা আৰু আমি সকলোৱে এইবোৰ কৰিব পাৰো বুলি আঘাবি ধাস গঢ়ি তোলাত সহায় কৰে। এই আলোচনাটোৰ পিছত বাকী কেইটা পাঠ তেওঁলোকৰ বাবে সহজ হৈ পৰিল। ফলস্বৰূপে, আমি সাদৃশ্যতা, সৰ্বাংগসমতা, জোখ মাখ আৰু ত্ৰিভুজৰ ধৰ্মৰ বিষয়ে আলোচনা কৰিবলৈ সমৰ্থ হৈছিলো সেয়েহে গণিতৰ এটা অৰ্হতা / দিশৰ শিকাৰ সলনি তেওঁলোকে কেইবাটাও অৰ্হতা / দিশৰ মাজত সংযোগ স্থাপন কৰিবলৈ শিকিছিল।

ত্ৰিভুজটোৰ পৰিসীমাৰ 10 গুণ ডাঙৰ আঁকাৰৰ এটা ত্ৰিভুজ অংকণ কৰা প্ৰণটো উত্তৰ ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে চিন্তা কৰিব লগীয়া বিধৰ আছিল কিন্তু হতাশগ্রস্ত হ'ব লগা বিধৰ নাছিল। মই ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে কোৱা শুনিছিলো “আমাৰ খোকোজা লগিছে” আৰু “আমি এতিয়া আমাৰ খোকোজাখিনি দূৰ কৰিব লাগিব”। এটা দলে খোকোজা আঁতৰ কৰিবৰ বাবে টাৰ্ব বিচাৰিলে। মই এইটো বিষয়ে ভৱা নাছিলো বাবে টাৰ্ব যোগাৰ কৰা নাছিলো। সৌভাগ্য ত্ৰমে মোৰ শ্ৰেণীত সৃতা থকা এটা বৰিন আছিল যিটো তেওঁলোকে বৰ আনন্দৰে ব্যৱহাৰ কৰিছিল।

কোনবিলাক একে আৰু কোনবিলাক বেলেগ বুলি সোধা এই প্ৰণটো বৰ আমোদজনক আছিল মই দেখিবলৈ পাইছিলো যে ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে তেওঁলোকে গঠন কৰা ত্ৰিভুজ বিলাকৰ চাৰিওফালে ঘূৰি চাইছিল (বেলেগ বেলেগ কোণৰ পৰা) আৰু তেওঁলোকে সকলো প্ৰকাৰ আনুমানিক সিদ্ধান্তবোৰ কৈছিল। তেওঁলোকে আকো ভাবি এই আনুমানিক সিদ্ধান্তবোৰ পুনৰ গঠন কৰিছিল। ইয়াৰ পৰা ছাত্ৰ ছাত্ৰীয়ে নিজে পদ্ধতি বৰ্ণনা কৰিছিল। তেওঁলোকে ধাৰণা সমূহ তৎক্ষণাত নিলিখাটো ভাল হৈছে কিয়নো ইয়াৰ ওপৰত তেওঁলোকে বিভিন্ন ধৰণৰ ধাৰণা সমূহ বৰ্ণনা কৰিবলৈ আগবঢ়াঢ়ি আহিব পাৰিছিল আৰু এইবোৰ ক্ষীপ্ৰতাৰে কৰিব পাৰিছিল। তেওঁলোকে গাণিতিক ভাষা সঠিক ভাবে ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰিছিল। সেয়েহে অন্য ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে ত্ৰিভুজবোৰ সমুখ্যত থিয় হৈ এইবোৰ বেলেগে বেলেগ ঠাইৰ পৰা পৰ্যবেক্ষণ কৰি ‘সেই কোণটো’ বুলি ক'লে বুজি পাইছিল।

তেওঁলোকে এইবোৰ প্ৰথমতে চিত্ৰ সহায়ত এখন ডাঙৰ কাগজত লিখিছিল আৰু পিছত তেওঁলোকৰ অনুশীলন বহীত কৰিছিল। মই এই ডাঙৰ ডাঙৰ কাগজবোৰ কি কৰিম একো ভাবি পোৱা নাছিলো। মই এইবোৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ বেৰত লগাই দিলো। এইবোৰ লগাই দিয়াত চাফা দেখা নাছিল যদিও ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে বৰ আমোদ পাইছিল। এইটো তেওঁলোকৰ গণিতীয়কৰণৰ এটা উদাহৰণ। আমি ইয়াক (thinking work wall)ৰে নামকৰণ কৰিছিলো। মই লক্ষ্য কৰিছিলো যে, বহুদিনলৈকে অন্য শিক্ষক শিক্ষয়িত্ৰী আৰু ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে এই বিষয়ে পঢ়িছিল আৰু আলোচনা কৰিছিল। মোৰ বৰ ভাল লাগিছিল এই কাৰণেই যে পাঠটো পড়েৱাৰ বহু দিনলৈকে পাঠটোৰ ওপৰত কথোপকথন চলি আছিল আৰু পাঠটো পড়েৱা হৈ যোৱাৰ পিছতো শিকন হৈ আছিল। বিদ্যালয়ৰ খেলপথাৰত চক পেঞ্চিলৰে চিত্ৰ অংকণ কৰাৰ সময়তো একেই হৈছিল ; ছাত্ৰী আৰু শিক্ষয়িত্ৰী সকলে এই বিষয়ে কথা পাতিছিল।

শ্ৰেণীকোঠাৰ বেৰত লগাই থোৱা চিত্ৰ কেইখন কেইবা সপ্তাহো থাকিল। কাৰ্যটোৰ পৰা যে শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰত গাণিতিক কোণ অংকণ কৰিব পাৰি সেই বিষয়ে মই বুজি পালো। শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰত ছাত্ৰ ছাত্ৰীয়ে নিজৰ নিজৰ অনুশীলন বহীত কৰাতকৈ ডাঙৰ জোখ লৈ গাণিতিক অংকণৰ ওপৰত কাম কৰিব পাৰে, কিন্তু প্ৰণ হ'ল মই মোৰ ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলৰ লগত কিয় এইবোৰ কৰিব খুজিছো। এই কাৰ্যটোৰ পৰা ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকল কেনেদৰে উপকৃত হয় এই বিষয়ে সম্পূৰ্ণকৈ জ্ঞাত নহয় আৰু মোৰ সন্দেহ আছে যে মই কেতিয়াবালৈ এইটো উলিয়াব পাৰিম। যিয়ে নহওক মোৰ ভাৱ থিনি মই তলত উল্লেখ কৰিছো-

- ছবি খন যথেষ্ট ডাঙৰ আছিল আৰু কি হৈ আছে সকলোৱে একে লগে দেখা পাইছিল। সচাঁকৈয়ে সামুহিক ভাবে ইয়াৰ ওপৰত সকলোৱে আলোচনা কৰিব পাৰিছিল।
- তেওঁলোক সকলোৱে লগ লাগি ত্ৰিভুজবোৰ আঁকিছিল। তেওঁলোক নিজাবীয়াকৈ এইটো কৰিব নোৱাৰে কিয়নো এইটো যথেষ্ট ডাঙৰ আৰু তাত আন বহু কাম কৰিবলগীয়া আছিল। সেই কাৰণে তেওঁলোকে তেওঁলোকৰ মাজত আলোচনা কৰিব লগা হৈছিল আৰু গণিতৰ কথা পাতিব লগা হৈছিল। ইয়াত যুটীয়া ভাবে শিকনৰ দায়িত্ব আছিল।
- আৰম্ভণিৰ পৰা ইয়াত খুটি নাটি মাৰি কৰিব লগা হোৱা নাছিল বাবে ই ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলক ত্ৰিভুজৰ ধাৰণাৰ বিকাশ কৰিবৰ বাবে সুবিধা প্ৰদান কৰিছিল।
- এইদৰে তেওঁলোকৰ গাণিতিক জ্ঞান যথেষ্ট বৃদ্ধি পাইছিল। ছাত্ৰ ছাত্ৰীসকলে শ্ৰেণীকোঠাত বহাৰে পৰা বাহিৰৰ খেল পথাৰৰ বাস্তৱ পৰিৱেশত সোমাই পৰালৈকে সহপাঠীসকলৰ লগত একে লগে আছিল।

এই পাঠটো ইমান আনন্দদায়ক আৰু উৎসুকতা মূলক আছিল যে সকলোকেই আকৃষ্ট কৰিছিল। লগতে গভীৰ ভাবে চিন্তা কৰি গাণিতিক

প্রয়োগ করিছিল আৰু যিটো তেওঁলোকে শুন্দি বুলি ভাবিছিল সিন্ধান্তত উপনীত হৈছিল। তেওঁলোকৰ মুখত জয়ৰ গৌৰৰ দেখা গৈছিল।



### চিন্তন (Pause for thought)

- আপুনি যেতিয়া ছাত্র-ছাত্রীৰ লগত কাৰ্যটো কৰিছিল, তেওঁলোকৰ পৰা পোৱা কোনবিলাক সহাবি আশা কৰা ধৰণৰ নাছিল ? কিয় ?
- ছাত্র-ছাত্রীৰ ধাৰণাৰ বিকাশ সাধন হ'বলৈ আপুনি কেনেকুৱা প্ৰ.ন. ব্যৱহাৰ কৰিছিল ? আপুনি তেওঁলোকে কাৰ্যটোৰ পৰা কিমান বুজিলে কেনেকৈ জানিব ?
- আপুনি কাৰ্যটোৰ কিবা সাল-সলনি কৰিছিল নেকি ? যদি কৰিছিল, ইয়াৰ কাৰণ কি আছিল ?

## 3. গণিতিক শাৰীৰিকীকৰণ (3 Embodying mathematics)

‘শাৰীৰ গণিত’ এটা কৌশল যাৰ সহায়ত ছাত্র-ছাত্রীয়ে শাৰীৰৰ অংগ ব্যৱহাৰ কৰি গণিত শিকাৰ অভিজ্ঞতা লাভ কৰে। ইয়াৰ দ্বাৰা বিমুক্ত ধাৰণাক বাস্তৱ ৰূপত প্ৰকাশ কৰা হয়। Dreyfus, 1996 আৰু Gibbs, 2006 ৰ মতে মনৰ চিন্তাক এটা আকৃতিৰ ৰূপত প্ৰকাশ কৰিবলৈ গণিতক ব্যৱহাৰ কৰা হয়। গণিতক শাৰীৰৰ অংগৰ সহায়ত প্ৰকাশ কৰিবলৈ-

- ছাত্র-ছাত্রীক বাস্তৱ জীৱনৰ অভিজ্ঞতা বিলাকৰ পৰা দূৰত ৰাখি গণিতিক অকল তাৎক্ষণিক বিষয় হিচাপে চোৱাৰ ধাৰণা আঁতৰোৱাত সহায় হয়।
- প্ৰতিচ্ছবিৰ সহায়ত গণিতিক ধাৰণা গঠন কৰিব পাৰে।
- গণিতিক ধৰ্মবিলাকৰ লগত আৱেগিক আৰু বৎ ধেমালিবে সমন্বন্ধ স্থাপন কৰিব পাৰে।

2 নং কাৰ্যত আপুনি ছাত্র-ছাত্রীৰ লগত ডাঙৰ জোখৰ ওপৰত কাম কৰিছিল। ইয়াৰ পিছৰ কাৰ্যটো আকৌ শ্ৰেণীৰ বাহিৰত ডাঙৰ ডাঙৰ জোখৰ ওপৰত কৰা হৈছে। এই কাৰ্যটোতো ছাত্র-ছাত্রীক নিজৰ অংগ ব্যৱহাৰ কৰিবলৈ দিয়া হৈছে। ছাত্র-ছাত্রীসকলক বৃত্ত এটাৰ পৰিধিত থকা যিকোনো বিনু এটাৰ প্ৰতিনিধিত্ব কৰিবলৈ কোৱা হৈছে আৰু তাৰ পিছত সেই বৃত্তটোৰ কেন্দ্ৰ সঠিকভাৱে অংকণ কৰিবলৈ কোৱা হৈছে। প্ৰত্যেকজন ছাত্র-ছাত্রীয়ে জানিব যে তেওঁলোক সকলোৱে কেন্দ্ৰটোৰ পৰা সমান দূৰত আছে।

এই কাৰ্যটোত ছাত্র-ছাত্রীসকলে বৃত্তৰ পৰিধিত থিয় হ'ব লাগে যাতে তেওঁলোকৰ সকলোৱে কথা সমানে শুনা যায় আৰু তেওঁলোক কেন্দ্ৰৰ পৰা সমান দূৰত থাকে। এই ধৰণৰ কাৰ্যবিলাক পৰিচালনা কৰাটো ইমান সহজ নহয় দুই এক ছাত্র-ছাত্রীয়ে কেন্দ্ৰৰ পৰা সমদূৰত থকা নথকাৰ বাবে ঠেলাহেচা কৰিব। কিন্তু যদি আপুনি কৰিব পাৰে তেনেহলে ছাত্র-ছাত্রীসকলে এই কাৰ্য বিলাকৰ পৰা বহুতো গণিতিক ধৰ্মৰ বিষয়ে জ্ঞান পাৰ।

### কাৰ্য 3 : গণিতিকীকৰণ (Activity 3: Being mathematics)

#### প্ৰস্তুতি (Preparation)

এই কাৰ্যটো কৰিবৰ বাবে যথেষ্ট ঠাইৰ প্ৰয়োজন হ'ব। ছাত্র-ছাত্রীয়ে ইজনে সিজনৰ হাতত ধৰি বৃত্তাকাৰে থিয় হ'ব লাগিব। বৃত্তটোৰ কেন্দ্ৰ অংকণ কৰিবৰ বাবে বৃত্তটোৰ ভিতৰৰ পিণেও কিছু ঠাইৰ প্ৰয়োজন হ'ব। এডাল জ্যাৰ সমন্বিত ডাল বৃত্তৰ কেন্দ্ৰৰ মাজেৰে যায় নৰম শ্ৰেণীৰ পাঠ্যপুঁথিৰ থকা এইটো ব্যৱহাৰ কৰি বৃত্তৰ কেন্দ্ৰৰ অংকণ কৰিব লাগিব। যদি আপুনি এই কাৰ্যটোৰ বিষয়ে আলোচনা কৰিবলৈ দলটো বহুত ডাঙৰ হোৱা বুলি ভাৱে, তেতিয়াহ'লে আপুনি গোটেই শ্ৰেণীৰ ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ লগত আলোচনা কৰাৰ আগতে তেওঁলোকক তিনিজনীয়া দলত আলোচনা কৰিবলৈ দিলে বেছি ভাল হ'ব। এই ক্ষেত্ৰত আপেনাক বচি বা টাঁৰ, বল আৰু সুহৰিৰ প্ৰয়োজন হ'ব পাৰে।

#### কাৰ্য

- ছাত্র-ছাত্রীক কওক : ‘এই কাৰ্যটোৰ উদ্দেশ্য হ'ল শ্ৰেণীৰ ভিতৰত আটাইতকৈ বেছি বেগাই দৌৰিব পৰা ছাত্র-ছাত্রীক চিনাত কৰা’। ছাত্র-ছাত্রীসকলক ইজনে সিজনৰ হাতত ধৰি যিমান পাৰি হাতবোৰ মেলি ডাঙৰ বৃত্তৰ আকাৰ এটা গঠন কৰিবলৈ

কওক।

- ছাত্র-ছাত্রীসকলে বৃত্তাকারে থিয় হোৱাৰ পিছত যিকোনো এজন ছাত্র বা ছাত্রীক মাতি সোধক, 'তুমি এটা বল বৃত্তটোৰ ভিতৰৰ যিকোনো এষ্টাইত থ'ব পাৰিবানে যিখিনি ঠাই থিয় হৈ থকা প্রত্যেকজন ছাত্র-ছাত্রীৰ পৰা সমান দূৰত্বত থাকিব। তুমি যদি বলটো ভুল ঠাইত থোৱা তুমি কাৰ্যটো সম্পূৰ্ণ কৰিব নোৱাৰিবা'। (কিন্তু সম্পূৰ্ণ কৰিব নোৱাৰা ছাত্র-ছাত্রীসকলে এই প্রতিযোগিতাত বিচাৰক হিচাপে থাকিব পাৰিব।)
- বলটো থোৱাৰ পিছত অন্য এজন ছাত্র বা ছাত্রীক সোধক 'তুমি যদি প্রতিযোগিতাটোত জিকিব খোজা তেনেহ'লে তুমি আমাক পতিয়ন নিয়াব পাৰিব লাগিব যে বলটো বখা ঠাইখিনি প্রত্যেকজন ছাত্র-ছাত্রীৰ পৰা সমান দূৰত নাই, তেতিয়াহে আগতে যিজন ছাত্র বা ছাত্রীয়ে বলটো ফৈছিল তেওঁ এই প্রতিযোগিতাৰ পৰা বাহিৰ হৈ আহিব লাগিব।'
- এনেদৰে কেইবাজনো ছাত্র-ছাত্রী যেতিয়া খেলটোৰ পৰা ওলাই আহিবলগীয়া হ'ল, তেতিয়া আপুনি তলত দিয়া প্ৰণটো সোধক : 'তুমি নিৰ্ধাৰণ কৰা বৃত্তৰ কেন্দ্ৰটো আৰু অধিক সুক্ষ্ম ভাবে আৰু শুন্দভাৱে কেনেদৰে নিৰূপণ কৰিবা?' 'আমি সকলোৱে একে লগে বৃত্তটোৰ কেন্দ্ৰত বলটো থ'বলৈ উপায় উলিয়াব পাৰিম নে?'
- এতিয়া বিষয়টো দুজনীয়া আৰু তিনিনীয়া দলত আলোচনা কৰিবলৈ কওক। তাৰ পিছত ইয়াৰ কিছুমান দলক তেওঁলোকৰ ধাৰণাবোৰ গোটেই শ্ৰেণীৰ লগত ভাৱ বিনিময় কৰিবলৈ কওক। প্রত্যেকটো দলেই আলোচনা কৰি ভাৱ বিনিময় কৰাৰ পিছত ছাত্র-ছাত্রীক কাৰ্যটো তেওঁলোকে কেনে পালে এই বিষয়ে সোধক। প্রত্যেকটো দলে তেওঁলোকৰ ধাৰণাৰ উপস্থাপন কৰাৰ প্ৰয়োজন নাই। দুটা বা তিনিটা দলে উপস্থাপন কৰাৰ পিছত বেলেগ দলে আগৰ দলবিলাকে নোকোৱা যদি বেলেগ কথা আছে সেই বিষয়ে কওক।
- যদি কোনো এটা দলে জ্যা আৰু লম্ব সমদ্বিশুণুক ব্যৱহাৰ কৰি অংকণ কৰাৰ কথা ভৱা নাই তেনেহ'লে আপুনি ইয়াৰ বাবে এটা যাদুকৰী অংকণ সজুঁলি আছে বুলি ক'ব যাৰ নাম সমদ্বিশুণুক। ইয়াৰ সহায়ত কাৰ্যটো কৰিবলৈ ইংগিত দিব লাগিব।
- ছাত্র ছাত্রীয়ে এইটোৰ দ্বাৰা কেনেদৰে অংকণ কৰিব সোধক। তেওঁলোকে নিজৰ শৰীৰৰ অংগ আৰু ডাঙৰ জোখ ব্যৱহাৰ কৰিবৰ বাবে ইয়াৰ পৰা কি ধাৰণা লোৱাৰ প্ৰয়োজন হ'ব।
- যেতিয়া বলটোক বৃত্তৰ কেন্দ্ৰত সঠিক ভাৱে বখা হ'ব তেতিয়া আপুনি সুহৰি বজাই সংকেত দিয়ক যাতে বাকী থকা ছাত্র ছাত্রীসকলে বলটোৰ পিনে দৌৰি আহি বলটো মাৰি দিব পাৰে। যিয়েই প্ৰথমে বলটোক মাৰিব পাৰিব তেওঁয়েই প্রতিযোগীতাটোত জিকিব।

## বিষয় অধ্যয়ন 3 : কাৰ্য 3 ব্যৱহাৰ কৰি শ্ৰীমতী মিতালী গোৱেল প্ৰতিফলন (Case Study 3: Mrs Mitali Gogoi effects on using Activity 3)

ছাত্র-ছাত্রীসকলে এই কাৰ্যত থকা প্রতিযোগিতাটো বৰ ভাল পাইছিল। কাৰ্যটোৱে তেওঁলোকক চিন্তা কৰিবলৈ আৰু ধাৰণা গঠন কৰিবলৈ সহায় কৰিছিল। তেওঁলোক সকলোৱে বৃত্তৰ কেন্দ্ৰ নিৰ্ণয় কৰিবলৈ বৰ সহজ হ'ব বুলি ভাবিছিল।

এই কাৰ্যটো সঁচা অৰ্থত সমস্যা সমাধান কৰা। কাৰ্যটোত চিন্তাৰ জড়িয়তে শাৰীৰিকীকৰণৰ সহায়ত কোণৰ অংকণ কৰা হৈছিল। এই কাৰ্যটো কৰোতে ছাত্র ছাত্রীয়ে বছতো জটিলতাৰ সন্মুখীন হৈছিল আৰু তেওঁলোকৰ খোকোজা লাগিছিল। তেওঁলোকে চিন্তা কৰি কেনেকৈ এই খোকোজাবোৰ আঁতৰাৰ পাৰি এই বিষয়ে ভাবিছিল আৰু বুজি পাইছিল যে বলটো কেন্দ্ৰত বখাটো এটা জটিল কাম। এই কামটোৰ জড়িয়তে মই তেওঁলোকক বৃত্ত সমন্বয়ীয় অধ্যয়টোলৈ আগুৱাই নিবলৈ সুবিধা পালো।

ছাত্র ছাত্রীসকলৰ জ্যা বা স্পৰ্শকৰ ধাৰণা আয়ত্ত কৰিবলৈ কিছু সময় ল'ব। কিন্তু তেওঁলোকে নিজেই এইবোৰ আয়ত্ত কৰাৰ আনন্দ আৰু গৌৰৰ অনুভৱ কৰিব। মই ভাৱো নিজে আৰিঙ্কাব কৰা আৰু কিবা এটা উলিয়াবলৈ কৰা চেষ্টাই তেওঁলোকক মনত বখাত বহুত সহায় কৰিব।

এই পদ্ধতিবে তেওঁলোকে চিন্তা কৰোতে বৃত্ত সমন্বয়ীয় বিভিন্ন ধৰ্ম আৰু উপপাদ্যসমূহ জানিব পাৰিব। গতিকে এইটো এটা ভাল পুনৰালোচনাও হ'ব আৰু এই ধৰ্মসমূহ বাস্তৱ জীৱনৰ সমস্যা সমাধানত সহায়ক হ'ব যিবোৰ তেওঁলোকে খেলপথাৰত সন্মুখীন গৈছিল।



## চিন্তন (Pause for thought )

- আপুনি শ্রেণীত কেনেদেরে আগবাঢ়িছিল ?
- ছাত্র-ছাত্রীর পৰা পোৱা কোনবিলাক সহাঁবি আশানুরূপ নাছিল ? কিয় ?
- আপুনি ছাত্র-ছাত্রীৰ বোধৰ বিকাশৰ বাবে কি প্ৰ. ব্যৱহাৰ কৰিছিল ? আপুনি ইয়াৰ পৰা কি শিকিছিল ?

## 4. শাৰীৰিক গণিতৰ পৰা কাগজত উপস্থাপন (4. From embodied mathematics to representations on paper)

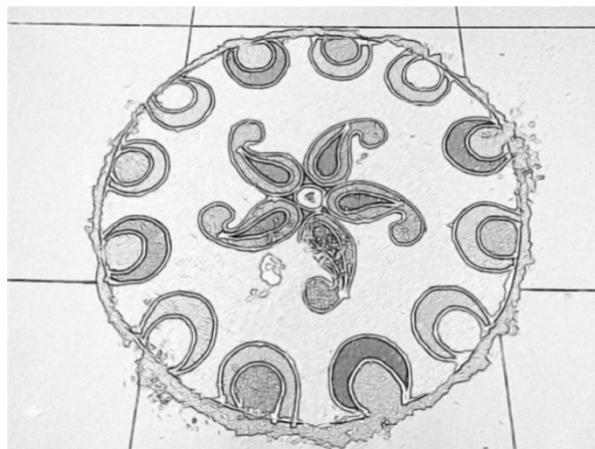
2 আৰু 3 নং কাৰ্যৰ যোগেদি আপুনি ছাত্র-ছাত্রীক বাস্তৱ অভিজ্ঞতাৰ জড়িয়তে বিস্তৃত ভাৱে গাণিতিক অংকণ কৰিব শিকাইছিল। ইয়ে ছাত্র-ছাত্রীক শ্রেণীত কাৰ্য কৰিবলৈ বা পাঠ্যপুথি ব্যৱহাৰ কৰিবলৈ বিভিন্ন শিকনৰ অভিজ্ঞতা প্ৰদান কৰে। কিন্তু কিছুমান স্তৰত ছাত্র-ছাত্রীৰ গাণিতিক শিকনসমূহ বহীত কৰাটো আৰু পৰীক্ষাৰ প্ৰসমূহৰ উত্তৰ কৰোঁতে খুবেই প্ৰয়োজনীয় হৈ পৰে। ব্ৰনাৰ (Bruner) নামৰ এজন প্ৰথিতযশা শিক্ষাবিদে এই বেলেগ বেলেগ শিকনসমূহ শাৰীৰিকীকৰণ, চিত্ৰিতকৰণ, আৰু প্ৰতীকীকৰণ এই তিনিটা স্তৰেৰে বুজাইছে।

ইয়াৰ পিছত কাৰ্যটোত গণিতক শ্রেণীকোঠাৰ বাহিৰলৈ নিয়া (ব্ৰনাৰৰ শাৰীৰিকীকৰণ স্তৰ), তাৰ পৰা অৰ্থাৎ শাৰীৰৰ অংগ ব্যৱহাৰ কৰি হোৱা শিকনৰ পৰা চিত্ৰ অংকণ কৰা (ব্ৰনাৰৰ চিত্ৰিতকৰণ স্তৰ) আৰু শেষত গাণিতিক চিহ্ন, প্ৰতীক ব্যৱহাৰ কৰি এইবোৰৰ বিষয়ে জনা (ব্ৰনাৰৰ প্ৰতীকীকৰণ স্তৰ)। এনেকুৱা গাণিতিক প্ৰতীক চিহ্নৰে পৰীক্ষাৰ প্ৰ. আৰু পাঠ্যপুথিত পোৱা যায়।

### কাৰ্য 4 শাৰীৰ গণিতৰ পৰা পৰীক্ষাৰ প্ৰ. লৈ (Activity 4: From embodied mathematics to exam questions)

#### কাৰ্য 1

ছাত্র-ছাত্রীসকলক 3 নং কাৰ্যটোৰ কথা ভাবিবলৈ দিয়ক আৰু খেলপথাৰত মানুহেৰে বৃত্ত বনাই তাৰ কেন্দ্ৰটো এটা বল তৈ যে দেখুৱাইছিল সেইটো মনত পেলাবলৈ। এতিয়া আপুনি খেলপথাৰত থকা বৃত্তটো তেওঁলোকৰ অনুশীলন বহীত ধৰাকৈ আঁকিবলৈ কওঁক। ছাত্র-ছাত্রীয়ে বৃত্তটো খাৰ, কম্পাচ বা যিকোনো ঘূৰণীয়া বস্তুৰ সহায়ত আঁকিব পাৰিব। যদি সময় হয় তেওঁলোকে বৃত্তটোকে আলন্না আঁকিব পাৰে।



চিত্ৰ 2 : এটা আলন্নাৰ উদাহৰণ

#### ছাত্র-ছাত্রীক তলৰ প্ৰ.কেইটা সোধক।

- তোমালোকে কেনেদেৰে সঠিক ভাৱে বৃত্তৰ কেন্দ্ৰটো উলিয়াবা ?
- বিদ্যালয়ৰ বাহিৰত, ক'ত আৰু কেতিয়া বৃত্তৰ কেন্দ্ৰ উলিয়াবৰ প্ৰয়োজন হ'ব পাৰে বুলি ভাৱা ? কল্পনা কৰি কোৱাচোনহু

#### ভাগ 2

ছাত্র-ছাত্রীক 2 নং কার্যটো মনত পেলাবলৈ কওক, য'ত তেওঁলোকে ডাঙৰ আকাৰৰ ত্ৰিভুজ গঠন কৰিছিল আৰু এই ত্ৰিভুজৰোৰ শ্ৰণীকোঠাৰ কাৰ্যত ব্যৱহাৰ কৰি কেনেদৰে নিজৰ নিজৰ অনুশীলন বহীত হোৱাকৈ আঁকিছিল।

### ভাগ 3

তলত দিয়া ধৰণে ছাত্র-ছাত্রীক কওক -

- তোমালোকে পাঠ্যপুঁথি চোৱা আৰু যদি আছে পৰীক্ষাৰ প্ৰ. কাকত চোৱা।
- পাঠ্য পুঁথিৰ পৰা সেই পাঠ আৰু প্ৰ.ৰোৰ বিচাৰি উলিওৱা যিবোৰ 2 আৰু 3 ত থকা গণিতৰ সৈতে মিল বা সম্পর্ক আছে; এনে কাম, কাৰ্য দৰে ভাগ 1 আৰু ভাগ 2 ৰ ক্ষেত্ৰতো কৰা। শিকা ভগ্নাংশ সম্বন্ধীয় কাৰ্যবোৰৰ লগত গণিতৰ কোনবিলাক পাঠ আৰু প্ৰ.ৰ সম্বন্ধ আছে বিচাৰি উলিওৱা।
- সেই প্ৰ.ৰোৰ কোনৰোৰ একে ধৰণৰ আৰু কোনৰোৰ বেলেগ ধৰণৰ।
- তোমালোকে এই প্ৰ.ৰবিলাক কৰিবলৈ অসুবিধা পাইছিলা নেকি?
- কেনেদৰে এই প্ৰ.ৰবিলাক বৃজিপোৱাত সুবিধা কৰি ল'বা?
- ধৰিলোৱা তুমি এজন পাঠ্যপুঁথিৰ লেখক বা পৰীক্ষাৰ প্ৰ.কাকতৰ প্ৰস্তুতকৰ্তা। এই বিষয়বস্তুৰ ওপৰত তুমি তিনিটা নতুন প্ৰ. তৈয়াৰ কৰিব পাৰিবা নে? এই প্ৰ. তিনিটাৰ এটা সহজ, এটা মধ্যমীয়া আৰু এটা জটিল প্ৰ. হ'ব লাগিব। (মনত ৰাখিবা, তুমি নিজে প্ৰ.কেইটাৰ সঠিক উত্তৰ দিব পাৰিব লাগিব।)

## বিষয় অধ্যয়ন 4 : কাৰ্য 4 ব্যৱহাৰ কৰি শ্ৰীমতী মালবিকা হাজৰিকাৰ প্ৰতিফলন (Case Study 4: Mrs Malabika Hazarika reflections on Activity 4)

এই কাৰ্যবোৰ কৰাৰ পিছত মই ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ মাজত এটা পৰিৱৰ্তন দেখা পাইছিলো। যদিও তেওঁলোকে কাৰ্যবোৰ কৰিবলৈ সহজ পোৱা নাছিল আৰু সোনকালে কৰিব পৰা নাছিল তথাপিও তেওঁলোকে বহুত আত্মবিশ্বাসেৰে গণিত কৰিবলৈ সমৰ্থ হৈছিল। তেওঁলোকে নিজৰ শিকন ক্ষমতাৰ ওপৰত নিয়ন্ত্ৰণ কৰিব পৰা হোৱা যেন লাগিছিল।

এই কাৰ্যটো কৰি উঠাৰ পিছত ছাত্র-ছাত্রীসকলৰ যিটো পৰিৱৰ্তন দেখা গৈছিল ই উল্লেখনীয়। যদিও এই কাৰ্যটো তেওঁলোকে সহজ পোৱা নাছিল আৰু সোনকালে কৰিব পৰা নাছিল, তথাপিও ছাত্র-ছাত্রীৰ মাজত আত্মবিশ্বাস আৰু গণিত কৰাৰ সামৰ্থতা দেখা পোৱা গৈছিল।

ছাত্র-ছাত্রীয়ে বৰ আনন্দেৰে কাৰ্যটোৰ প্ৰথম ভাগত ব্যস্ত হৈ পৰিছিল। তেওঁলোকে কিয় বৃত্তৰ কেন্দ্ৰ অংকণ কৰিব লাগে সেই বিষয়ে কিছুমান নিজাৰবীয়া ধাৰণা দিছিল। প্ৰায়বিলাক ধাৰণাৰ যুক্তি যুক্ত তা আছিল। নিৰ্দিষ্ট মাপৰ সহায়ত অনুশীলন বহীত কিয় বৃত্ত আকিব লাগে এই বিষয়ে বহুতো ধাৰণা আগবঢ়াইছিল।

কাৰ্যটোৰ দ্বিতীয় ভাগত মই ছাত্র-ছাত্রীসকলক যুৰীয়াভাৱে কাম কৰিবলৈ দিছিলো কিয়নো ইজনে সিজনৰ লগত কথা পাতিলে নুবুজা কথাবোৰ বুজাত সহায় হয় আৰু কাৰ্য সম্বন্ধে অধিক ধাৰণাৰ বিকাশ ঘটে।

আমি পাঠ্য পুঁথিৰ পাঠ বিলাকত চকু ফুৰালো আৰু এই পাঠবিলাকত কি দিয়া হৈছে আলোচনা কৰিলো। এই আলোচনাটো যুৰীয়া ভাবে কৰা হৈছিল। বহুতো নতুন প্ৰ. প্ৰস্তুত কৰা হৈছিল তাৰ পৰা এটা প্ৰ. তলত উল্লেখ কৰা হ'ল-

- দুটা ত্ৰিভুজ ABC আৰু PQRৰ বাহুৰ সমানুপাত তলত দিয়া ধৰণৰ
- $$\frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} = \frac{AC}{PR} = 1$$
- দুয়োটা ত্ৰিভুজৰ পৰিসীমাৰ সমানুপাত নিৰ্ণয় কৰা।
  - এই তথ্যখনি তুলনামূলকভাৱে ডাঙৰ ত্ৰিভুজটোৰ সান্তাৰ্য বাহু নিৰ্ণয় কৰিবলৈ ব্যৱহাৰ কৰা।

কেটামান অন্যধৰণৰ প্ৰ. আছিল-

- এটা ত্রিভুজ আঁকা যিটো বেলেগ এটা মূল ত্রিভুজৰ  $\frac{2}{3}$  অংশ।
- এটা ত্রিভুজ আঁকা যিটো বেলেগ এটা মূল ত্রিভুজৰ  $\frac{5}{3}$  অংশ।
- আলোচনা কৰা তুমি কেনেদৰে এটা ত্রিভুজ আঁকিবা যিটো মূল ত্রিভুজৰ  $\frac{500}{3}$  অংশ।



### চিন্তন (Pause for thought)

- ছাত্র-ছাত্রীৰ পৰা পোৱা কোনবিলাক সহাবি আশানুৰূপ নাছিল কিয় ?
- সকলো ছাত্র-ছাত্রীয়ে অংশগ্রহণ কৰিছিল নে ?
- এই কাৰ্যবোৰৰ যোগেদি ছাত্র-ছাত্রীৰ শিকনত কেনে ধৰণৰ অগ্ৰগতি হৈছিল।

## 5 সাৰাংশ (Summary)

এই গোটটোত আপুনি জ্যামিতিক অংকণৰ ওপৰত কাম কৰোতে কেনেদৰে হাত আৰু শৰীৰ অন্য অংগ ব্যৱহাৰ কৰা হৈছিল এই বিষয়ে জানিলে। শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰখন গাণিতিক ক্ষেত্ৰ বুলি ধৰি কেনেদৰে ধাৰণাবিলাক উদ্ভাৱন কৰিছে আৰু গাণিতিক সমন্বন্ধ স্থাপন কৰিছে এই বিষয়ে জানিব পাৰিলে। এনেদৰে ছাত্র-ছাত্রীসকলক কাৰ্য কৰিবলৈ উৎসাহিত কৰিলে তেওঁলোকে নিজে নিজে শিকিব আৰু শ্ৰেণীকোঠাত আয়ত্ত কৰা ধাৰণাসমূহ শ্ৰেণীকোঠাৰ বাহিৰত প্ৰয়োগ কৰিব পাৰিব। ইয়ে ছাত্র-ছাত্রীক পৰীক্ষাৰ প্ৰতি থকা ভয় ভাৱ আঁতৰোৱাত সহায় কৰিব আৰু তাতোকৈ গুৰুত্বপূৰ্ণ কথা এয়ে যে ছাত্র-ছাত্রীয়ে গণিতক নিজৰ ভীৰনত আৰু প্ৰাপ্তব্যস্ক হ'লৈ বিভিন্ন দিশত প্ৰয়োগ কৰিব পাৰিব।



### চিন্তন (Pause for thought)

আপুনি এই গোটটোৰ পৰা তিনিটা ধাৰণা চিনান্ত কৰক যি কেইটা আপুনি বেলেগ পাঠ পঢ়াওঁতে ব্যৱহাৰ কৰিব পাৰিব। উদাহৰণস্বৰূপে, আপুনি কাৰ্য 4 অত উল্লেখ কৰা গণিতক অভিনয়ৰ যোগেদি চিৰি আৰু চিহ্ন প্ৰকাশ কৰা ধাৰণাটো ল'ব পাৰে। আপুনি পৰৱৰ্তী সময়ত পঢ়াবলগীয়া দুটা পাঠত ইয়াত পোৱা ধাৰণা সমূহ সামান্য সাল-সলনি কৰি ব্যৱহাৰ কৰক আৰু ইয়াৰ ওপৰত টোকা প্ৰস্তুত কৰক।

## সমল (Resources)

### সমল 1 NCF/NCFIE শিক্ষণ আৱশ্যকতা (Resources 1: NCF/NCFTE teaching requirements)

এই গোটটোৰ শিকনে NCF (2005) আৰু NCFTE (2009) ৰ শিক্ষণ আৱশ্যকতাৰ লগত তলত দিয়া ধৰণে সমন্বন্ধ স্থাপন কৰিছে।

- ছাত্র-ছাত্রী সকলক তেওঁলোকে নিজে শিকাৰ কাৰণে সত্ৰিয় অংশীদাৰ হিচাবে গণ্য কৰিব কেৱল জ্ঞান আহৰণকাৰী হিচাবে নহয়।
- কাৰিকুলাম, পাঠ্যসূচী আৰু পাঠ্যপুঁথি যেনে আছে তেনেকৈ কোনো প্ৰ.নকৰাকৈ প্ৰহণ কৰাৰ সলনি সমালোচনা কৰা দৃষ্টিবে চালি-জাৰি চাব লাগে।
- গণিতক ছাত্র-ছাত্রীসকলে কথা পাতিৰ পৰা, তেওঁলোকৰ মাজত আলোচনা কৰা, একেলগে কাম কৰিব পৰা বিষয় হিচাবে ল'বলৈ দিব লাগে।
- সমন্বয়ৰ জানিবলৈ ছাত্র-ছাত্রীক বিমূৰ্ত্ত ধাৰণা ব্যৱহাৰ কৰা, গঠনবোৰ অধ্যয়ন কৰা, সমস্যাবোৰ কাৰণ নিৰ্ণয় কৰা, উত্তি বোৰৰ ভুলশুন্দৰ বিচাৰ কৰিবলৈ দিয়া।

## সমল 2: দলগত কার্য (Resources 2: Using groupwork)

দলগত কাম হৈছে এটা প্রগালীবন্ধ, সত্ত্বিয় শিকন শিক্ষণ কৌশল, যি কৌশলে ছাত্র-ছাত্রী সকু সরু দলত একে লক্ষ্যৰ বাবে একেলগে কাম কৰিবলৈ অনুপ্রেৰণা যোগায়। এই সকু দলটোৱে ভালদৰে সংগঠিত ত্ৰিয়াকলাপৰ জড়িয়তে লাভ কৰা শিকন অধিক সত্ত্বিয় আৰু কাৰ্য্যকৰী হয়।

### দলগত কামৰ উপকাৰিতা (The benefits of groupwork)

শিকনৰ প্রতি আগ্রহী কৰি তুলিবলৈ দলগত কাৰ্য্য এবিধ কাৰ্য্যকৰী উপায়, যিয়ে ছাত্র-ছাত্রীক ভাবিবলৈ আৰু পৰম্পৰ ধাৰণা বিনিময় কৰিবলৈ, যোগাযোগ আৰু সিদ্ধান্ত ল'বলৈ অনুপ্রেৰণা যোগায়। আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীয়ে দলগত কাৰ্য্যৰ জৰিয়তে শিকিব আৰু শিকাবঃ যিটো শিকনৰ এটা শত্রুশালী আৰু সত্ত্বিয় ৰূপ।

দলগত কামে ছাত্র-ছাত্রীয়ে দলত বহাটোৱেই নুবুজায়। নিৰ্দিষ্ট এটা শিকন লক্ষ্য লৈ তাৰ বাবে শিকনৰ কাম থিনি ভাগ বতৰা কৰি লৈ সকলোৱে কাম কৰি নিৰ্দিষ্ট লক্ষ্যলৈ বৰঙণি যোগোৱাক বুজায়। আপুনি নিজে স্পষ্ট হ'ব লাগিব শিকনৰ বাবে আপুনি কিয় দলগত কাৰ্য্যৰ প্ৰয়োগ কৰিছে, আকৌ কথন, যুৰীয়া কাৰ্য্য বা ব্যতি গত কাৰ্য্যতকৈ ইয়াক কিয় গুৰুত্ব দিয়া হয় সেই বিষয়েও আপুনি জানিব লাগিব। সেয়েহে দলগত কাৰ্য্য ভালদৰে পৰিকল্পনা কৰাৰ লগতে উদ্দেশ্যও জড়িত থাকিব লাগে।

### দলগত কামৰ পৰিকল্পনা (Planning groupwork)

কেতিয়া আৰু কেনেকৈ দলগত কাৰ্য্যৰ প্ৰয়োগ কৰিব, সেই কথা নিৰ্ভৰ কৰিব আপুনি পাঠটোৰ শেষত কি শিকন লক্ষ্যত উপনীত হ'বলৈ বিচাৰিছে। আপুনি পাঠৰ আৰম্ভণি, শেষ নাইবা মাজতো দলীয় কাৰ্য্যৰ প্ৰয়োগ কৰিব পাৰে, মাথো আপোনাৰ কিছু সময়ৰ দৰকাৰ হ'ব। আপুনি আপোনাৰ ছাত্র ছাত্রীক কৰিবলৈ দিয়া কামটো কেনেকৈ শেষ কৰাৰ কথা আৰু দক্ষতাৰে দল গঠন কৰাৰ আটাইতকৈ ভাল উপায়ৰ কথা ভবাৰো দৰকাৰ।

দলগত কামে যাতে কৃতকাৰ্য্যতা লাভ কৰিব পাৰে তাৰ বাবে শিক্ষক হিচাপে আপুনি আগতীয়াকৈ কিছুমান পৰিকল্পনা কৰা দৰকাৰ যেনে

- দলীয় ত্ৰিয়াকলাপৰ লক্ষ্য আৰু আশা কৰা ফলাফল।
- কামৰ বাবে দিয়া সময়ৰ লগতে যিকোনো প্ৰতিপুষ্টি আৰু সাৰাংশ।
- কেনেকৈ দল গঠন কৰিব, কিমানটা দল হ'ব, এটা দলত কিমানকৈ থাকিব, দল গঠনৰ নিয়মাবলী।
- দলটো কেনেকৈ সংগঠিত কৰিব, দলত সদস্যৰ ভূমিকা, দৰকাৰী সময়, সামগ্ৰী লিপিবদ্ধকৰণ আৰু প্ৰতিবেদন।
- কেনেকৈ মান নিৰ্ধাৰণ কৰা হ'ব আৰু তাক লিপিবদ্ধকৰণ কৰা হ'ব (ব্যতি গত আৰু দলীয় মান নিৰ্ধাৰণৰ পাৰ্থক্যৰ ক্ষেত্ৰত সাৰধান হ'ব)
- কেনেকৈ আপুনি দলীয় কাৰ্য্য নিৰীক্ষণ কৰিব।

### দলগত কাৰ্য্যত কৰিবলগীয়া কাম (Groupwork tasks)

আপুনি দলগতভাৱে ছাত্র-ছাত্রীক কি কাম কৰিবলৈ দিব সেয়া নিৰ্ভৰ কৰে আপুনি তেওঁলোকে কি শিকন লাভ কৰাটো বিচাৰে। দলগত কাৰ্য্যত ভাগ লৈ তেওঁলোকে শিকনৰ কিছুমান কৌশল যেনে পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ কথা শুনিবলৈ, নিজৰ ধাৰণা ব্যাখ্যা কৰিবলৈ আৰু সহযোগিতাৰে কাম কৰিবলৈ শিকে। যিয়েই নহওক কিয়, দলগত কামৰ মূল লক্ষ্য হৈছে আপুনি শিকাই থকা বিষয়ৰ ওপৰত কিছু কথা শিকা। দলগতভাৱে কৰিবলগীয়া কিছু কাম তলত দিয়া ধৰণৰ হ'ব পাৰে।

- **উপস্থাপন :** আৰম্ভণিতে ছাত্র-ছাত্রীসকলে শ্ৰেণীটোৰ এটা পাঠৰ উপস্থাপন নিৰ্কপণ কৰিব পাৰিব। তেওঁলোকে সৰু দল পাতি পাঠটোৰ বিভিন্ন দিশৰ সুকীয়াকৈ উপস্থাপন তৈয়াৰ কৰিব পাৰে। তেনে কৰিলে তেওঁলোকে এটা বিষয় একাধিকবাৰ চৰ্চা কৰাৰ পৰিৱৰ্তে, ভিন্ন বিষয়ত পৰম্পৰ আলাপ কৰাৰ সুযোগ পাব। দলীয় উপস্থাপনৰ সময় আৰু ভাল উপস্থাপনৰ চৰ্তসমূহত শিক্ষণ কঠোৰ হ'ব। পাঠদানৰ পুষ্ট এই চৰ্তবোৰ ব'ড়ত ফটকটীয়াকৈ লিখি দিয়ক। তেনেহ'লে ছাত্র-ছাত্রীসকলে উপস্থাপন তৈয়াৰ কৰাৰ বাবে ঠিক নিৰ্দেশনা পাব। চৰ্তবোৰ এনে হ'ব লাগে
  - উপস্থাপন ভালদৰে সংগঠন কৰা হৈছেনে?
  - উপস্থাপনৰ পৰা কিবা শিকিলোনে?

- উপস্থাপনে মোক কিবা ভাবিবলৈ বাধ্য কৰিলেনে?
- **সমস্যার সমাধান :** ছাত্র-ছাত্রীয়ে দলগত কামত এটা বা অনেক সমস্যার সমাধান কৰিব। ইয়াৰ ভিতৰত বিজ্ঞানৰ এটা পৰীক্ষা, গণিতৰ সমস্যার সমাধান, ইংৰাজীৰ এটা গল্প নাইবা বুৰঞ্জীৰ ঘটনাৰ বিষে ঘণো হ'ব পাৰে।
- **এবিধ সামগ্ৰীৰ সৃষ্টি :** ছাত্র-ছাত্রীসকলে এটা গল্প, নাটকৰ একাংশ, সংগীতৰ একাংশ, কোনো এটা ধাৰণাৰ ব্যাখ্যা কৰিবলৈ আহি, বহুভাৱে চৰ্চিত কোনো বিষয়ৰ ওপৰত বাতৰিৰ প্ৰতিবেদন, এখন পষ্টাৰ য'ত তথ্যৰ সাৰাংশ বা কোনো ধাৰণা ব্যাখ্যা থকা এখন পষ্টাৰ, আদিৰ কাম দলগতভাৱে কৰে। দলগতভাৱে কাম কৰিবলৈ দিয়াৰ আৰম্ভণিত ছাত্র-ছাত্রীক চিন্তা উদ্ভূতক আলোচনা কৰিবলৈ বা মনৰ বৃপৰেখা প্ৰস্তুত কৰিবলৈ পাঁচ মিনিট সময় দিলে তেওঁলোকে বিষয়টোৰ ওপৰত ইতিমধ্যে কিমান জানে সেই কথা গম পাৰ। এইটোৱে আপোনাক যথাযথ স্বৰত পাঠটো লৈ যোৱাত সহায় কৰিব।
- **কামৰ পাৰ্থক্য :** দলগত কামে বিভিন্ন বয়সৰ বিভিন্ন মেধাসম্পন্ন ছাত্র-ছাত্রীক একেলগে যথাযথ কাম কৰাৰ সুযোগ দিয়ে। বেছি মেধাসম্পন্ন ছাত্র-ছাত্রীয়ে কামৰ ব্যাখ্যা কৰিবলৈ পাই উপকৃত হ'ব আৰু কম মেধাসম্পন্ন ল'ৰা-ছোৱালীয়ে গোটেই শ্ৰেণীত প্ৰ. সোধাতকৈ দলত প্ৰ. সুধিবলৈ সহজ পাৰ আৰু সহপাঠীৰ পৰাও শিকিব পাৰিব।
- **আলোচনা :** ছাত্র-ছাত্রীয়ে এটা চৰ্চিত বিষয় লৈ সিদ্ধান্ত গ্ৰহণ কৰিব। বিষয়টো বিভিন্ন দিশ সামৰি ল'ব পৰাকৈ ছাত্র-ছাত্রীৰ যথেষ্ট জ্ঞান আছেনে জানিবলৈ আপোনাৰ প্ৰস্তুতিৰ দৰকাৰ হ'ব। কিন্তু এখন আলোচনা বা বিতৰ্কৰ সৃষ্টি কৰিলে আপোনাৰ আৰু ছাত্র-ছাত্রীৰ বাবে ফলপ্ৰসূ হ'ব।

## দল সংগঠন কৰা (Organising groups)

দল গঠন কৰোঁতে দলত চাৰিব পৰা আঠলৈ সদস্য থাকিলে ভাল কিন্তু এই কথা নিৰ্ভৰ কৰে শ্ৰেণীৰ আকাৰ, ভৌতিক পৰিৱেশ আৰু আচ-বাব, ছাত্র-ছাত্রীৰ সাফল্য আৰু শ্ৰেণী ছাত্র-ছাত্রীৰ বয়সৰ পৰিসীমা। আদৰ্শগতভাৱে এটা দলৰ পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ লগত নিচিএৰাকৈ কথা পাতিব লাগে, পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ প্ৰতি মন কাণ দিব লাগে আৰু সকলোৱে দলৰ কামৰ ফল লাভৰ বাবে বৰঙণি যোগাব লাগে।

- কেনেকৈ আৰু কিয় ল'ৰা-ছোৱালীখনিক দলত ভাগ কৰিব সেইটো ঠিক কৰি লওক। উদাহৰণস্বৰূপে আপুনি বন্ধুত্ব, আগ্ৰহৰ ভিত্তিত দল গঠন কৰিব পাৰে নাইবা সাফল্যপ্ৰাপ্তি যেনে একে সাফল্য প্ৰাপ্তি ছাত্র-ছাত্রীৰে গঠিত দল নাইবা মিশ্ৰিত সাফল্য প্ৰাপ্তিৰ ল'ৰা-ছোৱালীৰেও দল গঠন কৰিব পাৰে।
- দলৰ সদস্য সকলক কি ভূমিকা দিব তাৰে পৰিকল্পনা কৰক (উদাহৰণস্বৰূপে টোকা লিখক, সময় নিয়ন্ত্ৰক বা সজুলি সংগ্ৰাহক) আৰু কেনেকৈ এইখনি ঠিক কৰি ল'ব।

## দলগত কাৰ্য পৰিচালনা (Managing groupwork)

দলগত কাৰ্য ভালদৰে পৰিচালনা কৰিবলৈ আপুনি ৰচিন প্ৰস্তুত আৰু নিয়ম নিৰ্ধাৰণ কৰিব পাৰে। আপুনি নিয়মিতভাৱে দলগত কাৰ্য চলালে ছাত্র-ছাত্রীসকলে আপুনি কি আশা কৰে তাক জানিব পাৰে আৰু তাৰ পৰা তেওঁলোকে আনন্দ লাভ কৰিব পাৰে। আপুনি দলগত কামত ব্যৱহাৰনো কেনেকুৱা হ'ব লাগে তাৰে এখন তালিকা প্ৰস্তুত কৰিব আৰু প্ৰদৰ্শন কৰিব। উদাহৰণস্বৰূপে পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ প্ৰতি শ্ৰদ্ধা, শুনা, পৰম্পৰে পৰম্পৰৰ সহায় কৰা, এটাতকৈ বেছি ধাৰণাৰ চেষ্টা কৰা।

দলগত কাৰ্যৰ বাবে স্পষ্ট মৌখিক নিৰ্দেশনা দিয়াটো গুৰুত্বপূৰ্ণ কথা সেইখনি ব্লেক ব'ডতো লিখি দিব পাৰে। আপুনি তলত দিয়া কথা খিনি মানি চলা দৰকাৰ।

- ল'ৰা-ছোৱালীসকলক আপোনাৰ পৰিকল্পনা মতে য'ত কাম কৰিব তালৈ যাবলৈ নিৰ্দেশনা দিয়ক। সেয়া আপোনাৰ শ্ৰেণীকোঠাৰ নিৰ্দিষ্ট ঠাইত পাৰে নাইবা আপোনাৰ নিৰ্দেশনা মতে আচ-বাব, কিতাপৰ বেগ আঁতৰাই লোৱা ঠাইত হ'ব পাৰে।
- কি কাম কৰা হ'ব সেই সম্পর্কে আপোনাৰ স্পষ্ট ধাৰণা থাকিব লাগিব আৰু সেইখনি সৰু নিৰ্দেশনা বা ছবিব সহায়ত ব্লেক ব'ডত লিখি থ'ব। আপুনি আৰম্ভ কৰাৰ আগতে ছাত্ৰক প্ৰ. সুধিবলৈ দিয়ক।

দলগত কাম কৰি থাকোঁতে আপোনাৰ হয়তো দল সলাবলৈ ইচ্ছা হ'ব পাৰে। ইয়াতে দিয়া কিটিপ দুটা দলগত কাম কৰি মেতিয়া আপোনাৰ আত্ম-বিবাস আহিব তেতিয়া প্ৰয়োগ কৰিব পাৰে- বেছি সংখ্যক ছাত্র-ছাত্রী থকা শ্ৰেণী পৰিচালনাৰ বাবে এই দুটা বিশেষভাৱে সহায়কাৰী।

- **দক্ষ দলবোৰ :** প্ৰত্যেক দলক বেলেগ বেলেগ কাম দিয়ক যেনে বিদ্যুৎ উৎপাদনৰ এটা পদ্ধতি বিচৰা বা এখন নাটকৰ চৰিত্ৰবোৰ বিকাশ কৰা। কিছু সময় পাছত এটা নতুন দল সংগঠন কৰক য'ত প্ৰথম দলটোৰ পৰা এজন দক্ষ ব্যক্তি থাকিব। তাৰ

পাছত কিছুমান কাম যেনে কেনে ধরণৰ শক্তি কেন্দ্ৰ হ'ব তাৰ সিদ্ধান্ত প্ৰহণ বা এখন নাটকৰ কিছু অংশ প্ৰস্তুতকৰণ আদি কামবোৰ এই নতুন দলক কৰিব দিয়াক।

- বিশেষ দৃত : যদি কামটো এনেকুৱা হয় য'ত নতুন বস্তুৰ স্থিতি কৰিব লাগে বা কোনো সমস্যাৰ সমাধান কৰিব লাগে তেওঁয়া প্ৰত্যেক দলক অন্য এটা দললৈ বিশেষ দৃত পঠিয়াবলৈ ক'ব। তেওঁলোকে ধাৰণাবোৰ তুলনা কৰিব পাৰে বা সমস্যাৰ সমাধানো কৰিব পাৰে আৰু তাৰ পাছত নিজৰ দললৈ ঘূৰি দলক অন্য দলত কি হ'ল তাৰে প্ৰতিবেদন দিব। এইদৰে দলে পৰম্পৰে পৰম্পৰাৰ পৰা শিকিব পাৰে।

কামৰ শেষত যি শিকা হ'ল আৰু সাৰাংশ ক'ব আৰু যদি আপুনি কিবা ভুল বুজাবুজি দেখে তাৰ সংশোধন কৰিব। আপুনি প্ৰত্যেক দলৰ পৰা প্ৰতিপুষ্টি ল'ব পাৰে, নাইবা মাত্ৰ এটা বা দুটা দলক যিয়ে ভালদৰে প্ৰতিপুষ্টি দিব পাৰে বুলি আপুনি ভাৰে তেওঁলোকক প্ৰতিপুষ্টি ল'ব পাৰে। ছাত্ৰই প্ৰস্তুত কৰা প্ৰতিবেদন বাখিৰ আৰু তেওঁলোকৰ অন্য দলৰ পৰা প্ৰতিপুষ্টি লোৱাত অনুপ্ৰাণিত কৰক যাতে তেওঁলোকৰ কামৰ কোন অংশ ভাল হৈছে, কোন অংশ আকৰ্ষণীয় হৈছে আৰু কোন অংশত অধিক উন্নত কৰাৰ থল আছে তাকে চিনান্ত কৰণ কৰিব পাৰিব।

যদিও শ্ৰেণীত আপুনি দলগত কাম কৰিব বিচাৰে প্ৰথমতে আপুনি টান পাৰ, কিয়নো কিছুমান ছাত্ৰই

- সত্ৰিয় শিকন্ত বাধা দিয়ে আৰু কাম নকৰে।
- আনক শাসন কৰে।
- আভ্যন্তৰীণ কৌশল নিম্নমানৰ বা আৰুবি ধাস অভাৱ হোৱা বাবেও অংশগ্ৰহণ নকৰে।

দলগত কাম সঠিকভাৱে পৰিচালনা কৰিবলৈ ওপৰত উল্লেখিত কথা কেইটা বিবেচনা কৰাটো গুৰুত্বপূৰ্ণ লগতে শিকন্ত লক্ষ্যতো কিমানখনি উপনীত হ'ল আৰু ছাত্ৰ-ছাত্ৰীৰ সহাবি কিমান সেয়াও বিবেচনা কৰিব (সচাঁকৈয়ে তেওঁলোক লাভৰান হৈছেনে?) সকলো কথা চালি জাৰি চাই যদি দলীয় কাম, সম্পদ, সময় আৰু বিন্যাসত কিবা সলনিৰ দৰকাৰ, সেইমতে পৰিকল্পনা কৰক।

গৱেষণাৰ পৰা জনা গৈছে যে ইতিবাচক সহাবিৰ বাবে শিকোৱা সকলো সময়তে দলগত কাৰ্য প্ৰয়োগ কৰিব নালাগে। গতিকে প্ৰতিটো পাঠতে দলগত কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰিবলৈ বাধ্যতামূলক বুলি ভাবি ল'ব নালাগে। দলগত কাৰ্যটো এটা অতিৰিক্ত কৌশল হিচাপে ভাবি ল'ব লাগে। উদাহৰণ স্বৰূপে বিষয়বস্তুৰ সলনিৰ মাজৰ সময়খনিত নাইবা যেতিয়া শ্ৰেণীকোঠাৰ আলোচনাখনি আকৰ্ষণীয় ৰূপত সজাৰলৈ বিচাৰে, জড়তা ভাঙিবলৈ নাইবা পৰীক্ষামূলক ত্ৰিয়াকলাপৰ আৰম্ভণি হিচাপে নাইবা শ্ৰেণীকোঠাৰ সমস্যা সমাধানৰ অনুশীলন কৰোঁতে দলগত কাৰ্যৰ প্ৰয়োগ কৰিব পাৰে।

## Additional resources

- A newly developed maths portal by the Karnataka government:<http://karnatakaeducation.org.in/KOER/en/index.php/Portal:Mathematics>
- Class X maths study material: [http://www.zietmysore.org/stud\\_mats/X/math.pdf](http://www.zietmysore.org/stud_mats/X/math.pdf)
- National Centre for Excellence in the Teaching of Mathematics: <https://www.ncetm.org.uk/>
- National STEM Centre: <http://www.nationalstemcentre.org.uk/>
- OpenLearn: <http://www.open.edu/openlearn/>
- BBC Bitesize: <http://www.bbc.co.uk/bitesize/>
- Khan Academy's math section: <https://www.khanacademy.org/math>
- NRICH: <http://nrich.maths.org/frontpage>
- Mathcelebration: <http://www.mathcelebration.com/>
- Art of Problem Solving's resources page: <http://www.artofproblemsolving.com/Resources/index.php>
- Teachnology: <http://www.teach-nology.com/worksheets/math/>
- Maths is Fun: <http://www.mathsisfun.com/>
- National Council of Educational Research and Training's textbooks for teaching mathematics and for teacher training of mathematics: <http://www.ncert.nic.in/ncerts/textbook/textbook.htm>
- LMT-01 *Learning Mathematics*, Block 1 ('Approaches to Learning') Block 2 ('Encouraging Learning in the Classroom'), Block 6 ('Thinking Mathematically'): <http://www.ignou4ublog.com/2013/06/ignou-Lmt-01-study-materialbooks.html>

- *Learning Curve* and *At Right Angles*, periodicals about mathematics and its teaching: [http://azimpremijifoundation.org/Foundation\\_Publications](http://azimpremijifoundation.org/Foundation_Publications)
- Central Board of Secondary Education's books and support material (also including the *Teachers Manual for Formative Assessment – Mathematics (Class IX)*) – select 'CBSE publications', then 'Books and support material': <http://cbse.nic.in/welcome.htm>

## References/bibliography

- Bloomfield, A. and Vertes, B. (2005) *People Maths: Hidden Depths*. Derby: Association of Teachers of Mathematics.
- Bloomfield, A. and Vertes, B. (2008) *More People, More Maths*. Derby: Association of Teachers of Mathematics.
- Bruner, J. (1966) *Towards a Theory of Instruction*. Cambridge, MA: Harvard University Press.
- Dreyfus, H.L. (1996) 'The current relevance of Merleau-Ponty's phenomenology of embodiment', *Electronic Journal of Analytic Philosophy*, no. 4. Available from: <http://ejap.louisiana.edu/EJAP/1996.spring/dreyfus.1996.spring.abs.html> (accessed 15 July 2014).
- Gibbs, R.W. (2006) *Embodiment and Cognitive Science*. Cambridge, UK: Cambridge University Press.
- Mason, J., Burton, L. and Stacey, K. (2010) *Thinking Mathematically*, 2nd edn. Harlow: Pearson Education.
- National Council of Educational Research and Training (2005) *National Curriculum Framework (NCF)*. New Delhi: NCERT.
- National Council of Educational Research and Training (2009) *National Curriculum Framework for Teacher Education (NCFTE)*. New Delhi: NCERT.
- Watson, A., Jones, K. and Pratt, D. (2013) *Key Ideas in Teaching Mathematics*. Oxford: Oxford University Press.

## Acknowledgements

Except for third party materials and otherwise stated below, this content is made available under a Creative Commons Attribution-ShareAlike licence (<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/>). The material acknowledged below is Proprietary and used under licence for this project, and not subject to the Creative Commons Licence. This means that this material may only be used unadapted within the TESS-India project and not in any subsequent OER versions. This includes the use of the TESS-India, OU and UKAID logos.

Grateful acknowledgement is made to the following sources for permission to reproduce the material in this unit:

Figure 1: courtesy of Rob Towner.

Figure 2: <http://commons.wikimedia.org/wiki/File:Kolam@TamilWedding.jpg> – this file is licensed under the Creative Commons Attribution-Share Alike 3.0 Unported licence.

Every effort has been made to contact copyright owners. If any have been inadvertently overlooked the publishers will be pleased to make the necessary arrangements at the first opportunity.

Video (including video stills): thanks are extended to the teacher educators, headteachers, teachers and students across India who worked with The Open University in the productions.

পাঁচ মিনিটৰ ভিতৰতেই ছাত্র ছাত্রীসকলে খোকোজা নালাগিবৰ বাবে কিছুমান ভাল ধাৰণা দিব পাৰিছিল। এই আলোচনাটোৱে আমাক গোটেই দলৰ লগত একেলগে কাম কৰাৰ প্ৰবন্ধনা, যুটীয়া ভাবে ইজনে সিজনক সহায় কৰাৰ দায়িত্ব লব পৰা, খোকোজাবোৰ দূৰ কৰা আৰু আমি সকলোৱে এইবোৰ কৰিব পাৰো বুলি আত্মবি বস গঢ়ি তোলাত সহায় কৰিছে। এই আলোচনাটোৱে পিছত বাকী কেইটা পাঠ তেওঁলোকৰ বাবে সহজ হৈ পৰিল। ফলস্বৰূপে, আমি সাদৃশ্যতা, সৰ্বাংগসমতা, () আৰু ত্ৰিভুজৰ ধৰ্মৰ বিষয়ে আলোচনা কৰিবলৈ সমৰ্থ হৈছিলো। সেয়েহে গণিতৰ এটা অৰ্হতা শিকাৰ সলনি তেওঁলোকে কেইবাটাও অৰ্হতাৰ () মাজত সংযোগ স্থাপন কৰিবলৈ শিকিছিল।

ত্ৰিভুজটোৰ পৰিসীমাৰ ৰঞ্জ ডাঙৰ আকাৰৰ এটা ত্ৰিভুজ অংকন কৰা “প্ৰ এটো উত্তৰ ছাত্র ছাত্রীসকলে চিন্তা কৰিব লগীয়া বিধিৰ কিন্তু প্ৰ এটোৱে তেওঁলোকৰ হতাশগ্ৰস্ত হ'ব লগা বিধিৰ নহয়। মই ছাত্র ছাত্রীসকলে কোৱা শুনিছিলো “আমাৰ খোকোজা লাগিছে” আৰু “আমি এতিয়া আমাৰ খোকোজা থিনি দূৰ কৰিব লাগিব”। এটা দলে খোকোজা আতৰ কৰিবৰ বাবে টাৰ বিচাৰিলে। মই এইটো বিষয়ে ভবা নাছিলো বাবে টাৰ যোগাৰ কৰা নাছিলো। সে